

## УРАВНЕНИЯ СВЕРХПРОВОДИМОСТИ ДЛЯ ПЕРЕХОДНЫХ МЕТАЛЛОВ В ПРЕДСТАВЛЕНИИ ВАНЬЕ

Вуйичич Г. М.<sup>1)</sup>, Куземский А. Л., Плакида Н. М.

В представлении Ванье получена система уравнений сверхпроводимости для сильно связанных электронов в переходном металле, который описывается гамильтонианом Хаббарда. Электрон-фононное взаимодействие записано с учетом модели «жестких ионов». Закрытая система уравнений получена в пренебрежении перенормировкой вершины в массовом операторе.

### 1. ВВЕДЕНИЕ

В последние годы большой интерес вызывает исследование сверхпроводящих свойств переходных металлов, их сплавов и соединений [1]. В отличие от простых металлов, в переходных металлах помимо широкой *s*-зоны имеется частично заполненная относительно узкая *d*-зона. В ряде работ [2–5] было показано, что сильно связанные *d*-электроны в значительной степени ответственны за сверхпроводящие свойства переходных металлов. Даже в случае сильной корреляции кулоновское взаимодействие между сильно связанными электронами может приводить к возникновению куперовских пар в полупроводнике Мотта — Хаббарда [6].

Простейшей моделью, описывающей корреляцию сильно связанных электронов в переходных металлах и их соединениях, является модель Хаббарда [7], с помощью которой удается объяснить целый ряд электрических и магнитных свойств переходных металлов, их сплавов и соединений [8, 9]. Необходимо отметить, что гамильтониан Хаббарда представляет собой сильно упрощенный вариант полярной модели металла Шубина — Вонсовского — Боголюбова [10] и в этом смысле является начальным шагом к построению последовательной микроскопической теории переходных металлов и их соединений.

В настоящей работе выводится система уравнений сверхпроводимости для сильно связанных электронов переходного металла, взаимодействующих с фононами. Уравнения сверхпроводимости записаны в базисе локализованных волновых функций Ванье. Такое представление подчеркивает сильно связанный характер *d*-электронов, и, кроме того, оно необходимо при описании сверхпроводящих свойств неупорядоченных сплавов переходных металлов [1, 11–14] и аморфных сверхпроводников [14, 15].

При выводе уравнений сверхпроводимости используется метод уравнений движения для двухвременных функций Грина [16], в котором проце-

<sup>1)</sup> Институт ядерных наук им. Б. Кидрича, Белград, СФРЮ.

дура расщепления проводится только для приближенного вычисления массового оператора матричной электронной функции Грина. При этом замкнутая система уравнений получается в пренебрежении перенормировкой вершины в электрон-ионном взаимодействии, как и в работах [17, 18]. Найденная система уравнений сверхпроводимости для сильно связанных электронов в локализованном базисе аналогична уравнениям Элиашберга [18] для блоховских электронов и позволяет изучать сверхпроводящие свойства переходных металлов и их сплавов в рамках единой системы уравнений.

## 2. ГАМИЛЬТОНИАН ЭЛЕКТРОН-ИОННОЙ МОДЕЛИ УЗКОЗОННОГО МЕТАЛЛА

Полный гамильтониан электрон-ионной системы представим в виде суммы

$$(1) \quad H = H_e + H_i + H_{e-i},$$

где  $H_e$  — электронная часть гамильтониана, представляющая собой оператор Хаббарда [7]

$$(2) \quad H_e = \sum_{ij\sigma} t_{ij} a_{i\sigma}^+ a_{j\sigma} + \frac{U}{2} \sum_{i\sigma} n_{i\sigma} n_{i-\sigma}.$$

Операторы  $a_{i\sigma}^+$  и  $a_{i\sigma}$  — ферми-операторы рождения и уничтожения электронов в узле  $i$ ;  $U$  — энергия кулоновского отталкивания электронов с противоположными спинами на одном узле,  $t_{ij} = N^{-1} \sum_{\mathbf{k}} \epsilon_{\mathbf{k}} \exp[i\mathbf{k}(\mathbf{R}_i - \mathbf{R}_j)]$  —

интеграл перескока,  $\epsilon_{\mathbf{k}}$  — зонная энергия.

