ИЗМЕРЕНИЕ $heta_{13}$, Δm^2_{32} И КОВАРИАНТНАЯ КВАНТОВО-ПОЛЕВАЯ ТЕОРИЯ НЕЙТРИННЫХ ОСЦИЛЛЯЦИЙ.

Д. В. Наумов

Объединенный Институт Ядерных Исследований

Дубна, 2016

Д. В. Наумов, ОИЯИ

Дубна, 2016

Стр. 1 из 87

1. Актуальность

- Смешивание в Стандартной Модели
- Статус (PDG2016)
- Неполнота плосковолновой модели нейтринных осцилляций
- 2. Ковариантная квантово-полевая теория нейтринных осцилляций
 - Программа действий
 - К теории волнового пакета
 - Ковариантный волновой пакет в КТП
 - Модель релятивистского гауссова пакета
 - S-матричный формализм с волновыми пакетами
 - Процесс с нарушением флэйвора
 - Вероятность осцилляций. Стационарный источник
 - Вероятность осцилляций. Нестационарный источник

Д. В. Наумов, ОИЯИ

- Первое ограничение из данных Daya Bay
- 3. Измерение $heta_{13}$ и Δm^2_{32} в эксперименте Daya Bay
 - Антинейтрино от реактора
 - Эксперимент Daya Bay
 - Результаты. Сравнение наблюдений в ближнем и дальнем холлах
 - Результаты осцилляционного анализа
 - Результаты измерения потока антинейтрино
 - Результаты измерения спектра антинейтрино

4. Формальности

- 🕨 Цели и задачи
- Основные положения, выносимые на защиту
- Список статей по теме диссертации
- Апробация работы
- Научная новизна

Д. В. Наумов, ОИЯИ

- Практическая значимость
- Премии
- Публикации
- 5. Благодарности







- Поколения кварков и лептонов с определенной массой не смешиваются во взаимодействиях с *γ*, *Z*⁰, но смешиваются во взаимодействиях с *W*[±]
- Смешиванию соответствуют унитарные матрицы V_{СКМ} (кварки) и V_{PMNS} (лептоны)
- V_{3×3} матрица смешивания:
 - ↔ 3 угла θ_{ij},
 - \hookrightarrow 1 фаза δ (2 доп. фазы для нейтрино Майораны) \hookrightarrow нарушение СР-инвариантности.
- Предмет исследования:

 \hookrightarrow $heta_{ij},\delta$ и масса нейтрино m_i

Актуальность

Смешивание в Стандартной Модели

- Наблюдаемые, чувствительные к этим параметрам:
 - \hookrightarrow "Масса флэйворного нейтрино": $m_{\alpha}^{\text{eff}} = \sum_{i} |V_{\alpha i}|^2 m_i$
 - $\hookrightarrow ~0
 u2eta$ распады: $m_{etaeta}=|V_{ei}^2m_i|$
 - \hookrightarrow Появление и исчезновение флэйвора в нейтринных осцилляциях: $\theta_{ij}, \delta, \Delta m_{ii}^2$
 - ↔ Космология и глубокие обзоры неба: ∑_i m_i



- 1. Углы смешивания:
 - $\sin^2_{12} = 0.304 \pm 0.014$
 - $\sin^2_{23} = 0.51 \pm 0.05$
 - sin²₁₃ < 0.04. Верхний предел Chooz. Актуальность №1</p>
- 2. Массы:
 - $\Delta m_{21}^2 = (7.53 \pm 0.18)) \cdot 10^{-5} \ \mathrm{sB}^2$
 - ► Δm²₃₂ = (2.44 ± 0.066) · 10⁻³ эВ² (нормальная иерархия)

 - ▶ m_e^{eff} < 2.05 эВ</p>
 - ► m_{ββ} < (0.120 0.250) эВ</p>
 - ► $\sum_i m_i \le (0.12 0.23)$ эВ



- 1. Углы смешивания:
 - $\sin^2_{12} = 0.304 \pm 0.014$
 - $\sin^2_{23} = 0.51 \pm 0.05$
 - ▶ $\sin^2_{13} = 0.0219 \pm 0.0012$. Открытие Daya Bay
- 2. Массы:
 - $\Delta m_{21}^2 = (7.53 \pm 0.18)) \cdot 10^{-5} \ \mathrm{sB}^2$
 - ► Δm²₃₂ = (2.44 ± 0.066) · 10⁻³ эВ² (нормальная иерархия)

 - ▶ m_e^{eff} < 2.05 ∍B</p>
 - ► m_{ββ} < (0.120 0.250) эВ</p>
 - ► $\sum_i m_i \le (0.12 0.23)$ эВ

Актуальность

└ Неполнота плосковолновой модели нейтринных осцилляций

- 1. Нейтринные осцилляции на сегодня главный источник информации о $V_{\alpha i}$ и Δm_{ii}^2
- Плосковолновая модель, однако, неполна и противоречива. Актуальность №2

Актуальность

└ Неполнота плосковолновой модели нейтринных осцилляций

- 1. Теория осцилляций нейтрино в двух словах.
 - Эволюция во времени флэйворного состояния

$$\underbrace{|\nu_{\alpha}\rangle = \sum_{i} V_{\alpha i}^{*} |\nu_{i}\rangle}_{i}$$

Флэйворное нейтрино

Актуальность

└ Неполнота плосковолновой модели нейтринных осцилляций

- 1. Теория осцилляций нейтрино в двух словах.
 - Эволюция во времени флэйворного состояния

$$|
u_{\alpha}(t)\rangle = \sum_{i} V_{\alpha i}^{*} \mathrm{e}^{-iE_{i}t} |
u_{i}\rangle$$

Эволюция во времени

—Актуальность

— Неполнота плосковолновой модели нейтринных осцилляций

- 1. Теория осцилляций нейтрино в двух словах.
 - Эволюция во времени флэйворного состояния

$$|
u_{\alpha}(t)\rangle = \sum_{i} V_{\alpha i}^{*} \mathrm{e}^{-iE_{i}t} |
u_{i}\rangle$$



 приводит к ненулевому перекрытию с другим флэйворным состоянием |ν_β>

 $\mathcal{A}_{etalpha}(t)=\langle
u_eta|
u_lpha(t)
angle$

—Актуальность

– Неполнота плосковолновой модели нейтринных осцилляций

- 1. Теория осцилляций нейтрино в двух словах.
 - Эволюция во времени флэйворного состояния

$$|\nu_{\alpha}(t)\rangle = \sum_{i} V_{\alpha i}^{*} \mathrm{e}^{-iE_{i}t} |\nu_{i}\rangle$$



 приводит к ненулевому перекрытию с другим флэйворным состоянием |ν_β>

$$\mathcal{A}_{etalpha}(t)=\langle
u_eta|
u_lpha(t)
angle$$

 которое (полагая t = L) можно обнаружить с вероятностью осцилляций

$$P_{etalpha}(L) = |\mathcal{A}_{etalpha}(L)|^2 = \sum_{ij} V^*_{lpha i} V^*_{eta j} V_{lpha j} V_{eta i} \ e^{iL\Delta m^2_{ij}/2E}$$

└─Актуальность

Неполнота плосковолновой модели нейтринных осцилляций

- 1. Теория осцилляций нейтрино в двух словах.
 - Эволюция во времени флэйворного состояния

$$|
u_{\alpha}(t)\rangle = \sum_{i} V_{\alpha i}^{*} \mathrm{e}^{-iE_{i}t} |
u_{i}\rangle$$



 приводит к ненулевому перекрытию с другим флэйворным состоянием |ν_β>

$${\cal A}_{etalpha}(t)=\langle
u_eta|
u_lpha(t)
angle$$

 которое (полагая t = L) можно обнаружить с вероятностью осцилляций

$$P_{etalpha}(L) = |\mathcal{A}_{etalpha}(L)|^2 = \sum_{ij} V^*_{lpha i} V^*_{eta j} V_{lpha j} V_{eta i} \ e^{iL\Delta m^2_{ij}/2E}$$

2. $V_{\alpha i}$ и Δm_{ij}^2 измеряются при помощи $P_{eta lpha}(L).$

Д. В. Наумов, ОИЯИ



- (I) в процессах рождения и детектирования нейтрино взаимодействует когерентная суперпозиция $|\nu_{\alpha}\rangle = \sum_{i} V_{\alpha i}^{*} |\nu_{i}\rangle;$ (II) состояния $|\nu_{i}\rangle$ обладают определенными импульсами
- (II) состояния $|
 u_i\rangle$ обладают определенными импульсами $p_i;$
- (III) все импульсы p_i одинаковы ($p_i = p$);
- (IV) нейтрино являются ультрарелятивистскими, т.е. $p^2 \gg \max(m_i^2);$
- (V) время распространения нейтрино заменяется пройденным расстоянием t = L.

