

Государственное бюджетное образовательное учреждение  
высшего профессионального образования Московской области  
«Международный университет природы, общества и человека «Дубна»  
(Университет «Дубна»)  
Факультет естественных и инженерных наук

Кафедра Ядерной физики

## УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКИЙ КОМПЛЕКС ДИСЦИПЛИНЫ

### «ВЫЧИСЛИТЕЛЬНАЯ ФИЗИКА»

Для направления (специальности) \_\_\_\_\_

по направлению 010700 – физика  
(код и наименование направления (специальности))

Дубна, 2011

УМК разработан \_\_\_\_\_ к. ф.-м. н. доцентом А. В. Карповым. \_\_\_\_\_  
(ученая степень, ученое звание, фамилия, имя, отчество разработчиков)

---

Протокол заседания кафедры **ядерной физики** № \_\_\_\_\_ от “ \_\_\_\_\_ ” \_\_\_\_\_ 20\_\_\_\_ г.

Заведующий кафедрой д. ф.-м. н. профессор / \_\_\_\_\_ / Оганесян Ю.Ц.

Декан факультета естественных и инженерных наук \_\_\_\_\_ / А.С. Деникин /  
(подпись) (фамилия, имя, отчество)

“ \_\_\_\_\_ ” \_\_\_\_\_ 20\_\_\_\_ г.

Проректор по учебной работе \_\_\_\_\_ к.х.н., доцент С.В. Моржухина

“ \_\_\_\_\_ ” \_\_\_\_\_ 20\_\_\_\_ г.

## Оглавление

ПОЯСНИТЕЛЬНАЯ ЗАПИСКА.....	4
ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ.....	7
1. Выписка из ГОС ВПО .....	10
2. Аннотация .....	10
3. Цель и задачи дисциплины.....	11
4. Требования к уровню освоения содержания дисциплины.....	11
5. Объём дисциплины и виды учебной работы:.....	11
6. Разделы (темы) дисциплины, содержание и виды занятий.....	11
Содержание разделов дисциплины:.....	12
Практические занятия (семинары).....	12
Примерные физические задачи для курсовых работ.....	13
7. Учебно-методическое обеспечение дисциплины.....	13
Основная литература:.....	13
Дополнительная литература:.....	13
Перечень программного обеспечения.....	14
8. Материально-техническое обеспечение дисциплины.....	14
9. Формы контроля.....	14
Перечень возможных аудиторных заданий:.....	14
10. Методические рекомендации по организации изучения дисциплины.....	26
Методические рекомендации преподавателю.....	27
Методические указания студентам.....	27

## ПОЯСНИТЕЛЬНАЯ ЗАПИСКА

Курс изучается в пятом семестре.

Целью курса «Вычислительная физика» является приобретение студентами практических навыков использования простейших численных методов и графических свойств современных компьютеров при решении несложных физических задач. При изучении данного курса студенты должны уже в полной мере владеть языками программирования (главным образом, C++) и основами численных методов, уметь использовать графические и анимационные возможности современных компьютеров для решения разнообразных прикладных задач и создания простейших Windows приложений (курс «Компьютерная графика и анимация»).

В ходе данного курса студент должен освоить основные методы компьютерного моделирования простейших физических систем с использованием наиболее распространенных численных методов и алгоритмов. Численное моделирование и видео-графический компьютерный анализ позволяют студенту получить также и более глубокое понимание исследуемых динамических процессов.

Международный университет природы, общества и человека «Дубна»  
**КАЛЕНДАРНЫЙ ПЛАН (РАБОЧАЯ ПРОГРАММА)**

Утверждаю:  
 проректор.....С.В.Моржухина

Учебно-методическая карта дисциплины «**Вычислительная физика**»  
 Кафедра Ядерной физики.....направление: Физика.....курс....3...семестр...5...2011/2012 учебного года, учебный план 2011г.

Номера и даты недель	Виды и содержание учебных занятий						Самостоятельная работа						
	Лекции			Использ. ТСО**	Содержание и раздел учебника (глава, параграф)	Форма контроля	Практические занятия (4 часа в неделю)	Лабораторные работы		Вид задан.	Содержание	Часы	Форма контроля
	В аудитоии		Самостоятельное изучение					№	Название				
Даты лекций	Часы	Содержание											
1 нед.							Решение задачи о вынужденных колебаниях гармонического осциллятора при наличии трения. Постановка задачи. (4, гл. V, § 21, 22, 25, 26)						
2 нед.							Численное решение уравнения колебаний методом Рунге-Кутта 4 порядка точности.						
3 нед.							Поиск численного решения уравнения колебаний с заданной точностью.						
4 нед.							Поиск временного интервала численного нахождения решения из условия установления гармонических колебаний						
5 нед.							Моделирование идеального газа. Простейшая модель реального газа. Постановка задачи. (4, гл. IV, § 16,17)						
6 нед.							Задание начальных условий. Организация эволюции системы во времени без взаимодействия «молекул» газа.						
7 нед.							Поиск распределения молекул по скоростям. Нахождение среднего давления газа на стенки сосуда.						
8 нед.							Изучение зависимости давления газа от свойств системы (объем емкости, энергия системы и т.д.). Сравнение рассчитанного давления с найденным из уравнения состояния идеального газа.						
9 нед.							Изучение фазовых траекторий частиц газа. Построение диаграмм Пуанкаре. Влияние столкновения частиц на характер фазовых траекторий.						

10 нед.						Использование метода показателей Ляпунова для оценок хаотичности системы.						
11 нед.						Изучение фрактальных структур и множества (кривая Дракона, множества Мандельброта и т.д.).						
12 нед.						Постановка задачи о рассеянии в кулоновском поле. (4, гл. IV, § 18-20)						
13 нед.						Нахождение закона движения. Метод численного интегрирования наивысшей точности (метод Гаусса).						
14 нед.						Нахождение функции угла отклонения.			П	Работа над курсовым проектом	1	К
15 нед.						Поиск дифференциального сечения рассеяния. Сравнение с формулой Резерфорда.			П	Работа над курсовым проектом	1	К
16 нед.						Работа над курсовым проектом			П	Работа над курсовым проектом	1	К
17 нед.						Работа над курсовым проектом			П	Работа над курсовым проектом	1	К
18 нед.					Зачетная неделя	Зачетная неделя				Зачетная неделя		
									А Л	Всего		
									Р, Т П	Всего	4	

**УЧЕБНАЯ ЛИТЕРАТУРА (ОБЯЗАТЕЛЬНАЯ)**

№	Название, автор, год издания	Примечания
1	Д. Каханер, К. Моулдер, С. Нэш, Численные методы и программное обеспечение. М. Мир, 2001.	
2	Калиткин Н.Н. Численные методы: - СПб.: БХВ-Петербург, 2011.	
3	Поттер Д. Вычислительные методы в физике / - М.: Мир, 1975.	
4	Л.Д. Ландау, М.И. Лифшиц, Курс теоретической физики, Т.1, Механика, М.: Физматлит, 2007г	
5	В.И. Рашиков Численные методы решения физических задач: Учебное. - СПб.: Лань, 2005	

А – задание к практич. занятиям  
Л – задание к лабор. занятиям  
Р – расчетное задание  
Т – типовой расчет  
П – курсовой проект  
К – контрольная или проверочная работа

Дата \_\_\_\_\_ практич. занятия \_\_\_\_\_ Карпов А.В.

"Утверждаю"  
Зав. кафедрой \_\_\_\_\_ Оганесян Ю.Ц.

**Государственное образовательное учреждение высшего профессионального образования Московской области «Международный университет природы, общества и человека «Дубна»  
(университет «Дубна»)  
Факультет естественных и инженерных наук  
Кафедра «Ядерная физика»**

**УТВЕРЖДАЮ**

проректор по учебной работе

\_\_\_\_\_ С.В. Моржухина

«\_\_\_\_\_» \_\_\_\_\_ 20 г.

**ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ**  
**«ВЫЧИСЛИТЕЛЬНАЯ ФИЗИКА»**

(наименование дисциплины)

**по направлению 010700 – физика**

---

(№, наименование направления, специальности)

Форма обучения: дневная

Уровень подготовки: бакалавр

Курс (семестр): 3 (5)

г. Дубна, 2011 г.

Автор программы:  
к. ф.-м. н. Карпов А.В.,  
доцент кафедры «Ядерная физика» \_\_\_\_\_

Программа составлена в соответствии с Государственным образовательным стандартом высшего профессионального образования и учебным планом по направлению подготовки (специальности)

010700 – физика  
(код и наименование направления подготовки (специальности))

Программа рассмотрена на заседании кафедры «Ядерная физика»  
(название кафедры)

Протокол заседания № \_\_\_\_\_ от « \_\_\_\_\_ » \_\_\_\_\_ 20 \_\_\_\_ г.

Заведующий кафедрой д. ф.-м. н. профессор / \_\_\_\_\_ / Оганесян Ю.Ц.