Ионная подсистема описывается оператором

$$(3) \quad H_i = \frac{1}{2} \sum_n \frac{P_n^2}{2M_n} + \frac{1}{2} \sum_{nm} \Phi_{nm}^{\alpha\beta} u_n^\alpha u_m^\beta,$$

где  $P_n$  — оператор импульса,  $M_n$  — масса иона,  $u_n$  — смещение атома из равновесного положения в узле решетки  $\mathbf{R}_n$ .

Оператор электрон-ионного взаимодействия имеет вид

$$(4) \quad H_{e-i} = \sum_{\sigma} \sum_{n, i \neq j} V_{ij}^{\alpha}(\mathbf{R}_n^0) a_{i\sigma}^+ a_{j\sigma} u_n^{\alpha},$$

где

$$(5) \quad \sum_n V_{ij}^{\alpha}(\mathbf{R}_n^0) u_n^{\alpha} = \frac{\partial t_{ij}(\mathbf{R}_{ij}^0)}{\partial \mathbf{R}_{ij}^0} (\mathbf{u}_i - \mathbf{u}_j).$$

Удобно переписать операторы (2) и (4) с помощью операторов Намбу и матриц Паули:

$$(6) \quad H_e = \sum_{ij} t_{ij} \psi_i^+ \tau_3 \psi_j + \frac{U}{2} \sum_i (\psi_i^+ \tau_3 \psi_i) (\psi_i^+ \tau_3 \psi_i),$$

$$(7) \quad H_{e-i} = \sum_{n, i \neq j} V_{ij} \psi_i^+ \tau_3 \psi_j u_n,$$

где

$$(8) \quad \psi_i = \begin{pmatrix} a_{i\uparrow} \\ a_{i\downarrow} \end{pmatrix}, \quad \psi_i^+ = (a_{i\uparrow}^+, a_{i\downarrow}^+); \quad \tau_3 = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}, \quad \tau_0 = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}.$$

Заметим, что в рассматриваемой здесь модели металла  $s$ -электроны явно не учитываются. Вместо двух зон  $s$ - и  $d$ -электронов, как и в модели Хаббарда, рассматривается одна «эффективная» зона электронов, взаимодействующих с фононами. Однако косвенно влияние  $s$ -электронов учтено. Считается, что все три нормальных частоты фононов без учета  $d$ -электронов  $\omega^0(qv)$  соответствуют акустическим частотам, а величина кулоновского отталкивания  $U$  перенормирована за счет экранировки  $s$ -электронами [3, 19].

### 3. УРАВНЕНИЯ ДЛЯ ЭЛЕКТРОННЫХ ФУНКЦИЙ ГРИНА

Рассмотрим уравнения движения для функций Грина электронов, которые представим в виде матрицы

$$(9) \quad G_{ij}(\omega) = \begin{bmatrix} \langle a_{i\uparrow} | a_{j\uparrow}^+ \rangle_\omega & \langle a_{i\uparrow} | a_{j\downarrow} \rangle_\omega \\ \langle a_{i\downarrow} | a_{j\uparrow}^+ \rangle_\omega & \langle a_{i\downarrow} | a_{j\downarrow} \rangle_\omega \end{bmatrix} = \langle \psi_i | \psi_j^+ \rangle_\omega.$$

Дифференцирование  $G_{ij}(t-t')$  по первому времени дает для фурье-компонент следующее уравнение движения:

$$(10) \quad \sum_j (\omega \tau_0 \delta_{ij} - t_{ij} \tau_3) \langle \psi_j | \psi_i^+ \rangle_\omega = \delta_{ii'} \tau_0 + \\ + \sum_{nj} V_{ijn} \langle u_n \tau_3 \psi_j | \psi_i^+ \rangle_\omega + U \langle (\psi_i^+ \tau_3 \psi_i) \tau_3 \psi_i | \psi_i^+ \rangle_\omega.$$