—Актуальность

-Неполнота плосковолновой модели нейтринных осцилляций. Критический анализ гипотез

Гипотеза (I)

в процессах рождения и детектирования нейтрино взаимодействует когерентная суперпозиция $|
u_{\alpha}\rangle = \sum_{i} V^{*}_{\alpha i} |
u_{i}\rangle$

- Почему массивные состояния нейтрино |v_i> рождаются когерентными, а массивные заряженные лептоны е, µ, т (видимо) некогерентны. Или осциллируют ли заряженные лептоны?
- Поля нейтрино и заряженных лептонов симметричны в СМ:

$$\mathcal{L} = \cdots - rac{g}{\sqrt{2}} \sum_{\alpha i} V_{\alpha i} \overline{\ell}_{\alpha L} \gamma_{\mu} \nu_{i L} W^{\mu} + \text{ h.c.}$$

Д. В. Наумов, ОИЯИ

Актуальность

└ Неполнота плосковолновой модели нейтринных осцилляций. Критический анализ гипотез

Гипотеза (II)

состояния $|\nu_i\rangle$ обладают определенными импульсами p_i

 $\triangleright \delta p_{\nu} = 0$ означает неопределенное положение состояния $\delta x_{\nu} = \infty$. Невозможно корректно определить *L* в $P_{\beta\alpha}(L)$.

—Актуальность

└ Неполнота плосковолновой модели нейтринных осцилляций. Критический анализ гипотез

Гипотеза (III)

все импульсы \boldsymbol{p}_i одинаковы $(\boldsymbol{p}_i = \boldsymbol{p})$

 Противоречит Лоренц-инвариантности. Противоречит кинематике распадов.

—Актуальность

– Неполнота плосковолновой модели нейтринных осцилляций. Критический анализ гипотез

Гипотеза (IV)

нейтрино являются ультрарелятивистскими, т.е. ${m p}^2 \gg \max(m_i^2)$

- Для всех современных экспериментов эта гипотеза выполняется.
- Для реликтовых нейтрино не выполняется

—Актуальность

└ Неполнота плосковолновой модели нейтринных осцилляций. Критический анализ гипотез

Гипотеза (V)

время распространения нейтрино заменяется пройденным расстоянием t = L

Ничтожная поправка вида $v = p/E \simeq 1 - m^2/2p^2$, увеличивает разность фаз φ_{ij} вдвое:

$$\varphi_{ij} = (E_i - E_j)t = (\frac{E_i}{v_i} - \frac{E_j}{v_j})L = 2\frac{\Delta m_{ij}^2}{2E}$$

 В экспериментах, где время распространения нейтрино не измеряется, по нему требуется проинтегрировать:

$$P_{etalpha}(L) = \sum_i |V_{lpha i}|^2 |V_{eta i}|^2$$

некогеретная сумма, не зависящая от *L* и *E*.

Д. В. Наумов, ОИЯИ



- 🗡 Гипотеза (I) требует количественного обоснования.
- 🗡 Гипотеза (II) нефизична.
- 🗡 Гипотеза (III) нефизична.
- Гипотеза (IV) выполняется для современных экспериментов и нарушается для реликтовых нейтрино.
- 🗴 Гипотеза (V) необоснованна.



- Необходимо описание осцилляций нейтрино в рамках модели с волновым пакетом.
- Обсуждаются, в основном, два подхода:
 - 1. КМ подход: форма волнового пакета нейтрино постулируется. Обычно нековариантный гауссовый пакет:
 - ▷ Giunti Found.Phys.Lett. 17 (2004) 103-124
 - Bilenky, Giunti, Grimus Prog.Part.Nucl.Phys. 43 (1999)
 1-86
 - ▷ M. Beuthe, Phys. Rev. D66 (2002) 013003
 - многие другие



- КТП подход: распространяющееся нейтрино виртуальная частица, все другие частицы описываются волновыми пакетами. Волновая функция нейтрино вычисляется:
 - ▷ Grimus, Stockinger 1996 Phys. Rev. D54 3414;
 - Cardall 2000 Phys. Rev. D 61 073006;
 - D. V. Naumov and V. A. Naumov, J. Phys. G 37 (2010) 105014;
 - ▷ Akhmedov and Kopp 2010, JHEP 1004 008
 - ▶ многие другие

Измерение θ₁₃, Δm²₃₂ и ковариантная квантово-полевая теория нейтринных осцилляций. └ Ковариантная квантово-полевая теория нейтринных осцилляций └ Программа действий

- 1. Разработать теорию ковариантного волнового пакета, исследовать свойства.
- Вычислить амплитуду *A*_{αβ} "макроскопической" диаграммы, в которой:

- "источник" и "детектор" нейтрино разделены макроскопическим расстоянием;
- начальные и конечные частицы описываются волновыми пакетами;
- нейтрино виртуальная частица.



Измерение θ₁₃, Δm²₃₂ и ковариантная квантово-полевая теория нейтринных осцилляций. └ Ковариантная квантово-полевая теория нейтринных осцилляций └ Программа действий

- 3. Вычислить вероятность $|\mathcal{A}_{\alpha\beta}|^2$.
- 4. Произвести макроскопическое усреднение и вычислить число событий *dN*_{αβ}.
- 5. Обнаружить, что $dN_{\alpha\beta}$ факторизуется $dN_{\alpha\beta} \propto \Phi_{\nu}(E_{\nu}, L) \times P_{\alpha\beta}(E_{\nu}, L; \sigma_p) \times \sigma(E_{\nu})$
- Исследовать формулу для "вероятности осцилляций" *P*_{αβ}.

Измерение θ₁₃, Δm²₃₂ и ковариантная квантово-полевая теория нейтринных осцилляций. └Ковариантная квантово-полевая теория нейтринных осцилляций └К теории волнового пакета

Волновой пакет (ВП)

$$|\psi(t)
angle = \int rac{doldsymbol{p}}{(2\pi)^3\sqrt{2E_{oldsymbol{p}}}} e^{-iE_{oldsymbol{p}}t}\psi_{oldsymbol{p}}(oldsymbol{p})|oldsymbol{p}
angle,$$

где $\psi_{\rm p}(p)$ – волновая функция в импульсном представлении с максимумом около среднего импульса k и дисперсией σ_p .

- Средний 4-импульс интеграл движения.
- Волновая функция в координатном представлении

$$\psi_{\mathrm{x}}(t, oldsymbol{x}) = \int rac{doldsymbol{p}}{(2\pi)^3} e^{-i E_{oldsymbol{p}} t + i oldsymbol{p} oldsymbol{x}} \psi_{\mathrm{p}}(oldsymbol{p}).$$

Измерение θ₁₃, Δm²₃₂ и ковариантная квантово-полевая теория нейтринных осцилляций. └─ Ковариантная квантово-полевая теория нейтринных осцилляций └─ К теории волнового пакета

- В среднем ВП следует классической траектории $\langle x(t)
 angle = \langle v
 angle t$
- ▶ ВП расплывается со временем $\lim_{t o \infty} |\psi_{\mathrm{x}}(t, \pmb{x})| = 0$
- Пространственная дисперсия $\sigma_x^2(t) = \langle x^2(t) \rangle \langle x(t) \rangle^2$ дается

$$\sigma_x^2(t) = \sigma_x^2(0) + (\langle \mathbf{v}^2 \rangle - \langle \mathbf{v} \rangle^2)t^2 = \sigma_x^2(0) + \sigma_{\mathbf{v}}^2 t^2,$$

- Расплывающийся ВП можно использовать в качестве асимптотического состояния в S-матричной теории:
 - ► Для любого *t* плотность потока *j*(*t*, *x*) убывает быстрее, чем 1/4*π*|*x*|².

Д. В. Наумов, ОИЯИ

Измерение θ₁₃, Δm²₃₂ и ковариантная квантово-полевая теория нейтринных осцилляций. └Ковариантная квантово-полевая теория нейтринных осцилляций └К теории волнового пакета

• Интеграл по времени от j(t, x) (в системе покоя) есть

$$\Phi(\mathbf{x}) = \int_0^\infty dt \, \mathbf{j}(t, \mathbf{x}) = rac{1}{4\pi |\mathbf{x}|^2}.$$

и преобразуется для лабораторной системы согласно преобразования Лоренца.