СОГЛАСОВАНО

Декан факультета естественных и инженерных наук \_\_\_\_\_ / А.С. Деникин /  
(подпись) (фамилия, имя, отчество)

« \_\_\_\_\_ » \_\_\_\_\_ 20 \_\_\_\_ г.

Рецензент

\_\_\_\_\_

(Фамилия, имя, отчество)

\_\_\_\_\_

(ученая степень, ученое звание)

\_\_\_\_\_

(должность, кафедра или иное подразделение, организация)

Руководитель библиотечной системы / \_\_\_\_\_ / Черепанова В.Г.



## Содержание

<u>ПОЯСНИТЕЛЬНАЯ ЗАПИСКА</u> .....	4
<u>ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ</u> .....	7
<u>1. Выписка из ГОС ВПО</u> .....	10
<u>2. Аннотация</u> .....	10
<u>3. Цель и задачи дисциплины</u> .....	11
<u>4. Требования к уровню освоения содержания дисциплины</u> .....	11
<u>5. Объём дисциплины и виды учебной работы:</u> .....	11
<u>6. Разделы (темы) дисциплины, содержание и виды занятий</u> .....	11
<u>Содержание разделов дисциплины:</u> .....	12
<u>Практические занятия (семинары)</u> .....	12
<u>Примерные физические задачи для курсовых работ</u> .....	13
<u>7. Учебно-методическое обеспечение дисциплины</u> .....	13
<u>Основная литература:</u> .....	13
<u>Дополнительная литература:</u> .....	13
<u>Перечень программного обеспечения</u> .....	14
<u>8. Материально-техническое обеспечение дисциплины</u> .....	14
<u>9. Формы контроля</u> .....	14
<u>Перечень возможных аудиторных заданий:</u> .....	14
<u>10. Методические рекомендации по организации изучения дисциплины</u> .....	26
<u>Методические рекомендации преподавателю</u> .....	27
<u>Методические указания студентам</u> .....	27

## 1. Выписка из ГОС ВПО

Выписка из государственного образовательного стандарта высшего профессионального образования. Специальность 010700 Физика. Квалификация – физик. Регистрационный N 176 ен/сп (утв. Минобразованием РФ 17.03.2000г.).

Индекс	Наименование дисциплин и их основные разделы	Всего часов
ЕН.Ф.04	Информатика	200
	<b>Вычислительная физика (Практикум на ЭВМ).</b> Предмет вычислительной физики. Элементы численных методов: вычисление определенных интегралов, решение трансцендентных уравнений, задачи линейной алгебры, задача Коши для системы обыкновенных дифференциальных уравнений. Компьютерное моделирование в физике: численный эксперимент в задачах механики, электричества и статистической физики (задача преследования, движение в центральном поле, негармонические колебания, фазовые портреты, визуализация полей системы электрических зарядов, кинематическая модель газа и др.).	

## 2. Аннотация

*Место курса в профессиональной подготовке бакалавров*

Курс «Вычислительная физика» базируется на курсах «Программирование», «Компьютерная графика и анимация», «Численные методы и математическое моделирование», «Общая физика» и «Теоретическая механика». Он является необходимой вводной частью последующего курса «Компьютерное моделирование физических процессов», в котором студенты должны интенсивно использовать приобретенные навыки численного видео-графического моделирования простейших задач уже при решении достаточно сложных физических проблем различных разделов физики.

*Методы обучения (в т.ч. инновационные)*

Преподавание дисциплины предусматривает активное использование следующих методов обучения: мультимедийных презентаций с представлением методики составления программ и компьютерных расчетов; в т.ч. инновационных методов: применением образовательных Интернет-ресурсов.

*Требования к студентам*

В качестве входных знаний студенты должны владеть навыками программирования на языке C++, знать основные алгоритмические конструкции, уметь работать на персональном компьютере (ноутбуке).

*Виды контроля и формы работ студентов:*

Форма работы студентов в ходе изучения дисциплины предусмотрена в виде семинарских занятий, а также выполнения домашних и индивидуальных заданий. Для текущего контроля предусмотрена проверка домашних заданий.

Зачет по результатам практических работ. Для получения оценки «зачтено» студенту необходимо выполнить и защитить расчетно-графических заданий, входящих в план работы на семестр, Форма итогового контроля – курсовая работа.

*Методика формирования результирующей оценки.*

Для оценки результатов деятельности студента по изучению дисциплины используется четыре показателя:

- своевременность выполнения заданий,
- уровень объяснений содержания программ,
- отчет о выполнении курсовой работы,
- ответы на вопросы при защите курсовой работы.

### 3. Цель и задачи дисциплины

#### Цель освоения дисциплины:

- приобретение студентами практических навыков использования простейших численных методов и графических свойств современных компьютеров при решении несложных физических задач.

#### Задачи освоения дисциплины:

- развить навыки применения численных методов к решению несложных физических задач на компьютере;
- развить у студента навыки визуализации изучаемого физического процесса с использованием графических и анимационных возможностей современных средств разработки;

### 4. Требования к уровню освоения содержания дисциплины

В ходе данного курса студент должен освоить основные методы компьютерного моделирования простейших физических систем с использованием наиболее распространенных численных методов и алгоритмов. Численное моделирование и видео-графический компьютерный анализ позволяют студенту получить также и более глубокое понимание исследуемых динамических процессов.

### 5. Объём дисциплины и виды учебной работы:

Вид занятий	Всего часов	Семестр
		5
<b>Общая трудоемкость</b>	40	40
<b>Аудиторные занятия:</b>		
Лекции		
Практические занятия (ПЗ)	36	36
Семинары (С)		
Лабораторные работы (ЛР)		
<b>Самостоятельная работа:</b>	4	4
Курсовой проект (работа)	4	4
Расчетно-графические работы		
Реферат		
<b>Вид итогового контроля (зачет, экзамен)</b>	зачет	Курсовая работа

### 6. Разделы (темы) дисциплины, содержание и виды занятий

№ п/п	Раздел дисциплины	Лек-ции	ПЗ	ЛР	Сам. работа
<b>5 семестр</b>					
1	Колебания		8		
2	Молекулярная динамика и Динамический хаос		8		
3	Движение частиц в центральном поле		14		
4	Выполнение курсового проекта		6		4
	<b>Итого</b>		36		4

## Содержание разделов дисциплины:

### 1) Движение частиц в центральном поле

- 1.1. Двумерные траектории, задача Кеплера
- 1.2. Рассеяние частиц силовым центром
- 1.3. Траектории частиц с различными прицельными параметрами,
- 1.4. Функция угла отклонения, радужное рассеяние, орбитирование
- 1.5. Дифференциальное сечение упругого рассеяния

### 2) Колебания

- 2.1. Одномерные, затухающие и вынужденные колебания
- 2.2. Ангармоничные колебания
- 2.3. Колебания в системе с двумя степенями свободы

### 3) Динамический хаос

- 3.1. Нелинейные системы, фазовое пространство
- 3.2. Диаграммы Пуанкаре
- 3.3. Бифуркации, локальная неустойчивость, показатели Ляпунова
- 3.4. Связанные нелинейные осцилляторы, диссипация, странные аттракторы

### 4) Молекулярная динамика

- 4.1. Система трех частиц с реалистической динамикой
- 4.2. Ансамбль конечного числа твердых шаров на плоскости и в трехмерном замкнутом пространстве
- 4.3. Моделирование газовой динамики
- 4.4. Метод Монте-Карло в статистической физике. Алгоритм Метрополиса
- 4.5. Транспортные уравнения и разностные схемы

## Практические занятия (семинары)

№ п/п	Раздел дисциплины	Наименование практических занятий (семинаров)
1	Колебания	Решение задачи о вынужденных колебаниях гармонического осциллятора при наличии трения. Постановка задачи.
2	Колебания	Численное решение уравнения колебаний методом Рунге-Кутты 4 порядка точности.
3	Колебания	Поиск численного решения уравнения колебаний с заданной точностью.
4	Колебания	Поиск временного интервала численного нахождения решения из условия установления гармонических колебаний.
5	Молекулярная динамика и Динамический хаос	Моделирование идеального газа. Простейшая модель реального газа. Постановка задачи. (4, гл. IV, § 16,17)
6	Молекулярная динамика и Динамический хаос	Задание начальных условий. Организация эволюции системы во времени без взаимодействия «молекул» газа.
7	Молекулярная динамика и Динамический хаос	Поиск распределения молекул по скоростям. Нахождение среднего давления газа на стенки сосуда.
8	Молекулярная динамика и Динамический хаос	Изучение зависимости давления газа от свойств системы (объем емкости, энергия системы и т.д.). Сравнение рассчитанного давления с найденным из уравнения состояния идеального газа.
9	Молекулярная динамика и Динамический хаос	Изучение фазовых траекторий частиц газа. Построение диаграмм Пуанкаре. Влияние столкновения частиц на характер фазовых траекторий.
10	Молекулярная динамика и Динамический хаос	Использование метода показателей Ляпунова для оценок хаотичности системы.
11	Молекулярная динамика и Динамический хаос	Изучение фрактальных структур и множества (кривая Дракона, множества Мандельброта и т.д.).
12	Движение частиц в центральном поле	Постановка задачи о рассеянии в кулоновском поле.