Так же как и в [17], отделим перенормировку энергии электронов в приближении среднего поля Хартри — Фока — Боголюбова [20] (с учетом аномальных средних) от перенормировки в высших порядках, обусловленной неупругим рассеянием. Для этого введем далее неприводимые ( $ir$ ) части функций Грина согласно следующему определению (для примера возьмем две функции Грина из четырех):

$$(11) \quad \langle a_{i\uparrow} a_{i\downarrow}^+ a_{i\downarrow} | a_{i\uparrow}^+ \rangle_\omega = \langle (a_{i\uparrow} n_{i\downarrow})^{ir} | a_{i\uparrow}^+ \rangle_\omega + \\ + \langle n_{i\downarrow} \rangle \langle a_{i\uparrow} | a_{i\uparrow}^+ \rangle_\omega - \langle a_{i\uparrow} a_{i\downarrow} \rangle \langle a_{i\downarrow}^+ | a_{i\uparrow}^+ \rangle_\omega,$$

$$(12) \quad \langle a_{i\uparrow} a_{i\downarrow}^+ a_{i\downarrow} | a_{i\downarrow} \rangle_\omega = \langle (a_{i\uparrow} n_{i\downarrow})^{ir} | a_{i\downarrow} \rangle_\omega + \\ + \langle n_{i\downarrow} \rangle \langle a_{i\uparrow} | a_{i\downarrow} \rangle_\omega - \langle a_{i\uparrow} a_{i\downarrow} \rangle \langle a_{i\downarrow}^+ | a_{i\downarrow} \rangle_\omega.$$

Выбор неприводимых частей функций Грина в (11) и (12) задается следующими условиями:

$$(13) \quad \langle [(a_{i\uparrow} n_{i\downarrow})^{ir}, \psi_i^+]_+ \rangle = 0.$$

Соотношение (13) позволяет однозначно ввести неприводимые части и обратить в нуль неоднородные члены в уравнениях для них. С учетом (11) и (12) уравнение (10) примет вид

$$(14) \quad \sum_j (\omega \tau_0 \delta_{ij} - t_{ij} \tau_3 - \Sigma_{i\sigma}^e) \langle \psi_j | \psi_i^+ \rangle_\omega = \delta_{ii'} \tau_0 +$$

$$+ \sum_j \langle (\rho_{ij} \tau_3 \psi_j)^{1r} | \psi_{i'}^+ \rangle,$$

где введены следующие обозначения:

$$(15) \quad \rho_{ij} = U \rho_i \delta_{ij} + \sum_n V_{ijn} u_n (1 - \delta_{ij}), \quad \rho_i = \psi_i^+ \tau_3 \psi_i = \sum_{\sigma} a_{i\sigma}^+ a_{i\sigma} = \sum_{\sigma} n_{i\sigma}.$$

Величина  $\Sigma_{i\sigma}^c$  представляет собой массовый оператор в приближении среднего поля

$$(16) \quad \Sigma_{i\sigma}^c = U \begin{pmatrix} n_{i-\sigma} & -\langle a_{i\sigma} a_{i-\sigma} \rangle \\ -\langle a_{i-\sigma}^+ a_{i\sigma}^+ \rangle & -n_{i\sigma} \end{pmatrix}.$$

В представлении операторов Намбу

$$\psi_{i,-\sigma} = \begin{pmatrix} a_{i-\sigma} \\ a_{i\sigma}^+ \end{pmatrix}, \quad \psi_{i,-\sigma}^+ = (a_{i-\sigma}^+, a_{i\sigma})$$

массовый оператор (16) можно записать в виде

$$(17) \quad \Sigma_{i\sigma}^c = -U \tau_3 \langle \psi_{i,-\sigma} \psi_{i,-\sigma}^+ \rangle \tau_3 + \frac{U}{2} (\tau_0 + \tau_3).$$

Для вычисления неприводимой матричной функции Грина в (14) запишем для нее уравнение движения по отношению ко второму времени  $t'$  (см., например, [17]). Для фурье-компоненты функции Грина получаем уравнение

$$(18) \quad \begin{aligned} & \sum_{j'} \langle (\rho_{kj} \tau_3 \psi_j)^{1r} | \psi_{j'}^+ \rangle_{\omega} (\omega \tau_0 \delta_{i'j'} - t_{j'i'} \tau_3) = \\ & = \sum_{m,j'} V_{j'i'm} \langle (\rho_{kj} \tau_3 \psi_j)^{1r} | \psi_{j'}^+ \tau_3 u_m \rangle_{\omega} + \\ & + \frac{U}{2} \langle (\rho_{kj} \tau_3 \psi_j)^{1r} | (\psi_{i'}^+ \tau_3 \rho_{i'} + \rho_{i'} \psi_{i'}^+ \tau_3) \rangle_{\omega}. \end{aligned}$$