• С учетом того, что нормировка $\langle \psi(t) | \psi(t) \rangle$ конечна и не зависит от времени, расплывающийся ВП можно использовать в качестве асимптотического состояния при больших по модулю (но конечных) (t_1, t_2) в теории рассеяния с $S = S(t_1, t_2)$.

— Ковариантная квантово-полевая теория нейтринных осцилляций

Ковариантный волновой пакет в КТП

Ковариантный ВП

$$|\boldsymbol{p},\boldsymbol{s},\boldsymbol{x}
angle = \int rac{d\boldsymbol{k}}{(2\pi)^3 2E_{\boldsymbol{k}}} e^{+i\boldsymbol{k}\boldsymbol{x}} \phi(\boldsymbol{k},\boldsymbol{p}) |\boldsymbol{k},\boldsymbol{s}
angle,$$

- ▷ φ(k, p) Лоренц-инвариантный форм-фактор, зависящий от дисперсии импульса σ.
- Волновая функция в импульсном представлении $\psi_p(\mathbf{p}) = \phi(\mathbf{k}, \mathbf{p}) / \sqrt{2E_p}.$

 \triangleright При $t=-x_0$ средняя координата ВП есть (-x)

В координатном представлении

$$\psi(\boldsymbol{p}, \boldsymbol{x}) \equiv \psi(\boldsymbol{p}, \boldsymbol{x}_0, \boldsymbol{x}) = \int \frac{d\boldsymbol{k}}{(2\pi)^3 2E_{\boldsymbol{k}}} \phi(\boldsymbol{k}, \boldsymbol{p}) e^{-i\boldsymbol{k}\boldsymbol{x}}.$$

Принцип соответствия и нормировка волнового пакета

$$\lim_{\sigma \to 0} \phi(\boldsymbol{k}, \boldsymbol{p}) = (2\pi)^3 2 \boldsymbol{E}_{\boldsymbol{p}} \delta^3(\boldsymbol{k} - \boldsymbol{p}).$$

Д. В. Наумов, ОИЯИ

Дубна, 2016

Стр. 24 из 87



- В соответствии с принятой нормировкой ВП ψ(p, x) безразмерна.
- ▶ 3D-объем ВП в пространстве:

$$V(\boldsymbol{p}) \stackrel{\text{def}}{=} \int dx |\psi(\boldsymbol{p}, x)|^2 = rac{V(\boldsymbol{0})}{\Gamma_{\boldsymbol{p}}}$$

Норма ВП конечна:

$$\langle \boldsymbol{p}, \boldsymbol{x} | \boldsymbol{p}, \boldsymbol{x} \rangle = 2mV_{\star} \simeq 2 \langle \boldsymbol{E}_{\boldsymbol{p}} \rangle V(\boldsymbol{p})$$

Измерение θ13, Δm²₃₂ и ковариантная квантово-полевая теория нейтринных осцилляций. └ Ковариантная квантово-полевая теория нейтринных осцилляций └ Модель релятивистского гауссова пакета

Предложена модель релятивистского гауссова пакета

$$\phi_G(\boldsymbol{k},\boldsymbol{p}) = \frac{2\pi^2}{\sigma^2 K_1(\boldsymbol{m}^2/2\sigma^2)} \exp\left(-\frac{\boldsymbol{E}_{\boldsymbol{k}}\boldsymbol{E}_{\boldsymbol{p}} - \boldsymbol{k}\boldsymbol{p}}{2\sigma^2}\right).$$

• В нерелятивистском случае $((|\mathbf{k}| + |\mathbf{p}|)^2 \ll 4m^2)$

$$\phi_{G}(\boldsymbol{k}, \boldsymbol{p}) \sim \exp\left[-\frac{(\boldsymbol{k}-\boldsymbol{p})^{2}}{4\sigma^{2}}
ight],$$

форм-фактор, используемый другими авторами.

- ▶ Во всех нейтринных экспериментах участвуют релятивистские частицы → необходимо использовать релятивистские ВП.
- Д. В. Наумов, ОИЯИ

└─Ковариантная квантово-полевая теория нейтринных осцилляций

Модель релятивистского гауссова пакета

• В координатном пространстве

$$\psi(\boldsymbol{p}, x) = rac{K_1(\zeta m^2/2\sigma^2)}{\zeta K_1(m^2/2\sigma^2)} \stackrel{\text{def}}{=} \psi_G(\boldsymbol{p}, x),$$

где
$$\zeta = \sqrt{1 - \frac{4\sigma^2}{m^2} [\sigma^2 x^2 - i(px)]}.$$

• В пренебрежении расплыванием ВП:

$$\psi_G(\boldsymbol{p}, \boldsymbol{x}) = \exp\left\{-i(\boldsymbol{p}\boldsymbol{x}) - \frac{\sigma^2}{m^2}\left[(\boldsymbol{p}\boldsymbol{x})^2 - m^2\boldsymbol{x}^2\right]\right\}.$$

Д. В. Наумов, ОИЯИ

— Ковариантная квантово-полевая теория нейтринных осцилляций

Модель релятивистского гауссова пакета

Многопакетные состояния

- Получены формулы для нормы *n*-частичного состояния.
- Например, норма 2х-частичного состояния есть:

$$_{2}\langle \boldsymbol{p}, \boldsymbol{s}, \boldsymbol{x} | \boldsymbol{p}, \boldsymbol{s}, \boldsymbol{x} \rangle_{2} = (2m \mathcal{V}_{\star})^{2} \left[1 \pm \delta_{s_{1}s_{2}} \exp\left(-\sigma^{2} | \boldsymbol{x}_{1}^{\star} - \boldsymbol{x}_{2}^{\star} |^{2}\right) \right],$$

где знак + относится к бозонам, а - к фермионам.

 Бозе-эйнштейновское притяжение и фермиевское отталкивание, важны лишь при

$$\sigma^2 |\mathbf{x}_i^\star - \mathbf{x}_j^\star|^2 \lesssim 1.$$

- При достаточно больших расстояниях между ВП квантовая статистика не играет роли.
- Д. В. Наумов, ОИЯИ

Измерение θ₁₃, Δm²₃₂ и ковариантная квантово-полевая теория нейтринных осцилляций. └─ Ковариантная квантово-полевая теория нейтринных осцилляций └─ S-матричный формализм с волновыми пакетами

Амплитуда с ВП для начальных и конечных состояний:

$$\mathcal{A} = \frac{1}{\mathcal{N}} \langle \{ \boldsymbol{p}_f, x_f \} | \mathbb{S} - 1 | \{ \boldsymbol{p}_i, x_i \} \rangle.$$

Норма состояний:

 $\mathcal{N}^2 = \langle \{ \boldsymbol{p}_f, \boldsymbol{x}_f \} | \{ \boldsymbol{p}_f, \boldsymbol{x}_f \} \rangle \cdot \langle \{ \boldsymbol{p}_i, \boldsymbol{x}_i \} \rangle | \{ \boldsymbol{p}_i, \boldsymbol{x}_i \} \rangle \rangle.$

Микроскопическая вероятность

 $P(\{p_f, x_f\}, \{p_i, x_i\}) = |\mathcal{A}|^2$

Макроскопически-усредненная вероятность или число событий:

$$dN = \prod_{i} \frac{d\mathbf{x}_{i} d\mathbf{p}_{i}}{(2\pi)^{3}} f_{i}(\mathbf{x}_{i}, \mathbf{p}_{i}, t) \prod_{f} \frac{d\mathbf{x}_{f} d\mathbf{p}_{f}}{(2\pi)^{3}} P(\{\mathbf{p}_{f}, \mathbf{x}_{f}\}, \{\mathbf{p}_{i}, \mathbf{x}_{i}\})$$

Д. В. Наумов, ОИЯИ

Измерение θ₁₃, Δm²₃₂ и ковариантная квантово-полевая теория нейтринных осцилляций. └ Ковариантная квантово-полевая теория нейтринных осцилляций └ Рассеяние волновых пакетов

- Рассеяние двух ВП *a*, *b* с прицельным параметром
 $b = x_b x_a$ и $n = v_{ab}/|v_{ab}|$
- 🗸 Число взаимодействий

$$dN = rac{d\sigma}{S_{ab}}e^{-\pi(\boldsymbol{b}\times\boldsymbol{n})^2/S_{ab}},$$

где

- ▷ $S_{ab} = S_a + S_b$ геометрическая площадь ВП в плоскости рассеяния, $S_i = \frac{\pi}{2\sigma_i^2}$,
- ▷ dσ плосковолновое сечение рассения.



