ВЛАДИМИРСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕ имени Александра Григорьевича и Николая Григорьевича Столетовых

<u>Лекция 3.</u> Квантовые технологии со связанными состояниями среды и поля

Алоджанц Александр Павлович

Alexander_AP@list.ru

- *) Кафедра физики и прикладной математики Владимирского государственного университета , Владимир
- **) Российский квантовый центр, Сколково







Problems Under Discussion

- 1. Introduction: quantum storage and superfluid properties of polaritons
- 2. Modern optical cavities for trapping and processing of photons.
- 3. Low dimensional lattice models for trapping and localization of coupled matter-field states –polaritons ;
- 4. Nonlinear properties of polaritons in the lattice; Solitons;
- 5. Quantum storage and memory with atomic polaritons.

Motivation

It is connected with modern problems of quantum information and communication - key problems for quantum cryptography.

In QC-systems information transmitted and processed by means of quantum states $|\Psi\rangle$ of small amount of photons with different basis of light polarization.

Conceptual scheme of QC



Experimental set-up, Wien University, 2004



Poincare sphere cross section



Polarization qubit coding under the BB84 protocol

Basic principles

Фундаментальные ограничения

- Невозможно копировать неизвестное квантовое состояние.
- ✓ Каждое измерение вносит возмущение в систему.
- ✓ Невозможно с абсолютной точностью одновременно измерить поляризацию фотона в горизонтально-вертикальном и диагональном базисах.

Практические проблемы

- Одиночные фотоны очень хрупкие объекты: нужны эффективные методы управления их состояниями и перепутыванием.
- Нужны методы оптимального измерения характеристик одиночных фотонов
- Нужны эффективные методы отражения атак подслушивания..



Возможное решение - квантовая память : хранение и манипулирование квантовыми состояниями света.

Classical Information Processing

Classical memory devices

✓ Operate with classical signals (bits);
 ✓ Storage time physically is very large;
 ✓ Restored signal is "ideal".

Classical storage



classical fidelity

input image

output(stored) image

Classical fidelity is limited by classical (technical) noises in memory device



Quantum Information Processing

Quantum memory "device"

 ✓ Operate with quantum signals (qubits);
 ✓ Storage time physically is restricted by time of decoherence of storage device;
 ✓ Restored signal is modified.

"Fly qubits" – photons are natural carriers for quantum information

Quantum fidelity





Georgia Tech. Lab, USA

Input state

Storage device- "black box"

Output state

Fidelity is limited by quantum noises and matter-field decoherence effects

Basic Requirements for Quantum Memory

We need to have:

- 1. Coherent atom-field interaction for a long times (for current experiments storage time is ${\leq}\,100\,\mu\,s$;
- 2. Effective manipulation by group velocity of light.

Existing processes preserving coherence for that are:

- EIT effect in atomic systems (M. Lukin, L. Hau et al)
- QND type schemes of atom-field interaction (*I.Cirac, E.Polzik, et al*);
- Photonic crystals, coupled resonator optical waveguides (CROW's), (M. F. Yanik, S. Fan).
- Photon echo (S. Moiseev, et al)

Our proposal is based on to usage of

- 1. Band-gap structures for complete localization of the light,
- 2. Coherent (superfluid) coupled matter-field states polaritons

Какие Резонаторы Нам Нужны?

Закрытые СВЧ-резонаторы?

Вайнитейн Л.А. Открытые резонаторы и открытые волноводы. М.: Сов. радио. 1966. 475 с.





Межмодовый интервал частот:

$$\Delta v \propto c / L_{cav}$$

Дисковый резонатор на длине волны 11-13мм, *А.И. Барчуков, А.М. Прохоров ,* Радиотех. и электроню 14, 2094– (1959)

Число высокодобротных колебаний на оптических частотах очень велико так как $L_{cav}>>\lambda$, где λ - длина волны света.

Лазерные Резонаторы

Открытые резонаторы - Ю.А. Ананьев, ОПТИЧЕСКИЕ РЕЗОНАТОРЫ И ЛАЗЕРНЫЕ ПУЧКИ, Наука, 1990





Начальные сведения. Немного истории. Для существования самой возможности генерации требуется, чтобы резонатор имел сравнительно добротные (медленно затухающие) собственные колебания, или моды, частоты которых приходятся на полосу усиления активной среды.