Процедуру выделения неприводимой части относительно операторов в правой части функции Грина в (17) можно провести аналогично тому, как это было сделано в (14). В результате получим

$$(19) \quad \begin{aligned} & \sum_{j'} \langle (\rho_{kj} \tau_3 \psi_j)^{1r} | \psi_{j'}^+ \rangle_{\omega} (\omega \tau_0 \delta_{i'j'} - t_{j'i'} \tau_3 - \Sigma_{i'\sigma}^c) = \\ & = \sum_{j'} \langle (\rho_{kj} \tau_3 \psi_j)^{1r} | (\psi_{j'}^+ \tau_3 \rho_{j'i'})^{1r} \rangle_{\omega}. \end{aligned}$$

Для того чтобы решить систему уравнений (14), (19), введем нулевую функцию Грина

$$(20) \quad \sum_j (\omega \tau_0 \delta_{ij} - t_{ij} \tau_3 - \Sigma_{i\sigma}^c) G_{ji}^0(\omega) = \delta_{ii'}.$$

Использование (20) в (14) и (18) приводит к уравнению

$$(21) \quad G_{ii'}(\omega) = G_{ii'}^0(\omega) + \sum_{kk'} G_{ik}^0(\omega) T_{kk'}(\omega) G_{k'i'}^0(\omega).$$

Матрица рассеяния определяется неприводимой частью многочастичной функции Грина в (19):

$$(22) \quad T_{kk'}(\omega) = \sum_{jj'} \langle\langle (\rho_{kj} \tau_3 \psi_j)^{1r} | (\psi_{j'}^+ \tau_3 \rho_{j'k'})^{1r} \rangle\rangle_{\omega}.$$

Если ввести массовый оператор  $M_{kk'}$ , который является связанной частью матрицы рассеяния

$$(23) \quad T_{kk'}(\omega) = M_{kk'}(\omega) + \sum_{mn} M_{km}(\omega) G_{mn}^0(\omega) T_{nk'}(\omega),$$

то уравнение (21) можно представить в виде уравнения Дайсона

$$(24) \quad G_{ii'}(\omega) = G_{ii'}^0(\omega) + \sum_{kk'} G_{ik}^0(\omega) M_{kk'}(\omega) G_{k'i'}^0(\omega).$$

Массовый оператор  $M_{kk'} = \{T_{kk'}\}^p$  не содержит частей, которые можно разрезать по линии  $G_0$ , что указывается индексом «p» (собственная часть)

$$(25) \quad M_{kk'} = \sum_{jj'} \langle\langle (\rho_{kj} \tau_3 \psi_j)^{1r} | (\psi_{j'}^+ \tau_3 \rho_{j'k'})^{1r} \rangle\rangle_{\omega}^p.$$

Таким образом, наиболее общее выражение для электронной функции Грина в локализованном базисе с учетом электрон-фононного взаимодействия в виде (4) можно записать в следующем матричном виде:

$$(26) \quad \bar{G}^{-1} = \bar{G}_0^{-1} - \bar{M}.$$

Вычисление полной функции Грина  $\bar{G}$  сведено к нахождению  $\bar{G}_0$  и  $\bar{M}$ .