Д. В. Наумов, ОИЯИ

Дубна, 2016

Стр. 30 из 87

. Ковариантная квантово-полевая теория нейтринных осцилляций

Рассеяние волновых пакетов

Макроскопическое усреднение

$$\langle dN \rangle = \int db_{\perp} \Phi_{ab} d\sigma \frac{e^{-\pi b_{\perp}^2/S_{ab}}}{S_{ab}} = \Phi_{ab} d\sigma$$

дает хорошо известную связь с плосковолновым приближением.
Измерение θ₁₃, Δm²₃₂ и ковариантная квантово-полевая теория нейтринных осцилляций. └Ковариантная квантово-полевая теория нейтринных осцилляций └Процесс с нарушением флэйвора

Рассмотрим класс процессов

 $I_s \oplus I_d \to F'_s + \ell^+_\alpha \oplus F'_d + \ell^-_\beta.$

- Адронная часть амплитуды факторизуется на блоки "источника" и "детектора".
- В пропагаторе нейтрино

 ∫ dq вычисляется при помощи теоремы Гримуса-Стокинджера,
 - ▷ $\int dq_0$ вычисляется методом перевала.
- Приближение *m_i* = 0 в матричных элементах.



— Ковариантная квантово-полевая теория нейтринных осцилляций

Процесс с нарушением флэйвора

Амплитуда
$$\mathcal{A}_{\beta\alpha} = \frac{|\mathbb{V}_{\mathfrak{s}}(p_{\nu})\mathbb{V}_{\mathfrak{d}}(p_{\nu})| M_{\mathfrak{s}}M_{\mathfrak{d}}}{i4\pi^{3/2}\mathcal{N}L} \sum_{j} V_{\alpha j}^{*}\widetilde{\mathfrak{D}}_{j}V_{\beta j} e^{-\Omega_{j}-\Theta_{j}}.$$

- Матричные элементы
 - $Dash M_s$ отвечает $I_s o F_s' + \ell_lpha^+ +
 u$
 - ho M_d отвечает $u + I_d
 ightarrow F_d' + \ell_eta^-$

▶ Фаза

$$\Omega_j(T,L) = i(p_j X) + rac{\widetilde{\mathfrak{D}}_j^2}{E_{\nu}^2} \left[(p_j X)^2 - m_j^2 X^2 \right],$$
где $X = X_d - X_s.$

- Θ_j поправка к фазе, $L = |X_d X_s|$, $\mathbb{V}_{s,d}(p_{\nu})$ 4D-объемы перекрытия ВП в источнике и детекторе
- Э_j эффективная дисперсия импульса нейтрино, зависит от кинематики и дисперсией всех частиц

Д. В. Наумов, ОИЯИ

— Ковариантная квантово-полевая теория нейтринных осцилляций

Процесс с нарушением флэйвора

• Микроскопическая вероятность

$$\begin{aligned} |\mathcal{A}_{\beta\alpha}|^{2} &= \int dE_{\nu} \frac{(2\pi)^{4} \delta_{s}(p_{\nu}-q_{s}) V_{s} |M_{s}|^{2}}{\prod_{\varkappa \in S} 2E_{\varkappa} V_{\varkappa}} \frac{(2\pi)^{4} \delta_{d}(p_{\nu}+q_{d}) V_{d} |M_{d}|^{2}}{\prod_{\varkappa \in D} 2E_{\varkappa} V_{\varkappa}} \times \\ &\times \frac{\mathfrak{D}}{2\sqrt{2\pi}(2\pi)^{3} L^{2}} \bigg| \sum_{j} V_{\alpha j}^{*} V_{\beta j} e^{-\Omega_{j} - \Theta_{j}} \frac{1}{1+i\mathfrak{r}_{j}} \bigg|^{2}, \end{aligned}$$

4D-объемы перекрытия ВП в источнике и детекторе

$$\mathbf{V}_{s,d} = \int dx \prod_{\varkappa \in S,D} |\psi_{\varkappa} (\boldsymbol{p}_{\varkappa}, \boldsymbol{x}_{\varkappa} - \boldsymbol{x})|^2 = \frac{\pi^2 \exp\left(-2\mathfrak{S}_{s,d}\right)}{4\sqrt{|\mathfrak{R}_{s,d}|}},$$

 Фактор exp (-2S_{s,d}) – геометрическое подавление при ненулевых прицельных параметрах (обобщенных как 4-векторы) рассеивающихся ВП

Д. В. Наумов, ОИЯИ

Дубна, 2016

Стр. 34 из 87

Измерение θ₁₃, Δm²₃₂ и ковариантная квантово-полевая теория нейтринных осцилляций. └─Ковариантная квантово-полевая теория нейтринных осцилляций └─Процесс с нарушением флэйвора

> Число событий (макроскопическое усреднение) за время работы т_s источника и детектирования т_d:

$$\frac{dN_{\alpha\beta}}{\tau_d} = \int d\mathbf{x} \, d\mathbf{y} dE_{\nu} \frac{d\Phi_{\nu}(\mathbf{x}, \mathbf{y})}{dE_{\nu}} d\sigma_{\nu}(\mathbf{y}) \mathcal{P}_{\alpha\beta}(E_{\nu}, |\mathbf{y} - \mathbf{x}|),$$

• где $\frac{d\Phi_{\nu}(\mathbf{x},\mathbf{y})}{dE_{\nu}}$ и $d\sigma_{\nu}(\mathbf{y})$ – плотность потока и сечение $\nu + I_d \rightarrow F'_d + \ell_{\beta}^-$ в плосковолновом приближении, соответственно.

└─Ковариантная квантово-полевая теория нейтринных осцилляций

Вероятность осцилляций. Стационарный источник

В режиме стационарного источника $\tau_s = \infty$:

$$\mathcal{P}_{lphaeta}(E_{
u},L) = \sum_{i,j} rac{V_{eta i} V_{lpha j}^* V_{eta j}^*}{\sqrt[4]{1 + \left(L/L_{ij}^d
ight)^2}} \exp\left[-i(arphi_{ij} + arphi_{ij}^d) - \mathscr{A}_{ij}^2 - \mathscr{B}_{ij}^2
ight].$$

— Ковариантная квантово-полевая теория нейтринных осцилляций

└ Вероятность осцилляций. Стационарный источник

В режиме стационарного источника $\tau_s = \infty$:

$$\mathcal{P}_{lphaeta}(E_
u,L) = \sum_{i,j} rac{V_{eta i} V_{lpha i}^* V_{lpha j} V_{eta j}^*}{\sqrt[4]{1 + \left(L/L_{ij}^d
ight)^2}} \exp\left[-i(rac{arphi_{ij}}{arphi_{ij}} + arphi_{ij}^{\mathsf{d}}) - \mathscr{A}_{ij}^2 - \mathscr{B}_{ij}^2
ight].$$

Осцилляционная плосковолновая фаза

$$\varphi_{ij} = \frac{2\pi L}{L_{ij}^{\rm osc}}.$$

Длина осцилляций в плосковолновом приближении

$$L_{ij}^{
m osc} = rac{4\pi E_
u}{\Delta m_{ij}^2}.$$

Д. В. Наумов, ОИЯИ

Дубна, 2016

—Ковариантная квантово-полевая теория нейтринных осцилляций

└ Вероятность осцилляций. Стационарный источник

В режиме стационарного источника $\tau_s = \infty$:

$$\mathcal{P}_{\alpha\beta}(E_{\nu},L) = \sum_{i,j} \frac{V_{\beta i} V_{\alpha i}^* V_{\alpha j} V_{\beta j}^*}{\sqrt[4]{1 + \left(L/L_{ij}^d\right)^2}} \exp\left[-i(\varphi_{ij} + \varphi_{ij}^d) - \mathscr{A}_{ij}^2 - \mathscr{B}_{ij}^2\right]$$

$$\blacktriangleright \mathscr{A}_{ij}^2 = \frac{1}{1 + \left(L/L_{ij}^{d}\right)^2} \left(\frac{L}{L_{ij}^{\cosh}}\right)^2.$$

► Длина когерентности $L_{ij}^{\rm coh} = \frac{2\sqrt{2}E_{\nu}^2}{\mathfrak{D}\Delta m_{ij}^2}.$