13	Движение частиц в центральном поле	Нахождение закона движения. Метод численного интегрирования наивысшей точности (метод Гаусса).
14	Движение частиц в центральном поле	Нахождение функции угла отклонения.
15	Движение частиц в центральном поле	Поиск дифференциального сечения рассеяния. Сравнение с формулой Резерфорда.
16	Выполнение курсового проекта	Выполнение курсового проекта
17	Выполнение курсового проекта	Выполнение курсового проекта
18	Зачетная неделя	Зачетная неделя

### **Примерные физические задачи для курсовых работ**

1. Движение в центральном поле. Запуск спутника на лунную орбиту
2. Рассеяние частиц притягивающим и отталкивающим кулоновским полем
3. Упругое ядро-ядерное рассеяние (классическое рассмотрение)
4. Вынужденные гармонические и нелинейные колебания
5. Возбуждение осциллятора пролетающей частицей (потери энергии)
6. Связанные линейные и нелинейные осцилляторы
7. Диссипативные силы, флуктуации и уравнение Ланжевена (деление ядер)
8. Идеальный газ в деформируемом объеме
9. Распределение Больцмана и его компьютерная проверка
10. Уравнение теплопроводности (одномерный и двумерный случай)

Во всех задачах требуется визуализировать и анимировать исследуемый процесс, реализовать интерактивные диалоги ввода начальных данных и сохранения полученных результатов, непосредственно в программе построить двумерные и/или трехмерные графики исследуемых величин.

### **7. Учебно-методическое обеспечение дисциплины**

#### **Основная литература:**

1. Д. Каханер, К. Моулер, С. Нэш, Численные методы и программное обеспечение. М. Мир, 2001.
2. Калиткин Н.Н. Численные методы: Учебное пособие для студентов университетов и высших технических учебных заведений / Калиткин Н.Н.; Под ред. А.А.Самарского. - 2-е изд., испр. - СПб.: БХВ-Петербург, 2011. - 592с.
3. Поттер Д. Вычислительные методы в физике / Поттер Давид; Пер.с англ. Г.В.Переверзева; Под ред. Ю.Н.Днестровского. - М.: Мир, 1975. - 392с.
4. Л.Д. Ландау, М.И. Лифшиц, Курс теоретической физики, Т.1, Механика, М.: ФИЗМАТЛИТ, 2007 г
5. В.И. Рашиков Численные методы решения физических задач: Учебное пособие - СПб.: Лань, 2005. - 208с.

#### **Дополнительная литература:**

1. Архангельский А.Я. Язык С++ в С++ Builder: Справочное и методическое пособие. - М.: Бином-Пресс, 2008. - 944с.
2. Д.В. Сивухин, Общий курс физики, Т. 2, Термодинамика и Молекулярная Физика, М.: ФИЗМАТЛИТ; Изд-во МФТИ, 2005.
3. Ю.Ю. Тарасевич, Математическое и компьютерное моделирование: Вводный курс: Учебное пособие для вузов / Тарасевич Юрий Юрьевич. - 4-е изд., испр. - М.: Едиториал УРСС, 2004.

4. Б. Страуструп, Язык программирования С++ / Страуструп Бьерн; - СПб.; М.: БИНОМ: Невский Диалект, 2001.
5. Г. Шилдт, Самоучитель С++, БХВ-Петербург, 2003.
6. Г. Шилдт, С++. Руководство для начинающих, Издательский дом "Вильямс", 2005.
7. Лапчик М.П. Численные методы: Учебное пособие для студентов вузов / Лапчик Михаил Павлович, Рагулина Марина Ивановна, Хеннер Евгений Карлович; Под ред. М.П.Лапчика. - 4-е изд., стер. - М.: Академия, 2008. - 384с.
8. Турчак Л.И. Основы численных методов: Учебное пособие для вузов / Турчак Л.И., Плотников П.В. - 2-е изд., перераб. и доп. - М.: Физматлит, 2005. - 304с.
9. Бахвалов Н.С. Численные методы: Учебное пособие для вузов / Бахвалов Николай Сергеевич, Жидков Николай Петрович, Кобельков Георгий Михайлович. - 6-е изд. - М.: БИНОМ. Лаборатория знаний, 2008. - 636с.
10. Самарский А.А. Численные методы: Учебное пособие для вузов / Самарский Александр Андреевич, Гулин Алексей Владимирович. - М.: Наука, 1989. - 432с.

### Перечень программного обеспечения

В ходе изучения курса предусмотрено использование среды разработки Borland Builder С++ или Microsoft Visual С++.

### 8. Материально-техническое обеспечение дисциплины

(указываются специализированные лаборатории и классы, основные приборы, установки)

Практические задания выполняются в аудиториях оборудованных персональными компьютерами с доступом в Интернет, а также отдельным компьютером для преподавателя снабженным проектором.

### 9. Формы контроля

#### Перечень возможных аудиторных заданий:

#### Одномерные затухающие вынужденные колебания

Пружинный маятник совершает колебания в вязкой среде с коэффициентом трения  $\gamma$  при наличии периодической вынуждающей силы  $F_{\text{вынужд}} = ma \cos(\Omega t)$  ( $m$  – масса маятника,  $a$  – амплитуда вынуждающей силы,  $\Omega$  – частота вынуждающей силы). Положение маятника в момент времени  $t$  определяется функцией  $x(t)$  – отклонением маятника от положения равновесия. Собственная частота колебаний маятника равна  $\omega$ . В начальный момент времени маятник находился в точке  $x_0$  и имел скорость  $v_0$ .

*Задание:*

1) Решить численно уравнение движения маятника (задачу Коши):

$$\ddot{x}(t) + 2\gamma \dot{x}(t) + \omega^2 x(t) = a \cos(\Omega t)$$

$$x(0) = x_0, \quad \dot{x}(0) = v_0.$$

При решении уравнения использовать метод Рунге-Кутты 4-го порядка точности. Точность решения ( $\varepsilon$ ) должна быть не ниже  $10^{-4}$ .

Численно найденное решение необходимо сравнить с точным.

2) Продемонстрировать:

а) Гармонические колебания.

б) Затухающие колебания и случай аperiodического затухания при нулевой вынуждающей силе.

в) При наличии трения и вынуждающей силы показать, что с течением времени в системе устанавливаются гармонические колебания с частотой вынуждающей силы.

3) Построить зависимость амплитуды установившихся гармонических колебаний от частоты вынуждающей силы  $A(\Omega)$ . Сравнить численно найденную зависимость с точной.

Указания:

Все параметры исследуемой системы ( $a, \Omega, \gamma, \theta, x_0, v_0$ ), а также точность решения уравнения  $\varepsilon$  должны задаваться с экрана.

При наличии вынуждающей силы закон движения  $x(t)$  необходимо искать до такого  $t_{\max}$ , при котором уже установятся гармонические колебания (проверять, что амплитуда колебания не меняется более во времени). Результаты оформить в виде графиков  $x(t)$  и  $A(\Omega)$ .

## Рассеяние частиц силовым центром

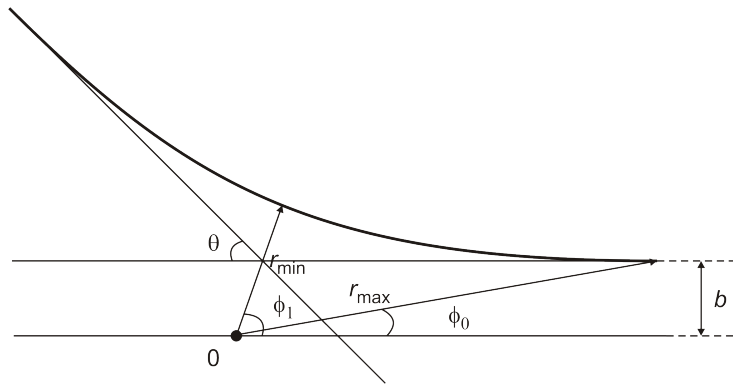
Поток заряженных частиц (заряд каждой равен  $Z_1$ ) падает на рассеивающий центр, имеющий заряд  $Z_2$ . Кинетическая энергия частиц в системе центра масс равна  $E$ .

Задание:

1) Предполагая, что взаимодействие частиц является чисто кулоновским  $V(r) = Z_1 Z_2 / r$  (используем систему СГС), построить траектории движения частиц в системе центра инерции (на одном графике сразу несколько траекторий для разных прицельных параметров  $b$ ).

2) Найти (и построить соответствующий график) зависимость угла рассеяния  $\theta$  от прицельного параметра  $b$ .

3) Сравнить результаты, полученные численно в пунктах (1) и (2), с известными точно (задача Кеплера, рассеяние Резерфорда).