#### 4. ПРИБЛИЖЕННЫЙ РАСЧЕТ МАССОВОГО ОПЕРАТОРА

Явное выражение для массового оператора в (26) имеет вид

$$(27) \quad M_{ii'}(\omega) = \sum_{jj'} \int_{-\infty}^{\infty} \frac{d\omega'}{\omega - \omega'} (e^{\beta\omega'} + 1) \int_{-\infty}^{\infty} \frac{dt}{2\pi} e^{-i\omega't} \times \\ \times \begin{bmatrix} \langle \rho_{j'i\uparrow}(t) a_{j'\uparrow}^+(t) a_{j\uparrow} \rho_{ij\uparrow} \rangle^{p,1r} & - \langle a_{j'\downarrow}(t) \rho_{i'j'\downarrow}(t) a_{j\uparrow} \rho_{ij\uparrow} \rangle^{p,1r} \\ - \langle \rho_{j'i'\uparrow}(t) a_{j'\uparrow}^+(t) \rho_{j\downarrow} a_{j\downarrow}^+ \rangle^{p,1r} & \langle a_{j'\downarrow}(t) \rho_{i'j'\downarrow}(t) \rho_{j\downarrow} a_{j\downarrow}^+ \rangle^{p,1r} \end{bmatrix}.$$

Для получения замкнутой самосогласованной системы уравнений для массового оператора (27) необходимо использовать то или иное приближение с тем, чтобы выразить его через функцию Грина (9). Массовый оператор (27) описывает неупругое рассеяние электронов (упругая часть содержится в  $\Sigma_{i\sigma}^c$  (16)) на флуктуациях плотности полного электрон-ионного заряда в решетке. По аналогии с работой [17] (см. также [19, 21]) найдем

аналитическое выражение для массового оператора в приближении «двух взаимодействующих мод». Это приближение состоит в пренебрежении перенормировкой вершины, т. е. корреляцией в распространении выделенного электрона (дырки) и распространении флуктуаций плотности заряда. Этому приближению отвечает следующее представление в (27) вышних корреляционных функций через низшие:

$$(28) \quad \langle \rho_{j'i'\uparrow}(t) a_{j'\uparrow}^+(t) a_{j\uparrow} \rho_{ij\uparrow} \rangle^{p,ir} \approx \langle \rho_{j'i'\uparrow}(t) \rho_{ij\uparrow} \rangle \langle a_{j'\uparrow}^+(t) a_{j\uparrow} \rangle.$$

Заметим, что одновременные средние уже учтены в массовом операторе  $\Sigma_{i\sigma}^c$  (16).

Записывая далее спектральные представления для корреляционных функций в (28), массовый оператор (27) представим с учетом определения (15) в виде суммы

$$(29) \quad M_{ii'}(\omega) = M_{ii'}^1(\omega) + M_{ii'}^2(\omega),$$

где

$$(30) \quad M_{ii'}^1 = \sum_{nn'} \sum_{jj'} V_{ijn} V_{j'i'n'} \iint_{-\infty}^{\infty} \frac{d\omega_1 d\omega_2}{\omega - (\omega_1 + \omega_2)} \frac{1}{2} \left( \text{th} \frac{\beta\omega_1}{2} + \text{cth} \frac{\beta\omega_2}{2} \right) \times \\ \times \left[ -\frac{1}{\pi} \text{Im} \langle u_n | u_{n'} \rangle_{\omega_2 + i\varepsilon} \right] \left( -\frac{1}{\pi} \right) \tau_3 \text{Im} \langle \psi_j | \psi_{j'}^+ \rangle_{\omega_1 + i\varepsilon} \tau_3.$$

Массовый оператор (30) имеет вид, характерный для взаимодействующей электрон-фононной системы [18, 19, 24]. Вклад  $M_{ii'}^2$  имеет более сложную структуру:

$$(31) \quad M_{ii'}^2 = U^2 \iint_{-\infty}^{\infty} \frac{d\omega_1 d\omega_2}{\omega - (\omega_1 + \omega_2)} \frac{1}{2} \left( \text{th} \frac{\beta\omega_1}{2} + \text{cth} \frac{\beta\omega_2}{2} \right) \begin{bmatrix} A & B \\ C & D \end{bmatrix},$$