 \bigwedge - \bigwedge

Длина дисперсии

$$L_{ij}^{\mathsf{d}} = rac{E_{
u}^3}{\mathfrak{D}^2 \Delta m_{ij}^2}$$

Д. В. Наумов, ОИЯИ

Дубна, 2016

— Ковариантная квантово-полевая теория нейтринных осцилляций

└ Вероятность осцилляций. Стационарный источник

В режиме стационарного источника $\tau_s = \infty$:

$$\mathcal{P}_{lphaeta}(E_{
u},L) = \sum_{i,j} rac{V_{eta i} V_{lpha j}^* V_{eta j}}{\sqrt[4]{1 + \left(L/L_{ij}^d
ight)^2}} \exp\left[-i(arphi_{ij} + arphi_{ij}^{\mathsf{d}}) - \mathscr{A}_{ij}^2 - rac{\mathscr{B}_{ij}^2}{\mathscr{B}_{ij}^2}
ight],$$

$$\blacktriangleright \ \mathscr{B}_{ij}^2 = \left(\frac{\Delta E_{ij}}{2\sqrt{2}\mathfrak{D}}\right)^2 = \left(\frac{\pi\mathfrak{n}}{\sqrt{2}\mathfrak{D}L_{ij}^{\mathrm{osc}}}\right)^2 = \left(\frac{\sqrt{2}\pi\sigma_{\mathsf{x}}\mathfrak{n}}{L_{ij}^{\mathrm{osc}}}\right)^2$$

• Пространственная дисперсия ВП нейтрино

$$\sigma_x = \frac{1}{2\mathfrak{D}}.$$

— Ковариантная квантово-полевая теория нейтринных осцилляций

Вероятность осцилляций. Стационарный источник

В режиме стационарного источника $\tau_s = \infty$:

$$\mathcal{P}_{lphaeta}(E_
u,L) = \sum_{i,j} rac{V_{eta i} V^*_{lpha i} V_{lpha j} V^*_{eta j}}{\sqrt[4]{1 + \left(L/L^d_{ij}
ight)^2}} \exp\left[-i(arphi_{ij} + rac{arphi^{\mathbf{d}}}{arphi^{\mathbf{d}}}) - \mathscr{A}^2_{ij} - \mathscr{B}^2_{ij}
ight].$$

Поправка к осцилляционной фазе

$$arphi^{\mathsf{d}}_{ij}(\mathit{L}) = -rac{1}{1+\left(\mathit{L}/\mathit{L}^{\mathsf{d}}_{ij}
ight)^2} \left(rac{\mathit{L}}{\mathit{L}^{\mathsf{coh}}_{ij}}
ight)^2 rac{\mathit{L}}{\mathit{L}^{\mathsf{d}}_{ij}} + rac{1}{2} \arctan rac{\mathit{L}}{\mathit{L}^{\mathsf{d}}_{ij}}$$

Измерение θ13, Δm32 и ковариантная квантово-полевая теория нейтринных осцилляций. └Ковариантная квантово-полевая теория нейтринных осцилляций

└ Вероятность осцилляций. Следствия

- D = 0 (плоская волна)
 - Нейтрино рождается/детектируется некогерентно
 - Нет осцилляций флэйвора
- $\mathfrak{D} = \infty$ (точечный источник)
 - Немедленная потеря когерентности
 - Нет осцилляций флэйвора
- ► Когерентность и интерференция теряются при $L > L^{\rm coh}$ для $\mathfrak{D} \neq 0, \infty$
 - Астрофизические нейтрино скорее всего некогерентны.

—Ковариантная квантово-полевая теория нейтринных осцилляций

— Вероятность осцилляций. Следствия



—Ковариантная квантово-полевая теория нейтринных осцилляций

— Вероятность осцилляций. Следствия

Потеря когерентности может быть важна для будущих экспериментов (Пример: ожидаемый спектр в эксперименте JUNO)



Стр. 39 из 87

Д. В. Наумов, ОИЯИ

Дубна, 2016

— Ковариантная квантово-полевая теория нейтринных осцилляций

└ Вероятность осцилляций. Нестационарный источник

В режиме нестационарного источника $\tau_s \neq \infty$ (ускорит. эксп):

$$P_{\alpha\beta}(E_{\nu},L) = \frac{1}{S_0} \sum_{ij} V_{\alpha i} V_{\beta j} V_{\alpha j}^* V_{\beta i}^* S_{ij} \exp\left(i\varphi_{ij} - \mathscr{A}_{ij}^2\right).$$

Явный вид

$$S_{ij} = \frac{\exp\left(-\mathscr{B}_{ij}^2\right)}{4\tau_d\mathfrak{D}} \sum_{l,l'=1}^2 (-1)^{l+l'+1} \operatorname{lerf}\left[2\mathfrak{D}\left(x_l^0 - y_{l'}^0 + \frac{L}{v_{ij}}\right) - i\mathscr{B}_{ij}\right]$$

где

$$\operatorname{lerf}(z) = z \operatorname{erf}(z) + \frac{1}{\sqrt{\pi}} e^{-z^2}$$

Диагональная функция не зависит от индекса:

$$S_{ii} = S_0$$

Д. В. Наумов, ОИЯИ

Стр. 40 из 87

└─Ковариантная квантово-полевая теория нейтринны× осцилляций

└ Вероятность осцилляций. Нестационарный источник

Несинхронизованные измерения.

Если интервалы времен в источнике (x₁⁰, x₂⁰) и в детекторе (y₁⁰, y₂⁰) не синхронизованны, то:
 ⊳ фактор S_{ij} → 0.

—Ковариантная квантово-полевая теория нейтринных осцилляций

└ Вероятность осцилляций. Нестационарный источник

Синхронизованные измерения.



Д. В. Наумов, ОИЯИ

Дубна, 2016

Измерение θ₁₃, Δm²₃₂ и ковариантная квантово-полевая теория нейтринных осцилляций. └Ковариантная квантово-полевая теория нейтринных осцилляций └Вероятность осцилляций. Нестационарный источник

- Измерение энергии-импульса при конечных временах эквивалентна внесению дополнительной неопределенности в их определение,
 - нейтринные состояния становятся более когерентными.
- Ускорительные эксперименты имеют дополнительную чувствительность к дисперсии (D) волновой функции нейтрино.

–Ковариантная квантово-полевая теория нейтринных осцилляций

— Первое ограничение из данных Daya Bay

- Вероятность осцилляций в модели волнового пакета зависит от σ_{rel} = D/E_ν
- Оценки осцилляционных параметров в моделях волнового пакета и плосковолновой модели могут отличаться



–Ковариантная квантово-полевая теория нейтринных осцилляций

— Первое ограничение из данных Daya Bay

Полученные пределы

 $2.38\cdot 10^{-17} < \sigma_{
m rel} < 0.23$

- с учетом размеров реактора/детектора:
 10^{-11} ст $\lesssim \sigma_x \lesssim 2m$.
- Эти результаты обеспечивают несмещенную оценку sin² 2θ₁₃ и Δm²₃₂ в плосковолновой модели



Д. В. Наумов, ОИЯИ

Реактор как источник $\overline{\nu}_e$:

- Интенсивный:
 - $arphi \sim 10^{20} \ \overline{
 u}_e/s/GW_{th}.$ $arphi \sim 6\overline{
 u}_e$ на деление
- Один флэйвор: *v*_e
- Бесплатно

Детектирование:

• Реакция обратного β -распада (IBD) $\overline{\nu}_e + p \longrightarrow e^+ + n$



Осцилляции

- Эффект вещества пренебрежим
- \triangleright Нет зависимости от δ_{CP}



$$\begin{split} P_{\text{dis}} &= \sin^2 2\theta_{13} \left(\sin^2 \theta_{12} \sin^2 \Delta_{32} + \cos^2 \theta_{12} \sin^2 \Delta_{31} \right) \\ &+ \cos^4 \theta_{13} \sin^2 2\theta_{12} \sin^2 \Delta_{21} \\ \Delta_{jk} &= 1267 \cdot \frac{\Delta m_{jk}^2}{\text{eV}^2} \frac{L}{E} \left[\frac{\text{MeV}}{\text{km}} \right] \end{split}$$

Д. В. Наумов, ОИЯИ

Стр. 46 из 87



$$\frac{N_{\rm f}}{N_{\rm n}} = \left(\frac{N_{p,\rm f}}{N_{p,\rm n}}\right) \left(\frac{L_{\rm n}}{L_{\rm f}}\right)^2 \left(\frac{\epsilon_{\rm f}}{\epsilon_{\rm n}}\right) \left(\frac{P_{\nu_e \to \nu_e}(E,L_{\rm f})}{P_{\nu_e \to \nu_e}(E,L_{\rm n})}\right)$$

Д. В. Наумов, ОИЯИ

Дубна, 2016

Стр. 46 из 87

Daya Bay collaboration



Beijing Normal Univ., CGNPG, CIAE, Chinese Univ. of Hong Kong, Chongqing Univ., Dongguan Polytech., ECUST, IHEP, NCEPU, NUDT, Nanjing Univ., Nankai Univ., National Chiao Tung Univ., National Taiwan Univ., National United Univ., Shandong Univ., Shanghai Jiao Tong Univ., Shenzhen Univ., Tsinghua Univ., USTC, Univ. of Hong Kong., Xi'an Jiaotong Univ., Zhongshan Univ.