Указания:

1) Все параметры исследуемой системы ( $E, Z_1, Z_2$ ), а также параметра  $r_{\max}$  должны задаваться с экрана.

2) Величина  $r_{\min}$  находится как корень уравнения  $1 - b^2 / r^2 - V(r) / E = 0$ .

3) Угол  $\phi_0$  — так называемый угол кулоновского доворота находится как

$$\phi_0 = \int_{r_{\max}}^{\infty} \frac{b / r^2 dr}{\sqrt{1 - b^2 / r^2 - V(r) / E}}. \text{ Интеграл может быть вычислен аналитически.}$$

4) Далее интервал от  $r_{\min}$  до  $r_{\max}$  разбивается на  $N$  частей. Приращение угла на каждом из интервалов есть

$$\Delta \phi_i = \int_{r_{\max} - i \Delta r}^{r_{\max} - (i-1) \Delta r} \frac{b / r^2 dr}{\sqrt{1 - b^2 / r^2 - V(r) / E}}, i = 1, \dots, N.$$

5) Остальная часть траектории строится симметричным отражением участка от  $r_{\min}$  до  $r_{\max}$  относительно прямой, соединяющей начало координат и точку  $r_{\max}$ .

6) Интегралы предлагается вычислять методом Гаусса:

$$\int_a^b f(x) dx = \frac{b-a}{2} \sum_{n=1}^N w_n \psi_n \left( \frac{b-a}{2} x_n + \frac{b+a}{2} \right)$$

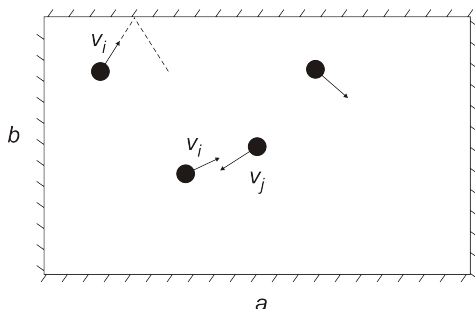
где  $x_n$  и  $w_n$  — таблично заданные веса и узлы метода Гаусса;  $N$  — порядок метода.

## Моделирование реального газа (трехмерный бильярд)

Система состоит из  $N$  одинаковых частиц массой  $m$  и радиуса  $r$ , заключенных в трехмерный прямоугольный «ящик» со сторонами  $a$ ,  $b$  и  $c$ . Полная энергия системы (сумма кинетических энергий всех частиц) равна  $E$ . В процессе движения частицы могут сталкиваться между собой и со стенками ящика. Столкновения считать упругими.

*Условия столкновения:*

- 1) Частица сталкивается со стенкой ящика, если расстояние от ее центра до стенки меньше либо равно  $r$ , а скорость направлена навстречу стенке.
- 2) Две частицы сталкиваются между собой, если  $|r_i - r_j| \parallel 2Cr$  и они движутся навстречу друг другу. Считать, что скорость относительного движения 2-ух частиц в системе центра масс после столкновения имеет любое направление с равной вероятностью.



*Задание:*

- 1) В начальный момент времени расположить частицы в объеме ящика случайным образом. Все частицы, кроме одной, считать покоящимися. Начальная скорость движущейся частицы находится исходя из значения полной энергии системы  $E$ .
- 2) По нажатию кнопки начала движения отображать на форме эволюцию системы, через равные промежутки времени.
- 3) Отображать изменение во времени распределения частиц по модулю скорости. Убедиться в том, что это распределение асимптотически приближается к максвелловскому. Показать, что полная энергия системы сохраняется.
- 4) Вывести на форму график изменения давления на стенки ящика от времени.
- 5) \*Показать, что в среднем давление описывается уравнением состояния газа Ван-дер-Ваальса (в данном случае  $\int P + \frac{\alpha v^2}{V^2} \int \rho (V - v\beta) = v RT = NkT$ ,  $v$  – количество моль вещества), а  $k$  – постоянная Больцмана.
- 6) Предусмотреть на форме поля для ввода параметров  $N, m, r, a, b, c, E$ .

## Перечень возможных заданий на курсовые проекты:

### Задача Кеплера

Рассмотреть движение двухтельной системы с гравитационным взаимодействием:

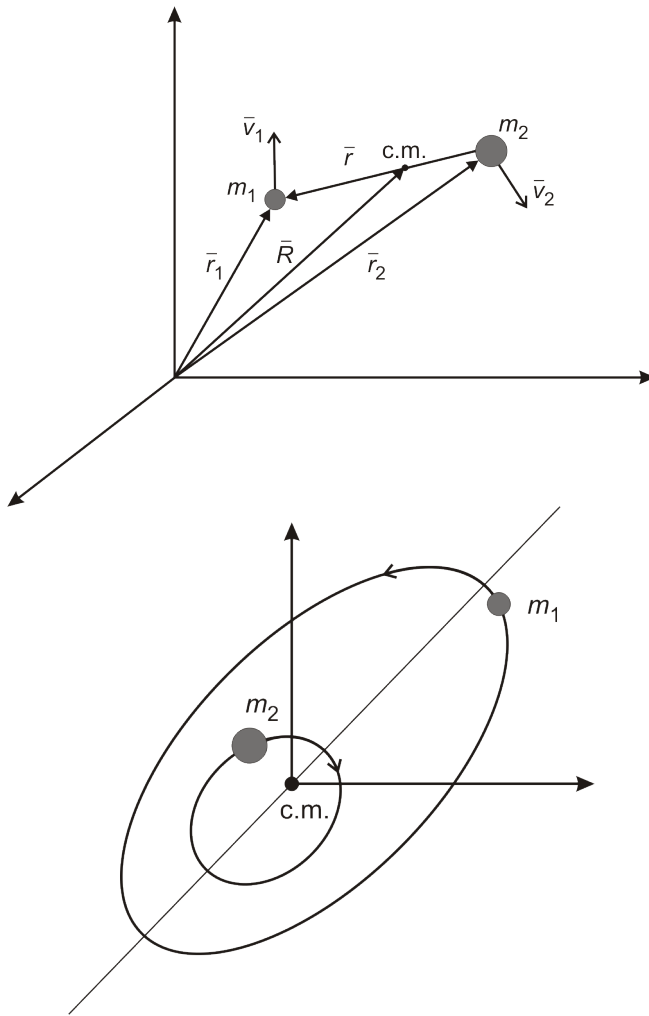
$$V_{12}(r) = -G \frac{m_1 m_2}{r}$$

$$1) \text{ Гамильтониан системы: } H = T_1 + T_2 + V_{12}(r) = m_1 v_1^2 / 2 + m_2 v_2^2 / 2 + V_{12}(r)$$

$$\text{или: } H = T_{cm} + t_{cm} + V_{12}(r) = M V_{cm}^2 / 2 + \mu v_{12}^2 / 2 + V_{12}(r),$$

где  $V_{cm}$  – скорость центра масс всей системы;  $v_{12}$  – скорость относительного движения 1ой и 2ой частиц;  $M = m_1 + m_2$  – полная масса системы;  $\mu = m_1 m_2 / M$  – приведенная масса.





- 2) Считать известными положения и скорости тел в начальный момент времени ( $t = 0$ ).
- 3) Уравнения движения (уравнения Гамильтона) записать в системе центра масс (т.е. избавиться от движения системы как целого:  $V_{cm} = 0$ ).
- 4) Использовать декартову или полярную систему координат (по указанию преподавателя) для решения уравнений движения.
- 5) На форме приложения предусмотреть поля для ввода начальных условий (скорости, координаты и массы тел). Рисовать траектории тел.
- 6) Продемонстрировать справедливость законов Кеплера.
- 7) Рассмотреть два случая:  $E_{tot} < 0$  и  $E_{tot} > 0$ .

*Литература:*

1. Л.Д. Ландау, Е.М. Лифшиц, Курс теоретической физики, Т.1. Механика.

## Неидеальный газ в деформируемом объеме

Система состоит из  $N$  одинаковых частиц массой  $m$  и радиуса  $r$ , заключенных в деформируемую оболочку, имеющую постоянный объем  $V$ . Полная начальная энергия системы частиц (сумма кинетических энергий всех частиц) равна  $E_0$ . В процессе движения частицы могут сталкиваться между собой и со стенками оболочки. Столкновения считать упругими.

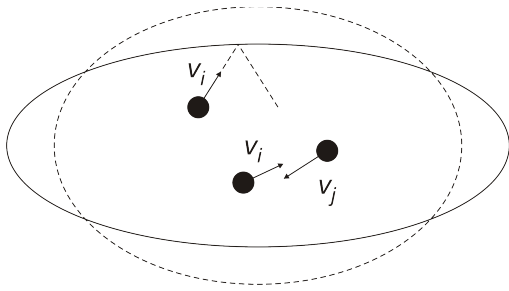
*Условия столкновения:*

- 1) Частица сталкивается со стенкой, если расстояние от ее центра до стенки меньше либо равно  $r$ , а скорость направлена навстречу стенке.
- 2) Все частицы сталкиваются между собой, если  $|r_i - r_j| \leq 2r$  и они движутся навстречу друг другу. Считать, что скорость относительного движения 2-ух частиц в системе центра масс после столкновения имеет любое направление с равной вероятностью.