где

$$A = \left[ -\frac{1}{\pi} \text{Im} \langle n_{i\downarrow} | n_{i'\downarrow} \rangle_{\omega_2} \right] \left[ -\frac{1}{\pi} \text{Im} \langle a_{i\uparrow} | a_{i'\uparrow}^+ \rangle_{\omega_1} \right]; \\ B = \left[ \frac{1}{\pi} \text{Im} \langle n_{i\downarrow} | n_{i'\uparrow} \rangle_{\omega_2} \right] \left[ -\frac{1}{\pi} \text{Im} \langle a_{i\uparrow} | a_{i'\downarrow} \rangle_{\omega_1} \right]; \\ C = \left[ \frac{1}{\pi} \text{Im} \langle n_{i\uparrow} | n_{i'\downarrow} \rangle_{\omega_2} \right] \left[ -\frac{1}{\pi} \text{Im} \langle a_{i\downarrow}^+ | a_{i'\uparrow}^+ \rangle_{\omega_1} \right]; \\ D = \left[ -\frac{1}{\pi} \text{Im} \langle n_{i\uparrow} | n_{i'\uparrow} \rangle_{\omega_2} \right] \left[ -\frac{1}{\pi} \text{Im} \langle a_{i\downarrow}^+ | a_{i'\downarrow} \rangle_{\omega_1} \right].$$

Из соотношений (30) и (31) видно, что, в отличие от электрон-ионной модели простого металла, учитывающей прямое кулоновское взаимодействие электронов [17], эффективное электрон-электронное взаимодействие, определяемое в (31) функцией Грина флуктуаций плотности заряда, не может быть в простых приближениях выражено через полную диэлектрическую проницаемость электрон-ионной системы для модели Хаббарда. Это является отражением одного из недостатков модели Хаббарда — пренебрежением обменным взаимодействием на разных узлах. Диэлек-

трическую функцию для модели Хаббарда можно формально записать для  $k$ ,  $\omega \neq 0$  через продольную динамическую проводимость [22]. Однако при  $k$  и  $\omega \rightarrow 0$  получаемое таким образом выражение для диэлектрической проницаемости не определено. В полярной модели металла [10] электронная система описывается более последовательным образом. Поэтому вывод уравнений сверхпроводимости для полярной модели металла (с учетом электрон-фононного взаимодействия) представляет особый интерес.

С этим обстоятельством связаны известные трудности вычисления частотной зависимости корреляционной функции  $\langle n_{i\sigma}(t)n_{j\sigma'} \rangle$  для модели Хаббарда. По существу, трудности эти аналогичны тем, которые возникают при вычислении корреляционной функции  $\langle S_i^z(t)S_j^z \rangle$  в изотропном гейзенберговском ферромагнетике [23, 24]. При вычислении функции Грина  $\langle S_i^+ | S_j^- \rangle$  возникает функция Грина  $\langle \delta S_i^z S^+ | \delta S_j^z S^- \rangle$  (здесь  $\delta S^z = S^z - \langle S^z \rangle$ ). Обычно при расщеплении  $\langle \delta S_i^z(t) \delta S_j^z \rangle \langle S^+ | S^- \rangle$  для корреляционной функции  $\langle \delta S_i^z \delta S_j^z \rangle$  используется статическое приближение [24, 25]. Приближенный метод расчета корреляционной функции  $\langle n_{i\sigma} n_{j\sigma'} \rangle$  в статическом пределе обсуждается, например, в [26]. Дальнейший анализ полученной системы уравнений (26) и (29) для сильно связанных электронов в переходном металле может быть проведен известными методами (см., например, [27, 28]).

В заключение заметим, что для сильно связанных электронов переходного металла оператор электрон-фононного взаимодействия может быть выражен через небольшое число характерных параметров переходного металла [3, 19, 21]:

$$\frac{\partial t(\mathbf{R}_i - \mathbf{R}_j)}{\partial |\mathbf{R}_i - \mathbf{R}_j|} = q_0 t_{ij} \frac{\mathbf{R}_i - \mathbf{R}_j}{|\mathbf{R}_i - \mathbf{R}_j|}.$$

Здесь  $q_0$  — слейтеровский коэффициент, характеризующий экспоненциальное убывание  $d$ -функций [3]. Интеграл перескока  $t_{ij}$  для ближайших соседей  $z$  выражается через ширину зоны  $W = 2tz$ . Таким образом, полученная в настоящей работе самосогласованная система уравнений сверхпроводимости (26) и (29) в представлении Ванье позволяет с единой точки зрения исследовать реальные переходные металлы, их сплавы и соединения.