Asia (23)

Europe (2) and Sourth America (1):

Charles University, Joint Institute for Nuclear Research, Catholic Univ. of Chile.

North America (16)

Brookhaven Natl Lab, Illinois Institute of Technology, Iowa State, Lawrence Berkeley Natl Lab, Princeton, Rensselaer Polytech., Sienna College, Temple Univ., UC Berkeley, Univ. of Cincinnati, Univ. of Houston, UIUC, Univ. Wisconsin, Virginia Tech, William & Mary, Yale.

Д. В. Наумов, ОИЯИ

Дубна, 2016

Стр. 47 из 87



Антинейтринный детектор

3-зонный антинейтринный детектор:				
Внутрення зона	20 t	Gd-ЖC		
Средняя зона	20 t	ЖС		
Внешняя зона	40 t	Минеральное масло		



Антинейтринный детектор

3-зонный антинейтринный детектор:

Внутрення зона	20 t	Gd-ЖC
Средняя зона	20 t	ЖС
Внешняя зона	40 t	Минеральное масло

Внутрення зона:

- Мишень <u>v</u>e.
- Задает довер. объем.
- Содержится внутри акриловой емкости.

Обратный β -распад:

- $\blacktriangleright \ \overline{\nu}_e + p \longrightarrow e^+ + n$
- $\blacktriangleright \ e^+ + e^- \longrightarrow 2\gamma$
- $n + Gd \longrightarrow Gd + \sum \gamma$ (8 MeV)
- Первичная энергия $pprox E_{
 u} 0.8 \mathrm{MeV}$
- ► Задержанная энергия: ~ 8 MeV



Антинейтринный детектор

3-зонный антинейтринный детектор:				
Внутрення зона	20 t	Gd-ЖC		
Средняя зона	20 t	жс		
Внешняя зона	40 t	Минеральное масло		

Средняя зона:

- ▶ γ-захватчик.
- конвертирует *γ* из *v*_e вз-й во внутреннем объеме.
- Содержится внутри акриловой емкости.



Антинейтринный детектор

3-зонный антинейтринный детектор:				
Внутрення зона	20 t	Gd-ЖC		
Средняя зона	20 t	жс		
Внешняя зона	40 t	Минеральное масло		

Внешняя зона:

- Буфер от фона.
- Подавляет внешнюю радиоактивность (от ФЭУ, стали).
- Подавляет сцинтилляцию во внешней зоне.



Антинейтринный детектор

3-зонный антинейтринный детектор: 20 t Gd-ЖC Внутрення зона 20 t ЖC Средняя зона Внешняя зона 40 t Минеральное масло ΦЭУ 192 8" Hamamatsu Защита Acryl Калиб ФЭV 2" Hamamatsu 6

Отражатель 2 ESR film ACU 3

▶ ~163 p. e./MeV.

• Разрешение энергии $(7.5/\sqrt{E} + 0.9)\%$.



Калибровка

Три автоматические калибровочные станции:

- Центр мишени (ACU-A): неоднородность, non-uniformity, энергетическая шкала, нелинейность.
- Край мишен (ACU-B): неоднородность, эффективность.
- Гамма захватчик (ACU-C): неоднородность, эффективность.

АСИ оборудование:

- Светодиод:
 Время ФЭУ, усиление и относит. QE.
- ²⁴¹Am-¹³C нейтронный источник: время захвата нейтрона.
- ⁶⁸Ge γ источник (2 × 511 keV): энергетический порог, нелинейность.
- ⁶⁰Со γ source (1.17 + 1.33 MeV): энергетическая шкала и отклик.



Д. В. Наумов, ОИЯИ

Калибровка



Относительная неопределенность энергетической шкалы в nGd анализе: 0.2%.



Д. В. Наумов, ОИЯИ

Дубна, 2016

Стр. 50 из 87

Мюонная вето система

- Водный бассейн:
 - Защита от внешней радиоактивности и космогенного фона.
 - Черенковский мюонный трекер.
 - 288 8" ФЭУ в каждом ближнем холле.
 - 384 8" ФЭУ в дальнем холле.
 - Внешняя водная защита (1 м).
 - Внутрення водная защита (>2.5 м).
- 4-слойное вето из РПК:
 - Мюонный трекер.
 - 54 модуля в каждом ближнем холле.
 - 81 модуля в каждом дальнем холле.
- Требуемая эффективность 99.5% с неопределенность < 0.25%.



и на дина дин₃₂ ткор полно кралтово полавая теория нейтринных осцилляций. Измерень 2013 и дин₃₂ рассполнаето разовала и

Экспериментальный холл-





Оценка фона



Оценка фона

	Ближние холлы B/S, %	Дальний холл B/S, %	Неопр.	Метод оценки
Случайные сов- падения	1.4	2.3	$\sim 1\%$	Некоррелированные сиг- налы
⁹ Li/ ⁸ He	0.4	0.4	50%	Измерено с событиями после µ
Быстрые ней- троны	0.1	0.1	50%	Измерено с таггирован- ными μ
²⁴¹ Am- ¹³ C	0.03	0.2	50%	MC, проверенное на одиночных γ и интенсивном источнике 241 Am- 13 C
$^{13}C(lpha, \textit{n})^{16}O$	0.01	0.1	50%	Вычислено из измерен- ной радиоактивности

Д. В. Наумов, ОИЯИ

Дубна, 2016
Измерение θ₁₃, Δm²₃₂ и ковариантная квантово-полевая теория нейтринных осцилляций. └ Измерение θ₁₃ и Δm²₃₂ в эксперименте Daya Bay └ Результаты. Сравнение наблюдений в ближнем и дальнем холлах



относительное изменение спектра согласуются с осцилляциями нейтрино.



Измерение θ_{13} , Δm_{32}^2 и ковариантная квантово-полевая теория нейтринных осцилляций. — Измерение θ_{13} и Δm_{32}^2 в эксперименте Daya Bay

Результаты осцилляционного анализа



 $\begin{aligned} \sin^2 2\theta_{13} &= (8.41 \pm 0.27 (\text{stat.}) \pm 0.19 (\text{syst.})) \times 10^{-2} \\ |\Delta m^2_{ee}| &= (2.50 \pm 0.06 (\text{stat.}) \pm 0.06 (\text{syst.})) \times 10^{-3} \text{ eV}^2 \\ \chi^2/\text{NDF} &= 232.6/263 \end{aligned}$

Д. В. Наумов, ОИЯИ

Дубна, 2016

Измерение θ₁₃, Δm²₃₂ и ковариантная квантово-полевая теория нейтринных осцилляций. └ Измерение θ₁₃ и Δm²₃₂ в эксперименте Daya Bay └ Результаты осцилляционного анализа

- ► Наиболее точное измерение sin² 2θ₁₃. Отличие от нуля > 25σ
- Нормальная иерархия:

 $\Delta m^2_{32} = (2.45 \pm 0.06 ({\rm stat.}) \pm 0.06 ({\rm syst.})) \times 10^{-3} \ {\rm eV}^2$

Обратная иерархия:

 $\Delta m^2_{32} = (-2.55 \pm 0.06 ({\rm stat.}) \pm 0.06 ({\rm syst.})) \times 10^{-3} \ {\rm eV}^2$



Измерение θ_{13} , Δm_{32}^2 и ковариантная квантово-полевая теория нейтринных осцилляций. — Измерение θ_{13} и Δm_{32}^2 в эксперименте Daya Bay

Результаты измерения потока антинейтрино

- 217 дней набора данных (6AD период)
- Результаты согласуется в разных детекторах
- Результат согласуется с мировым средним
- Daya Bay согласуется с аномалией

Huber+Mueller

Данные/модель: 0.946 ± 0.022

ILL+Vogel

Данные/модель: 0.991 ± 0.023

Huber+Mueller (global)

Данные/модель: $0.943 \pm 0.008 \text{ (exp)} \pm 0.025 \text{ (model)}$





Измерение θ₁₃, Δm²₃₂ и ковариантная квантово-полевая теория нейтринных осцилляций. └ Измерение θ₁₃ и Δm²₃₂ в эксперименте Daya Bay └ Результаты измерения спектра антинейтрино





Извлеченный спектр антинейтрино

- ► Пик в области 5-6 MeV.
- Согласие с другими экспериментами.
- Наблюдается для Huber+Mueller/ILL+Vogel моделей.