*Оболочка имеет форму (по указанию преподавателя):*

- 1) Параллелепипеда со стороной  $a$  вдоль оси  $OZ$  и квадратным сечением со стороной  $b$  в перпендикулярном направлении.
- 2) Эллипсоида вращения, полуось которого вдоль оси  $OZ$  равна  $a$ , а сечение в перпендикулярном направлении – окружность радиуса  $b$ .
- 3) Цилиндра, высота которого направлена вдоль оси  $OZ$  и равна  $a$ , а сечение в перпендикулярном направлении – окружность радиуса  $b$ .

Величина  $a$  совершает гармонические колебания по закону  $a = a_0 + A \sin(\omega t)$ , где  $A < a_0$  – амплитуда колебаний. Параметр  $b$  находится из условия постоянства объема оболочки (например, для параллелепипеда:  $b = \sqrt{V/a}$ , где  $V = a_0^3$ ).



Задание:

- 1) В начальный момент времени расположить частицы в объеме случайным образом. Все частицы, кроме одной, считать покоящимися. Начальная скорость движущейся частица находится исходя из значения начальной полной энергии системы  $E_0$ .
- 2) По нажатию кнопки на форме отображать эволюцию системы, через равные промежутки времени.
- 3) Отображать изменение во времени распределения частиц по модулю скорости и энергии.
- 4) Построить график изменения полной энергии системы от времени  $E(t)$ .
- 5) Исследовать поведение зависимости  $E(t)$  от параметров системы (числа частиц, частоты колебаний, наличия/отсутствия столкновения между частицами).

Предусмотреть на форме поля для ввода параметров  $N, m, r, a_0, A, \omega, E$ .

## Параллельный электрический колебательный контур

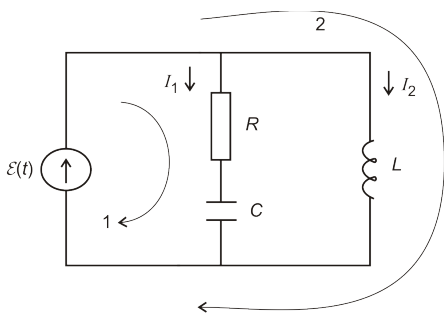
Используя правила Кирхгофа для двух контуров, записываем систему дифференциальных уравнений, описывающих токи и напряженности в разных ветвях цепи:

1-ый контур: 
$$E(t) = I_1(t)R + U_C(t), \quad I_1(t) = C \frac{dU_C(t)}{dt},$$

2-ой контур: 
$$E(t) = L \frac{dI_2(t)}{dt},$$

$$I_1 + I_2 = I_0,$$

где  $E(t) = E_0 \sin(\omega t)$ ,  $E_0$  и  $\omega$  – заданные константы. Получаем систему дифференциальных уравнений:



$$M \frac{dU_C}{dt} = \frac{1}{RC} (E(t) - U_C(t)), \quad (1)$$

$$N \frac{dI_2}{dt} = \frac{1}{L} E(t)$$

- 1) Решить численно систему дифференциальных уравнений (1) с начальными условиями:  $U_C(t=0) = U_{C0}$ ,

$$I_2(t=0) = I_{20}.$$

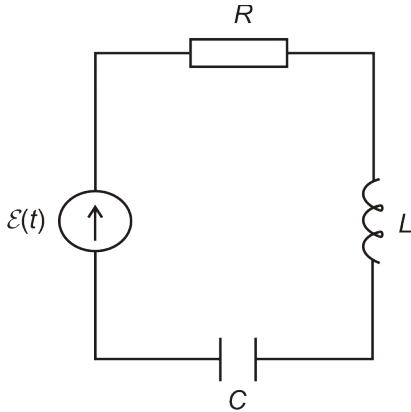
- 2) На форме отобразить графики изменения  $E(t)$ ,  $U_C(t)$  и  $I_2(t)$ .
- 3) Построить зависимость от  $\omega$  амплитуд  $U_{C_{\max}}(\omega)$  и  $I_{2_{\max}}(\omega)$ . Определить резонансную частоту контура.
- 4) Построить фазо-частотную характеристику  $\Delta \phi_{U_C}(\omega)$  и  $\Delta \phi_{I_2}(\omega)$ .
- 5) Предусмотреть на форме поля для ввода параметров  $C, R, L, \omega, \Delta \omega, U_{C0}, I_{20}$ , где  $\Delta \omega$  – интервал изменения частоты в п. 3.

## Последовательный электрический колебательный контур

Второе правило Кирхгофа:

$$E(t) = I(t)R + L \frac{dI(t)}{dt} + U_C(t),$$

где  $E(t) = E_0 \sin(\omega t)$ ,  $E_0$  и  $\omega$  – заданные константы.



- 1) Помня, что  $I(t) = dq(t)/dt$ , записать дифференциальное уравнение для  $U_C(t) = q(t)/C$ . Получить аналитическое решение.
- 2) Решить численно полученное дифференциальное уравнение с начальными условиями:  $U_C(t=0) = U_{C0}$ ,  $U_C'(t=0) = U_C''(t=0) = I(t=0)/C$ .
- 3) На форме отобразить графики изменения  $E(t)$ ,  $U_C(t)$  и  $I(t)$ .
- 4) Построить зависимость от  $\omega$  амплитуд  $U_{Cmax}(\omega)$  и  $I_{max}(\omega)$ . Сравнить точное значение

резонансной частоты с полученной численно.

- 5) Предусмотреть на форме поля для ввода параметров  $C, R, L, \omega, \Delta\omega, U_{C0}, I_0$ , где  $\Delta\omega$  – интервал изменения частоты в п. 4.
- 6) Построить фазо-частотную характеристику  $\Delta\phi_{U_C}(\omega)$  и  $\Delta\phi_I(\omega)$ .

## Диссипативные силы, флуктуации и уравнения Ланжевена (деление ядер)

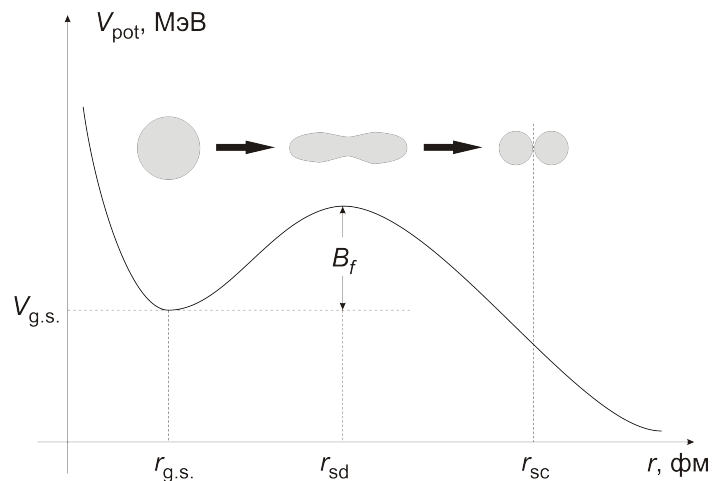
При изучении процесса деления ядер часто применяется классический подход, основанный на использовании уравнений Ланжевена. Метод основан на проведении аналогии между блужданием броуновской частицы в среде и изменением формы ядра от сферической формы моноядра до конфигурации из двух осколков. Все степени свободы ядра делятся на два типа: «медленные» коллективные, определяющие форму ядра, и «быстрые» внутренние, образующие вязкую «среду», характеризующуюся температурой  $T$ . Взаимодействие между коллективными и внутренними степенями свободы определяется, с одной стороны, диссипацией энергии коллективного движения во внутреннюю из-за вязкости среды. С другой стороны, на «броуновскую» частицу действует случайная сила.

Деление ядра может моделироваться как случайное броуновское движение «частицы» в вязкой среде с температурой  $T$ . Уравнения движения частицы в случае одной степени свободы имеют вид:

$$m \ddot{q} = p / m;$$

$$\frac{H}{0} \dot{p} = -dV/dq - \gamma p / m + F_{\text{random}},$$

где  $q$  – коллективная координата, определяющая форму делящегося ядра,  $p$  – импульс, сопряженный с координатой  $q$ ,  $V(q)$  – потенциальная энергия,  $m$  – массовый параметр,



$\gamma$  – коэффициент трения,  $F_{\text{random}} = \theta \Psi \xi$  – случайная сила,  $\theta$  – амплитуда случайной силы,  $\xi$  – нормальнораспределенная случайная величина с дисперсией 2. Амплитуда случайной силы может быть найдена из связи с коэффициентом диффузии

$$D = \theta^2$$

и соотношения Эйнштейна

$$D = \gamma T.$$

Температура ядра находится как

$$T = \sqrt{\frac{E_{\text{int}}}{a}}, \quad a = \frac{A}{10},$$

$A$  – массовое число ядра. Внутренняя энергия возбуждения  $E_{\text{int}}$  находится из закона сохранения энергии:

$$E_{\text{tot}} = V(q) + E_{\text{int}} + p^2 / (2m).$$

Здесь  $E_{\text{tot}}$  – полная энергия системы.