#### Литература

- [1] Вонсовский С. В., Изюмов Ю. А., Курмаев Э. З. Сверхпроводимость переходных металлов, их сплавов и соединений. М.: Наука, 1977.
- [2] Fröhlich H. Superconductivity and the many body problem. In: Perspectives in Modern Physics. Ed. R. E. Marshak. John Wiley and Sons, 1966, 539–552.
- [3] Barisic S., Labbe J., Friedel J. — Phys. Rev. Lett., 1970, 25, № 14, 919–922.
- [4] Appel J., Kohn W. — Phys. Rev., 1971, 4B, № 7, 2162–2174.
- [5] Appel J., Kohn W. — Phys. Rev., 1972, 5B, № 5, 1823–1830.
- [6] Bari R. A. — Phys. Rev., 1973, 7B, № 5, 2128–2132.
- [7] Hubbard J. — Proc. Roy. Soc., 1963, A276, 238–257.
- [8] Куземский А. Л. — ТМФ, 1978, 36, № 2, 208–223.
- [9] Куземский А. Л. — ЭЧАЯ, 1981, 12, № 2, 366–423.
- [10] Боголюбов Н. Н. Лекции по квантовой статистике. В кн.: Избранные труды в трех томах, т. 2. Киев: Наукова думка, 1970, 287–493.
- [11] Weinkauff A., Zittartz J. — Solid State Commun., 1974, 14, № 3, 365–368.
- [12] Weinkauff A., Zittartz J. — J. Low. Temp. Phys., 1975, 18, № 3, 4, 229–239.
- [13] Kerker G., Bennemann K. H. Solid State Commun., 1974, 14, № 4, 399–401.
- [14] Poon S. J. — Solid State Commun., 1976, 18, № 11, 1489–1491.

- [15] *Roos S. J.*— Solid State Commun., 1980, 34, № 7, 659–661.
- [16] *Боголюбов Н. Н., Тябликов С. В.*— ДАН СССР, сер. матем. и физ., 1959, 126, № 1, 53–56.
- [17] *Вуйичич Г. М., Петру З. К., Плакида Н. М.*— ТМФ, 1981, 46, № 1, 91–98.
- [18] *Элиашберг Г. М.*— ЖЭТФ, 1960, 39, № 5, 1437–1441.
- [19] *Холас А., Плакида Н. М., Куземский А. Л.* Самосогласованная теория электрон-фононного взаимодействия в переходных металлах. Сообщение P17-80-741. Дубна: ОИЯИ, 1980.
- [20] *Боголюбов Н. Н.*— ДАН СССР, сер. матем. и физ., 1958, 119, № 2, 244–246.
- [21] *Плакида Н. М., Холас А., Куземский А. Л.* Электрон-фононное взаимодействие в модели Хаббарда с сильной корреляцией. Сообщение P17-80-773. Дубна: ОИЯИ, 1980.
- [22] *Gasser W.*— Phys. stat. sol. (b), 1978, 89, № 1, 165–169.
- [23] *Тябликов С. В.* Методы квантовой теории магнетизма. М.: Наука, 1975.
- [24] *Вакс В. Г., Ларкин А. И., Пикин С. А.*— ЖЭТФ, 1967, 53, № 3, 1089–1106.
- [25] *Plakida N. M.*— Phys. Lett., 1973, 443, № 9, 481–482.
- [26] *Elk K.*— Phys. stat. sol. (b), 1979, 96, 251–257.
- [27] *Peter M. et al.*— Helv. Phys. Acta., 1974, 47, № 7, 807–832.
- [28] *Allen P. B.* Phonons and the Superconducting Transition Temperature. In: Dynamical Properties of Solids, Horton G. K. and Maradudin A. A. eds. North-Holland Publ. Company, 1980, ch. 2, 95–196.

Объединенный институт ядерных исследований

Поступила в редакцию  
23.IX.1981 г.

## EQUATIONS OF SUPERCONDUCTIVITY FOR TRANSITION METALS IN THE WANNIER REPRESENTATION

Vujicic G. M., Kuzemsky A. L., Plakida N. M.

System of equations of superconductivity for the tight-binding electrons in the transition metal described by the Hubbard Hamiltonian is derived. The electron-phonon interaction is written down for the «rigid ion model». Neglecting the vertex corrections in the self-energy operator the closed system of equations is obtained.