- Глобальная
 значимость: 2.6 σ.
- Локальная
 значимость: 4*а*.

Д. В. Наумов, ОИЯИ



- Предмет исследования:
 Смешивание лептонов
- Объект исследования:
 Осцилляции нейтрино
- ▶ Цель:

Разработка квантово-полевой теории нейтринных осцилляций в модели релятивистского волнового пакета, прецизионное измерение $\sin^2 2\theta_{13}$ и Δm_{32}^2 в эксперименте Daya Bay.

- Актуальность:
 - Величина угла смешивания θ₁₃ была неизвестна до 2012
 - Плосковолновая теория нейтринных осцилляций неполна и не самосогласованна

Д. В. Наумов, ОИЯИ

Дубна, 2016



- Разработка теории релятивистского волнового пакета. Исследование свойств релятивистского волнового пакета. Вычисление сечения рассеяния релятивистских волновых пакетов в квантовой теории поля.
- Доказательство того, что пространственная дисперсия волнового пакета в плоскости, перпендикулярной направлению его движения, приводит к подавлению вида 1/4π |x|² плотности потока, проинтегрированного по времени, на расстоянии |x| от источника рождения волнового пакета.

Измерение θ_{13} , Δm^2_{32} и ковариантная квантово-полевая теория нейтринных осцилляций. $\Box \Phi$ ормальности

Основные положения, выносимые на защиту

- Вычисление вероятности процесса, нарушающего лептонное число, с релятивистскими волновыми пакетами, соответствующими частицам в начальном и конечном состояниях, нейтрино в виртуальном состоянии, источником и детектором нейтрино, разделенными макроскопическим расстоянием.
- Разработка метода макроскопического усреднения квантово-полевой вероятности процесса с участием волновых пакетов.
- 5. Вычисление формулы для вероятности осцилляций нейтрино в модели релятивистского волнового пакета с учетом пространственной дисперсии эффективного волнового пакета нейтрино и конечных интервалов активности "источника" и "детектора".



- Разработка методики измерения осцилляционных параметров в реакторном эксперименте и создание комплекса компьютерных программ анализа экспериментальных данных эксперимента Daya Bay.
- 7. Измерение параметра смешивания нейтрино $\sin^2 2\theta_{13}$.
- 8. Измерение разницы квадратов масс Δm_{32}^2 .
- 9. Измерение энергетического спектра реакторных антинейтрино.

Основные результаты по теме диссертации изложены в 22 печатных изданиях, 18 из которых изданы в журналах, рекомендованных ВАК, 3 – в тезисах докладов, 1 – в архиве.

[1] F. P. An et al.

Independent measurement of the neutrino mixing angle θ_{13} via neutron capture on hydrogen at Daya Bay. *Phys. Rev.*, D90(7):071101, 2014.

[2] F. P. An et al.

New Measurement of Antineutrino Oscillation with the Full Detector Configuration at Daya Bay. *Phys. Rev. Lett.*, 115(11):111802, 2015.

Д. В. Наумов, ОИЯИ



[3] F. P. An et al.

The muon system of the Daya Bay Reactor antineutrino experiment.

Nucl. Instrum. Meth., A773:8-20, 2015.

[4] F. P. An et al.

New measurement of θ_{13} via neutron capture on hydrogen at Daya Bay. *Phys. Rev.*, D93:072011, 2016.

[5] F. P. An et al.

The Detector System of The Daya Bay Reactor Neutrino Experiment.

Nucl. Instrum. Meth., A811:133-161, 2016.



[6] Feng Peng An et al.

Improved Measurement of the Reactor Antineutrino Flux and Spectrum at Daya Bay. 2016.

[7] Feng Peng An et al.

Measurement of electron antineutrino oscillation based on 1230 days of operation of the Daya Bay experiment. 2016.

[8] Feng Peng An et al.

Measurement of the Reactor Antineutrino Flux and Spectrum at Daya Bay.

Phys. Rev. Lett., 116(6):061801, 2016.



[9] F.P. An et al.

Improved Measurement of Electron Antineutrino Disappearance at Daya Bay. *Chin.Phys.*, C37:011001, 2013.

[10] F.P. An et al.

Spectral measurement of electron antineutrino oscillation amplitude and frequency at Daya Bay. *Phys.Rev.Lett.*, 112:061801, 2014.

[11] V. A. Bednyakov, D. V. Naumov, and O. Yu Smirnov. Neutrino physics and JINR. *Phys. Usp.*, 59(3):225–253, 2016.

Д. В. Наумов, ОИЯИ



[12] An F.P. et al.

A side-by-side comparison of Daya Bay antineutrino detectors.

Nuclear Inst. and Methods in Physics Research, A 685:78–97, 2012.

[13] An F.P. et al.

Observation of electron-antineutrino disappearance at Daya Bay. *Phys.Rev.Lett.*, 108:171803, 2012.

[14] Xinheng Guo et al.

A Precision measurement of the neutrino mixing angle θ_{13} using reactor antineutrinos at Daya-Bay. 2007.



[15] Dmitry V. Naumov.Recent results from Daya Bay experiment. EPJ Web Conf., 95:04043, 2015.

[16] Dmitry V. Naumov.
Neutrino physics program at the jinr.
In Proc. of the 4th South Africa - JINR Symposium. Few to Many Body Systems: Models, Methods and Applications, edited by F. Simkovic and conveners of session, 2016.

[17] Dmitry V. Naumov and Vadim A. Naumov. Relativistic wave packets in a field theoretical approach to neutrino oscillations.

Russ.Phys.J., 53:549-574, 2010.

Измерение $heta_{13}, \Delta m_{32}^2$ и ковариантная квантово-полевая теория нейтринных осцилляций. └─Формальности

Список статей по теме диссертации

[18] D.V. Naumov. Introduction to neutrino physics. *Phys.Part.Nucl.Lett.*, 8:717–742, 2011.

[19] D.V. Naumov.

A short review of most interesting recent results in neutrino physics. *Phys.Part.Nucl.Lett.*, 9:691–695, 2012.

[20] D.V. Naumov. On the theory of wave packets. *Phys.Part.Nucl.Lett.*, 10:642–650, 2013.

[21] D.V. Naumov and V.A. Naumov.A Diagrammatic treatment of neutrino oscillations. *J.Phys.G*, G37:105014, 2010.

Д. В. Наумов, ОИЯИ

Дубна, 2016

Стр. 71 из 87

Измерение $heta_{13}$, Δm_{32}^2 и ковариантная квантово-полевая теория нейтринных осцилляций.

— Формальности

-Список статей по теме диссертации

K.V. Tsang, F.P. An, Q. An, J.Z. Bai, A.B. Balantekin, et al. Results from the Daya Bay Reactor Neutrino Experiment. *Nucl.Phys.Proc.Suppl.*, 246-247:18-22, 2014.