### Задание

Решить систему уравнений Ланжевена, используя следующую разностную схему:

$$\begin{aligned} p^{(n+1)} &= p^{(n)} - \left( \frac{dV}{dq} \right)^{(n)} + \gamma^{(n)} p^{(n)} / m^{(n)} \tau + \theta^{(n)} \xi^{(n)} \sqrt{\tau}; \\ q^{(n+1)} &= q^{(n)} + \frac{1}{2m^{(n)}} (p^{(n+1)} + p^{(n)}) \tau, \end{aligned}$$

где  $n$  – номер шага по времени,  $\tau$  – шаг по времени. Потенциальную энергию деформации ядра выбрать в виде двух гладко сшитых парабол:

$$V(r) = \begin{cases} V_{g.s.} + \frac{C_{g.s.} (r - r_{g.s.})^2}{2}, & r < r_1; \\ V_{g.s.} + B_f - \frac{C_{sd} (r - r_{sd})^2}{2}, & r \geq r_1, \end{cases}$$

где  $r_1$  – точка сшивки парабол, определяемая из непрерывности самой функции и ее производной,  $B_f$  – барьер деления,  $r_{g.s.}$  – положение основного состояния (минимума потенциальной энергии),  $r_{sd}$  – положение барьера деления,  $V_{g.s.}$  – константа, значение которой можно положить равным 0.

В начальный момент времени считать, что система находится при  $r = r_{g.s.}$  и покоится. Моделирование движения системы прекращается при достижении ей критической деформации  $r = r_{sc}$ .

а) Отобразить на форме закон движения (график  $r(t)$ ). Должна быть возможность отключения рисования данного графика.

б) Найти среднее время процесса деления и распределение событий деления по временам. Для этого необходимо промоделировать большое число траекторий (порядка  $10^6$ ) и провести указанные вычисления для получившегося статистического ансамбля.

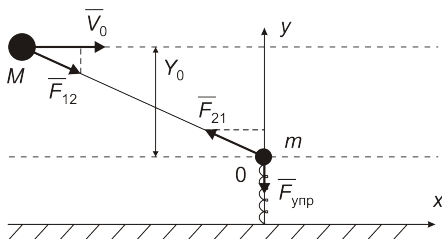
в) Найти скорость деления, используя соотношение:

$$R_f(t) = \frac{dN}{dt} \approx \frac{\Delta N}{\Delta t} \approx \frac{1}{N_{tot} - N(t)}$$

где  $\Delta N$  – число событий деления за промежуток времени от  $t$  до  $t + \Delta t$ ,  $N_{tot}$  – полное число событий деления,  $N(t)$  – число событий деления к моменту времени  $t$ .

### Отклик механической системы на внешнее воздействие

Рассмотреть динамику системы, состоящей из тела массой  $m$  на пружине жесткостью  $k$ , которое может перемещаться только вдоль оси  $OY$ . По оси  $OX$  из бесконечности на расстоянии  $Y_0$  от положения равновесия первого тела налетает тело массой  $M$  с начальной скоростью  $V_0$ . Это тело может двигаться только вдоль оси  $OX$ . На тело  $m$  со стороны тела  $M$  действует сила  $F_{12} = \frac{\alpha}{r^{n+1}} r$ , где  $\alpha = const$  и  $n$  – целочисленная константа,  $r$  – расстояние между телами. На тело  $M$  со стороны тела  $m$  действует по 3-му закону Ньютона сила  $F_{21} = -F_{12}$ . Движение тела массой  $m$  определяется проекцией силы  $F_{12}$  на ось  $OY$ , тела  $M$  – проекцией силы  $F_{21}$  на ось  $OX$ .



Задание:

- 1) Записать уравнения движения для 1-го и 2-го тел.
- 2) Предполагая, что взаимодействие между телами действует на расстоянии меньшем  $R_{max}$ , рассчитать динамику системы (численно решить полученные дифференциальные уравнения).
- 3) На форме отобразить:
  - а) движение системы (анимация).
  - б) график функции отклика:  $E_m(V_0)$ , где  $E_m$  – энергия колебаний тела  $m$  после окончания взаимодействия (при удалении тела  $M$  от тела  $m$  на расстояние большее  $R_{max}$ ).
- 4) Предусмотреть на форме поля для ввода параметров  $m, M, k, \alpha, n, V_0, Y_0, R_{max}$ .

### Упругое ядро-ядерное рассеяние (классическое рассмотрение)

Поток заряженных частиц (заряд каждой равен  $eZ_1$ , масса –  $m_0 \chi A_1$ ) падает на рассеивающий центр, имеющий заряд  $eZ_2$  и массу  $m_0 \chi A_2$  ( $m_0$  – масса нуклона). Кинетическая энергия частиц в системе центра масс равна  $E$ . Взаимодействие частиц  $V(r) = V_C(r) + V_N(r)$  есть сумма кулоновского  $V_C(r) = e^2 Z_1 Z_2 / r$  и ядерного членов. Ядерное взаимодействие задается в виде

$$V_N(\xi) = 4\pi \gamma b P_{sph}^{-1} \Phi(\xi/b)$$

Здесь  $\Phi(\xi/b)$  – универсальный безразмерный форм-фактор,  $b$  – параметр толщины поверхностного слоя ( $\approx 1$  фм),  $\gamma = \gamma_0(1 - 1.7826 \chi I^2)$ ,  $\gamma_0 \approx 0.95$  МэВ фм<sup>-2</sup> – коэффициент поверхностного натяжения,  $I = (N - Z)/A$ ,  $\xi = r - R_1 - R_2$ , а  $P_{sph} = 1/\bar{R}_1 + 1/\bar{R}_2$  и  $\bar{R}_i = R_i[1 - (b/R_i)^2]$ ,  $R_i = r_0 \chi A_i^{1/3}$  – радиусы ядер ( $r_0 = 1.16$  фм). Функция  $\Phi$  имеет вид:

$$\Phi(y) = \begin{cases} M & -1.7817 + 0.9270 \chi y + 0.143 \chi y^2 - 0.09 \chi y^3, \text{ при } y \leq 0; \\ H & -1.7817 + 0.9270 \chi y + 0.01696 \chi y^2 - 0.05148 \chi y^3, \text{ при } 1.9475 \leq y < 0; \\ 0 & -4.41 \chi \exp\left(-\frac{y}{0.7176}\right), \text{ при } y > 1.9475. \end{cases}$$

Задание:

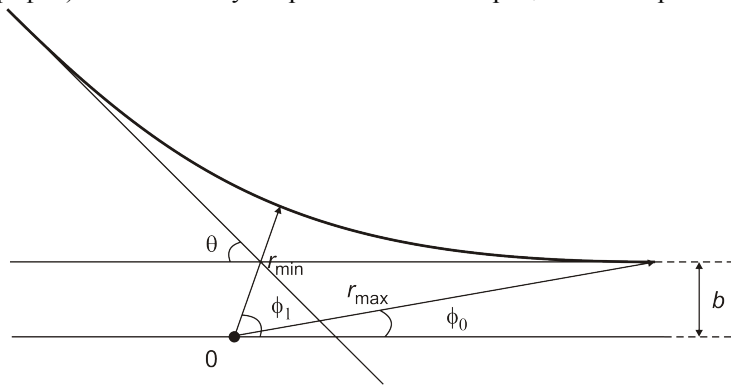
1) Построить траектории движения частиц в системе центра инерции (на одном графике сразу несколько траекторий для разных прицельных параметров  $b$ ).

2) Найти (и построить соответствующий график) зависимость угла рассеяния  $\theta$  от прицельного параметра  $b$ .

3) Нарисовать график зависимости дифференциального сечения упругого рассеяния  $d\sigma / d\theta$  от угла  $\theta$ .

Указания:

1) Для удобства расчетов следует выбрать единицы измерения физических величин, при которых масса нуклона  $m_0 = 1$ , расстояния измеряются в фм, а энергия – в МэВ. Заряд электрона в квадрате равен  $e^2 = 1.4399764 \text{ МэВ Чфм}$ .



## Моделирование реального газа

Система состоит из  $N$  одинаковых взаимодействующих атомов азота массой  $m$ , заключенных в трехмерную оболочку, имеющую форму куба со стороной  $a$ . Полная кинетическая энергия системы (сумма кинетических энергий всех частиц) равна  $E_K$ .