Измерение θ13, Δm²₃₂ и ковариантная квантово-полевая теория нейтринных осцилляций. └-Формальности └-Апробация работы

Основные результаты работы докладывались на международных конференциях:

- Latest Results from the Daya Bay Reactor Neutrino Experiment . New Trends in High-Energy Physics, 2-8 October 2016, Budva, Becici, Montenegro (пленарный доклад);
- Neutrino Physics with Nuclear Reactors. QUARKS-2016 19th International Seminar on High Energy Physics, Pushkin, Russia, 29 May - 4 June, 2016 (пленарный доклад);
- Neutrino Physics with Nuclear Reactors.
 Международная Сессия-конференция Секции ядерной физики ОФН РАН, 12 - 15 апреля, 2016, ОИЯИ, Дубна (пленарный доклад);

Д. В. Наумов, ОИЯИ

Дубна, 2016



- Neutrino Oscillations in QFT with relativistic wave packets. Международная Сессия-конференция Секции ядерной физики ОФН РАН, 12 - 15 апреля, 2016, ОИЯИ, Дубна (доклад на параллельной сессии);
- 5. Neutrino Physics program at the JINR. 4th SOUTH AFRICA - JINR SYMPOSIUM. Few to Many Body Systems: Models and Methods and Applications, September 21-25, 2015, JINR Dubna, Moscow region, Russia (пленарный доклад);
- Neutrino results from reactor experiments: present and future. XXI DAE-BRNS High Energy Physics Symposium, December 12 2014, Guwahati, India (пленарный доклад);



- Recent results from Daya Bay experiment. 3rd International Conference on New Frontiers in Physics (ICNFP 2014): Kolymbari, Crete, Greece, July 28-August 6, 2014 (доклад на параллельной сессии);
- Neutrino mixing: status and perspectives. NANPino 2013, 26/06/2013 (пленарный доклад);
- Recent results in neutrino physics. Odessa, August 22-28 2011, Gamov Conference on astronomy and beyond (пленарный доклад);
- Vacuum neutrino oscillations with relativistic wave packets in quantum field theory. Baksan School, May 26-June 2 2011 (пленарный доклад);

Измерение θ₁₃, Δm²₃₂ и ковариантная квантово-полевая теория нейтринных осцилляций. └─Формальности └─Апробация работы

- Outlook of neutrino physics today. APCTP-BLTP JINR Joint workshop, May 16-19 2011 (пленарный доклад);
- Quantum Field Theory of Neutrino Oscillations in Vacuum and Matter, XXX workshop Neutrino at accelerators, Dubna, January 25 2008 (пленарный доклад);
- и семинарах:
 - Neutrino mixing: status and perspectives, 08/02/2013, ОИЯИ, Дубна, РФ;
 - 2. Phenomenon of neutrino mixing: current status of research, 18/01/2013, ИЯИ, Москва, РФ;
 - Precise measurement of the Daya Bay experiment, 20/12/2012, ОИЯИ, Дубна, РФ;

Д. В. Наумов, ОИЯИ



- Measurement of neutrino mixing angle in Daya Bay experiment, 14/03/2014, ОИЯИ, Дубна, РФ;
- 5. Физика нейтрино: статус и перспективы, 3/08/2012, ИЯФ, Новосибирск, РФ;
- 6. Neutrino oscillations within QFT with relativistic wave packets, 21/11/2011, Брюссель, Бельгия;
- Осцилляции нейтрино в рамках квантовой теории поля с релятивистскими волновыми пакетами пакетами, 24/02/2011, ОИЯИ, Дубна, РФ;
- 8. Физика нейтрино, 11/06/2010, ОИЯИ, Дубна, РФ;
- Neutrino oscillations within QFT with relativistic wave packets, 09/11/2010, Университет г.Льеж, Бельгия;



- Neutrino oscillations within QFT with relativistic wave packets, 05/11/2010, ИНФН, Гран-Сассо, Италия;
- Quantum Field Theory of Neutrino Oscillations in Vacuum and Matter, 16/03/2009, Университет Южной Каролины, США;
- Quantum Field Theory of Neutrino Oscillations in Vacuum and Matter, 06/02/2009, Кеплеровский коллоквиум университета г. Тюбингена, Германия;
- Quantum Field Theory of Neutrino Oscillations in Vacuum and Matter, 09/02/2009, университет г.Бохум, Германия.



- 1. Впервые разработана теория релятивистского волнового пакета.
- 2. Разработанная теория применена для вычисления сечения рассеяния релятивистских волновых пакетов в квантовой теории поля.
- Вычислена вероятность процесса, нарушающего лептонное число, с релятивистскими волновыми пакетами, соответствующими частицам в начальном и конечном состоянии, нейтрино в виртуальном состоянии, источником и детектором нейтрино, разделенными макроскопическим расстоянием.



- 4. Впервые получена формула для вероятности осцилляций нейтрино в модели релятивистского волнового пакета с учетом пространственной дисперсии эффективного волнового пакета нейтрино и конечных интервалов активности "источника" и "детектора".
- Впервые измерено отличное от нуля значение sin² 2θ₁₃
 в эксперименте Daya Bay на уровне достоверности, превышающем 25 стандартных отклонений.
- 6. Впервые достигнута рекордная точность измерения $\sin^2 2\theta_{13}$ и Δm_{32}^2 .



- Разработанная теория релятивистского волнового пакета может быть применена для исследования фазы матричного элемента в столкновениях пучков частиц; для измерения волновой функции сталкивающихся частиц; для исследования осцилляций нейтрино, рожденных в ускорителях частиц, в реакторах, в атмосфере и в других источниках и для других исследований.
- 2. Полученная общая формула для вероятности осцилляций нейтрино может применяться при анализе экспериментальных данных с источниками нейтрино.



- Обнаруженное ненулевое значение sin² 2θ₁₃ открыло путь к измерению иерархии масс нейтрино и фазы, ответственной за нарушение CP-инвариантности, что используется в ряде экспериментов (T2K, NOνA) и при подготовке новых экспериментов (JUNO, RENO-50, T2HK, DUNE и др.).
- Прецизионные измерения sin² 2θ₁₃ и Δm²₃₂ уменьшают систематическую неопределенность в определении иерархии масс нейтрино и параметра лептонной матрицы смешивания – фазы δ, ответственной за нарушение CP-инвариантности.



- "Breakthrough Prize in Fundamental Physics 2016"
- "Первая Премия ОИЯИ" за цикл работ по эксперименту Daya Bay (2012)
- "Вторая Премия ОИЯИ" за цикл работ по эксперименту NOMAD (2001)
- "Первая Премия ОИЯИ" за цикл работ по эксперименту NOMAD (2001)
- "Первая Премия ЛЯП ОИЯИ" за работы по эксперименту NOMAD (2000, 2001, 2006)
- "Вторая Премия ЛЯП ОИЯИ" за работы по эксперименту NOMAD (2004)



Согласно INSPIRE найдено 105 статьи, 90 из них опубликованы или в arXiv

Краткие сведения	Цитируемые	Опубликованные
Полное число статей	90	64
Полное число цитирований	5 401	4745
Среднее число цитирований на статью	60.0	74.1
h _{HEP}	30	27

Измерение θ13, Δm²₃₂ и ковариантная квантово-полевая теория нейтринных осцилляций. ∟Благодарности

- Соавтору работ по теории нейтринных осцилляций:
 В. А. Наумову.
- Коллегам, с кем я обсуждал теорию нейтринных осцилляций: Е. Ахмедову, Т. А. Антошкиной, М. И. Высоцкому, М. О. Гончару, М. А. Долгаревой, И. П. Иванову, А. Е. Калошину, С. Э. Коренблиту, В. А. Рубакову, Д. В. Тайченачеву, О. В. Теряеву, Д.С.Шкирманову, А.С.Шешукову.
- Моему соавтору по осцилляционному анализу:
 М. О. Гончару.

Измерение θ13, Δm²₃₂ и ковариантная квантово-полевая теория нейтринных осцилляций. ∟Благодарности

> Коллегам по эксперименту Dava Bay: И. Ванг (Y. Wang), В. Ванг (W.Wang), С. Вонг (S. Wong), X. Вонг (Hin-Lok Henoch Wong), Ю. А. Горнушкин, Ч. Джанг (C. Zhang), Д. Джаффе (D. Jaffe), Д. Двайер (D. Dwyer), Кам-Бью Люк (Kam-Biu Luk), Р. Лейтнер (R. Leitner), Л. Лебановски (L. Lebanowski), Л. Литтенберг (L. Littenberg), Я. Накаджима (Ү. Nakajima), Х.Очоа (J. P. Ochoa-Ricoux), Б. Росковец (B. Roskovec), Дж.Сяо (Ј. Сао), М. Хе (М. Не), К. Хеегер (K. Heeger), Э. Хуанг (En Chuan Huang).

Измерение θ13, Δm²₃₂ и ковариантная квантово-полевая теория нейтринных осцилляций. └─Благодарности

- Коллегам из ОИЯИ: Ю. А. Батусову, В. А. Беднякову, С. А. Бунятову, С. Г. Земсковой, Г. А. Карамышевой,
 - А. А. Кулькову, Е. С. Морозовой, В. А. Наумову,
 - Е. А. Наумовой, Т. Т. Наумовой, А. Г. Ольшевскому,
 - О. Б. Саймолову, О. Ю. Смирнову, К. А. Трескову,
 - Д. В. Тайченачеву, А. В. Чуканову, И. И. Сидоркиной.
- Моему учителю: А.Н. Валлу
- Моей семье: Т. Т. Наумовой, В. А. Наумову, Е. А. Наумовой.