Потенциал парного взаимодействия частиц имеет вид:

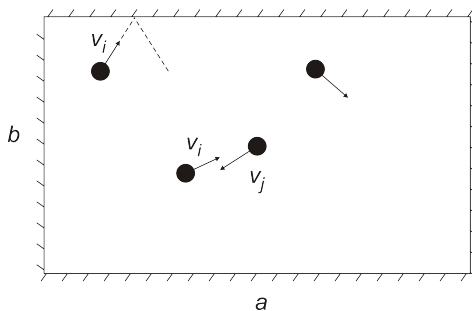
$$V_{12}(r) = \frac{a_1}{r^{12}} - \frac{a_2}{r^6}, \quad (1)$$

где  $a_1$  и  $a_2$  – константы.

В процессе движения частицы также могут сталкиваться со стенками ящика. Столкновения считать упругими. Частица сталкивается со стенкой, если, скорость направлена навстречу стенки, а расстояние от ее центра до стенки меньше либо равно  $R$ , где  $R$  определяется из условия  $V_{12}(2R) = 0$ .

Единицы измерения:

Моделирование удобно проводить, используя следующие единицы измерения физических величин: длина – ангстрем, масса –  $10^{-23}$  г (масса атома аргона  $6.64 \cdot 10^{-23}$  г); энергия/ $k_B = 100$  К, где  $k_B$  – постоянная Больцмана.



Задание:

1) В начальный момент времени расположить частицы в объеме случайным образом. Все частицы, кроме одной, считать покоящимися. Начальная скорость движущейся частицы находится исходя из значения полной кинетической энергии системы  $E_K$ .

2) По нажатию кнопки на форме отображать эволюцию системы, через равные промежутки времени. Показать, что полная энергия системы (сумма кинетической и потенциальной энергий) сохраняется.

3) Вывести на форму график изменения давления на стенки параллелепипеда от времени. Посчитать среднее по времени давление газа и найти постоянные уравнения состояния газа Ван-дер-Ваальса

$$P + \frac{\alpha v^2}{V^2} = \frac{\beta}{V} (V - v\beta) = v RT = NkT.$$

4) Исходя их уравнения состояния газа Ван-дер-Ваальса, посчитать критическую температуру  $T_k$ , объем  $V_k$  и давление  $P_k$  (вывести значения на форму). Построить три изотермы  $P(V, T = const)$ : ниже, выше и при критической температуре. Наложить на полученные кривые изотермы газа Ван-дер-Ваальса при тех же значениях температур.

5) Предусмотреть на форме поля для ввода параметров  $N, m, a_1, a_2, a, E$ .

Литература:

- [1] Л.Д. Ландау, М.И. Лифшиц, Курс теоретической физики, Т.1, Механика, М.: Наука, 1988  
 [2] Х. Гулд, Я. Тобочник, Компьютерное моделирование в физике, Т. 1, М.: Мир, 1990  
 [3] Д.В. Сивухин, Общий курс физики, Т. 2, Термодинамика и Молекулярная Физика, М.: ФИЗМАТ-ЛИТ; Изд-во МФТИ, 2005  
 [4] Б. Страуструп, Язык программирования C++

## Определение динамических характеристик газа аргон

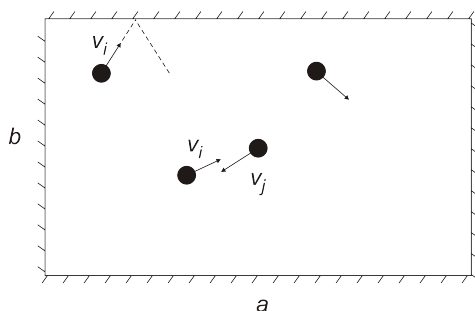
Система состоит из  $N$  одинаковых атомов газа аргон массой  $m$  и радиуса  $r$ , заключенных в трехмерный кубический «ящик» со стороной  $a$ . Полная энергия системы (сумма кинетических энергий всех частиц) равна  $E$ . В процессе движения частицы могут сталкиваться между собой и со стенками ящика. Столкновения считать упругими.

*Условия столкновения:*

- 1) Частица сталкивается со стенкой ящика, если расстояние от ее центра до стенки меньше либо равно  $r$ , а скорость направлена навстречу стенке.
- 2) Две частицы сталкиваются между собой, если  $|\vec{r}_i - \vec{r}_j| \leq 2r$  и они движутся навстречу друг другу. Считать, что скорость относительного движения 2-ух частиц в системе центра масс после столкновения имеет любое направление с равной вероятностью.

*Единицы измерения:*

Моделирование удобно проводить, используя следующие единицы измерения физических величин: длина – ангстрем, масса –  $10^{-23}$  г (масса атома аргона  $6.64 \cdot 10^{-23}$  г); энергия/ $k_B = 100$  К, где  $k_B$  – постоянная Больцмана.



*Задание:*

- 1) Предусмотреть на форме поля для ввода параметров  $N, m, r, a, E$ .
- 2) Предусмотреть возможность автоматического подбора параметров модели (полной энергии и размеров емкости), соответствующих нормальным условиям.
- 3) В начальный момент времени расположить частицы в объеме ящика случайным образом. Все частицы, кроме одной, считать покоящимися. Начальная скорость движущейся частицы находится исходя из значения полной энергии системы  $E$ .
- 4) По нажатию кнопки начала движения отображать на форме эволюцию системы, через равные промежутки времени. Показать, что полная энергия системы сохраняется.
- 5) Найти в литературе эффективный радиус атомов газа аргон.
- 6) Используя соотношение Эйнштейна для квадрата смещения  $\langle r \rangle^2 = 6Dt$ , где  $\langle r \rangle^2$  – смещение атома относительно начального положения, а  $t$  – время моделирования, рассчитать коэффициент самодиффузии аргона при нормальных условиях и сравнить его с экспериментальным значением для аргона  $D = 0.156 \text{ см}^2/\text{с}$ . Построить зависимость  $\langle r \rangle^2(t)$ . Использовать циклические условия на границах емкости для величины смещения атомов газа.
- 7) Определить длину свободного пробега атомов газа и сравнить найденное значение с табличным значением при нормальных условиях.
- 8) Сделать выводы о реалистичности использованной модели газа.

*Литература:*

- [1] Л.Д. Ландау, М.И. Лифшиц, Курс теоретической физики, Т.1, Механика, М.: Наука, 1988  
 [2] Х. Гулд, Я. Тобочник, Компьютерное моделирование в физике, Т. 1, М.: Мир, 1990  
 [3] Д.В. Сивухин, Общий курс физики, Т. 2, Термодинамика и Молекулярная Физика, М.: ФИЗМАТ-ЛИТ; Изд-во МФТИ, 2005  
 [4] Б. Страуструп, Язык программирования C++

## Изучение процесса установления термодинамического равновесия в газе

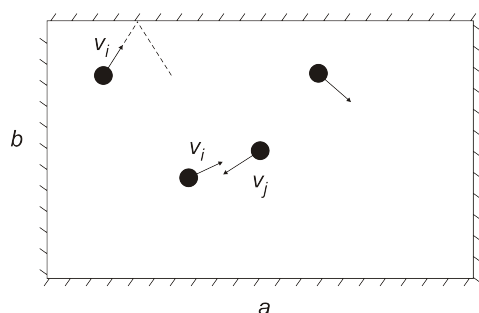
Система состоит из  $N$  одинаковых атомов газа аргон массой  $m$  и радиуса  $r$ , заключенных в трехмерный кубический «ящик» со стороной  $a$ . Полная энергия системы (сумма кинетических энергий всех частиц) равна  $E$ . В процессе движения частицы могут сталкиваться между собой и со стенками ящика. Столкновения считать упругими.

*Условия столкновения:*

- 1) Частица сталкивается со стенкой ящика, если расстояние от ее центра до стенки меньше либо равно  $r$ , а скорость направлена навстречу стенке.
- 2) Две частицы сталкиваются между собой, если  $|r_i - r_j| \leq 2r$  и они движутся навстречу друг другу. Считать, что скорость относительного движения 2-ух частиц в системе центра масс после столкновения имеет любое направление с равной вероятностью.

*Единицы измерения:*

Моделирование удобно проводить, используя следующие единицы измерения физических величин: длина – ангстрем, масса –  $10^{-23}$  г (масса атома аргона  $6.64 \cdot 10^{-23}$  г); энергия/ $k_B = 100$  К, где  $k_B$  – постоянная Больцмана.



*Задание:*

- 1) Предусмотреть на форме поля для ввода параметров  $N, m, r, a, E$ .
- 2) Предусмотреть возможность автоматического подбора параметров модели (полной энергии и размеров емкости), соответствующих нормальным условиям.
- 3) В начальный момент времени расположить частицы в объеме ящика случайным образом. Все частицы, кроме одной, считать покоящимися. Начальная скорость движущейся частицы находится исходя из значения полной энергии системы  $E$ .
- 4) По нажатию кнопки начала движения отображать на форме эволюцию системы, через равные промежутки времени. Показать, что полная энергия системы сохраняется.
- 5) Отображать изменение во времени распределения частиц по модулю скорости. Убедиться в том, что это распределение асимптотически приближается к максвелловскому.
- 6) Изучить процесс релаксации распределения к термодинамически равновесному. Для этого построить величину среднеквадратичного отклонения получаемого в расчетах распределения от равновесного. Определить время релаксации. Построить распределение при нескольких значениях времени моделирования, иллюстрирующие процесс установления термодинамического равновесия в системе.

*Литература:*

- [1] Л.Д. Ландау, М.И. Лифшиц, Курс теоретической физики, Т.1, Механика, М.: Наука, 1988
- [2] Х. Гулд, Я. Тобочник, Компьютерное моделирование в физике, Т. 1, М.: Мир, 1990
- [3] Д.В. Сивухин, Общий курс физики, Т. 2, Термодинамика и Молекулярная Физика, М.: ФИЗМАТ-ЛИТ; Изд-во МФТИ, 2005
- [4] Б. Страуструп, Язык программирования C++



# Изучение равновесного распределения молекул реального газа по скоростям

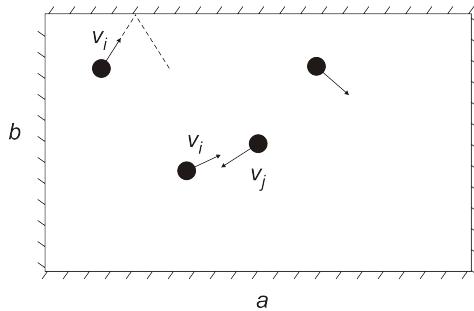
Система состоит из  $N$  одинаковых атомов газа аргон массой  $m$  и радиуса  $r$ , заключенных в трехмерный кубический «ящик» со стороной  $a$ . Полная энергия системы (сумма кинетических энергий всех частиц) равна  $E$ . В процессе движения частицы могут сталкиваться между собой и со стенками ящика. Столкновения считать упругими.

*Условия столкновения:*

- 1) Частица сталкивается со стенкой ящика, если расстояние от ее центра до стенки меньше либо равно  $r$ , а скорость направлена навстречу стенки.
- 2) Две частицы сталкиваются между собой, если  $|r_i - r_j| \leq 2r$  и они движутся навстречу друг другу. Считать, что скорость относительного движения 2-ух частиц в системе центра масс после столкновения имеет любое направление с равной вероятностью.

*Единицы измерения:*

Моделирование удобно проводить, используя следующие единицы измерения физических величин: длина – ангстрем, масса –  $10^{-23}$  г (масса атома аргона  $6.64 \cdot 10^{-23}$  г); энергия/ $k_B = 100$  К, где  $k_B$  – постоянная Больцмана.



*Задание:*

- 1) Предусмотреть на форме поля для ввода параметров  $N, m, r, a, E$ .
- 2) Предусмотреть возможность автоматического подбора параметров модели (полной энергии и размеров емкости), соответствующих нормальным условиям.
- 3) В начальный момент времени расположить частицы в объеме ящика случайным образом. Все частицы, кроме одной, считать покоящимися. Начальная скорость движущейся частицы находится исходя из значения полной энергии системы  $E$ .
- 4) По нажатию кнопки начала движения отображать на форме эволюцию системы, через равные промежутки времени. Показать, что полная энергия системы сохраняется.
- 5) Отображать изменение во времени распределения частиц по модулю скорости и проекции скорости на ось  $X$ . Убедиться в том, что эти распределения асимптотически приближаются к соответствующим максвелловским распределениям.
- 6) Изучить зависимость равновесного распределения от температуры газа. Сравнить с теорией.
- 7) Определить среднюю и наиболее вероятную скорости. Сравнить с известными значениями.

*Литература:*

- [1] Л.Д. Ландау, М.И. Лифшиц, Курс теоретической физики, Т.1, Механика, М.: Наука, 1988
- [2] Х. Гулд, Я. Тобочник, Компьютерное моделирование в физике, Т. 1, М.: Мир, 1990
- [3] Д.В. Сивухин, Общий курс физики, Т. 2, Термодинамика и Молекулярная Физика, М.: ФИЗМАТ-ЛИТ; Изд-во МФТИ, 2005
- [4] Б. Страуструп, Язык программирования C++

## Определение параметров уравнения состояния реального газа

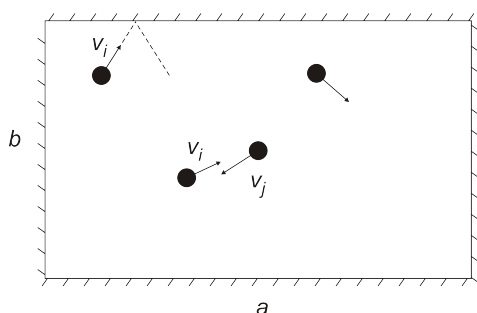
Система состоит из  $N$  одинаковых атомов газа аргон массой  $m$  и радиуса  $r$ , заключенных в трехмерный кубический «ящик» со стороной  $a$ . Полная энергия системы (сумма кинетических энергий всех частиц) равна  $E$ . В процессе движения частицы могут сталкиваться между собой и со стенками ящика. Столкновения считать упругими.

*Условия столкновения:*

- 1) Частица сталкивается со стенкой ящика, если расстояние от ее центра до стенки меньше либо равно  $r$ , а скорость направлена навстречу стенке.
- 2) Две частицы сталкиваются между собой, если  $|\vec{r}_i - \vec{r}_j| \leq 2r$  и они движутся навстречу друг другу. Считать, что скорость относительного движения 2-ух частиц в системе центра масс после столкновения имеет любое направление с равной вероятностью.

*Единицы измерения:*

Моделирование удобно проводить, используя следующие единицы измерения физических величин: длина – ангстрем, масса –  $10^{-23}$  г (масса атома аргона  $6.64 \cdot 10^{-23}$  г); энергия/ $k_B$  = 100 К, где  $k_B$  – постоянная Больцмана.



*Задание:*

- 1) Предусмотреть на форме поля для ввода параметров  $N, m, r, a, E$ .
- 2) Предусмотреть возможность автоматического подбора параметров модели (полной энергии и размеров емкости), соответствующих нормальным условиям.
- 3) В начальный момент времени расположить частицы в объеме ящика случайным образом. Все частицы, кроме одной, считать покоящимися. Начальная скорость движущейся частицы находится исходя из значения полной энергии системы  $E$ .
- 4) По нажатию кнопки начала движения отображать на форме эволюцию системы, через равные промежутки времени. Показать, что полная энергия системы сохраняется.
- 5) Определить давление газа на стенки сосуда. Вывести на форму график изменения давления на стенки ящика от времени и сравнить его с давлением, получаемым из уравнения состояния Менделеева-Клапейрона.
- 6) Используя уравнение состояния газа Ван-дер-Ваальса 
$$\frac{P}{\rho} + \frac{\alpha}{V^2} = \frac{RT}{M} (1 - \beta \rho)$$
 где  $V$  – количество моль вещества, и, зная экспериментальное значение коэффициента  $\beta = 32.191 \text{ см}^3/\text{моль}$  для аргона:
  - а) определить эффективный радиус атома.
  - б) строя зависимость давления газа от температуры, в области, близкой к нормальным условиям, найти значение коэффициента  $\alpha$  и сравнить его с экспериментальным значением  $0.1361 \text{ Н} \cdot \text{м}^4/\text{моль}^2$ .
- 7) Сделать выводы о реалистичности использованной модели газа.

*Литература:*

- [1] Л.Д. Ландау, М.И. Лифшиц, Курс теоретической физики, Т.1, Механика, М.: Наука, 1988
- [2] Х. Гулд, Я. Тобочник, Компьютерное моделирование в физике, Т. 1, М.: Мир, 1990
- [3] Д.В. Сивухин, Общий курс физики, Т. 2, Термодинамика и Молекулярная Физика, М.: ФИЗМАТ-ЛИТ; Изд-во МФТИ, 2005
- [4] Б. Страуструп, Язык программирования C++

### 10. Методические рекомендации по организации изучения дисциплины

## **Методические рекомендации преподавателю**

В ходе данного курса студент должен освоить основные методы компьютерного моделирования простейших физических систем с использованием наиболее распространенных численных методов и алгоритмов. При изучении данного курса студенты должны уже в полной мере владеть языками программирования (главным образом, C++) и основами численных методов, уметь использовать графические и анимационные возможности современных компьютеров для решения разнообразных прикладных задач и создания простейших Windows приложений (курс «Компьютерная графика и анимация»).

## **Методические указания студентам**

При самостоятельной работе допускается использование любой литературы и Интернет-ресурсов: материалов сайтов рекомендованных преподавателем и результатов поиска в различных системах. Одобряется обращаться к преподавателю за консультациями. Материал, законспектированный на лекциях, необходимо регулярно дополнять сведениями из основных и дополнительных литературных источников и из Интернет.