Резонаторы оптического диапазона представляют собой весьма специфические резонансные системы, главным образом, благодаря тому, что их собственные размеры обычно на несколько порядков превышают рабочую длину волны. Это исключает возможность применения широко распространенных в СВЧ-диапазоне закрытых резонаторов, представляющих собой замкнутую полость с отражающими стенками: число высокодобротных колебаний на оптических частотах у них было бы непомерно велико. Поэтому здесь используются открытые, не имеющие боковых стенок, резонаторы, в простейшей своей модификации состоящие из двух установленных друг против друга зеркал, между которыми и помещается активная среда. Сама

Опять Закрытые Резонаторы

Волны Шепчущей Галереи

Брагинский В.Б., Ильченко В.С. Свойства оптических диэлектрических резонаторов // Докл. АН СССР. 1987. Т. 293, № 6. С. 1358–1563.

Шепчущая галерея под куполом святого Павла в Лондоне





Волна шепчущей галереи у поверхности вогнутого зеркала. Стрелками указаны направления входа и выхода волны. *О* – центр кривизны зеркала, α – угол скольжения, *PP*' и *QQ*' – касательные к поверхности зеркала

МШГ для цилиндрического волновода

Уравнение Гельмгольца:



Optical Microcavities; Outlook

Kerry J. Vahala, CalTech. 2003



n is the material refractive index, Q_s quality factor, F_s a finesse, V_s cavity volume, if not indicated, was not available. Two Q_s uses are cited for the add/drop filter: one for a polymer design, Q_{Poly} and the second for a III–V semiconductor design. 12

Atom Near the Surface of a Toroidal Resonator

Scheme of SiOtoroidal resonators chain - CalTech, 2011



Temperature of the cloud $T=10\mu K$

Experimentally achieved single photon Rabi frequency is 50MHz



Photonic Crystals (PhC)

Periodic dielectric structures with photonic band gaps

<u>Textbook:</u> J.D. Joannopoulos et al, *Photonic Crystals. Molding the Flow of Light,* PRINCETON, 2008

2D Photonic Crystals with Defects

How else can we confine light?

Point defects (microcavities)

Line defects (waveguides)

 $a\sim 0.5-2\mu m$

Main features

✓Quality factor is $~~~10^{5}$

✓ Cavity volume is very small:

Guiding light in air due to gap only!

Such a properties can be used for effective atom trapping

 $1.2(a/n)^3 \sim 1\mu m^3$

Polaritons in Atomic OpticsAtomic polaritons; definitionPolariton = $C \longrightarrow X$ PhotonPhoton

Quantum coherence and phase transition under the atom-field interaction

- M. Fleischhauer, M.D. Lukin, Phys. Rev. A 65, 022314 (2002) - EIT polaritons ;

- A.D. Greentree, et al, Nature Physics 2, 856 (2006) - polaritons in PC cavity array;

Microcavities with defects in band gap spatially-periodical structures

Microcavity in waveguide

Microcavity based on defects in PC

Ripin D.J. et al. J. Appl. Phys. 87, 1578 (2000)

Vučković E. et al. Phys. Rev. E. 65, 016608 (2002)

Resonant scattering spectroscopy of a QD strongly coupled to a PC cavity.

A. Reinhard, et al, Nature, v.6, p.93 (2012)

The Model of 1D Cavity Chain with Two-level Atoms

The scheme; E.S. Sedov, A.P. Alodjants, S.M. Arakelian, Y.Y. Lin, R.-K. Lee, 2012

Numerical estimations taken for rubidium atoms:

 $\omega_{ab}/2\pi = 382THz$ Average resonance frequency for D-lines is $\Gamma \approx 38 MHz$ Spontaneous emission rate is

Atom-field coupling strength is $g = 2\pi \times 63.2 \text{GHz}$ Number of atoms at each of cavity is Cavity field decay rate is Atom-atom coupling rate is

N = 5 with stomic density $\gamma_c = 2\pi \times 30MHz$

 $\eta = 2\pi \times 0.73$ kHz

 $\rho = 10^{14} cm^{-3}$

Basic Equations The Hamiltonian is $\widehat{H}_{\text{HP}} = \hbar \sum_{i=1}^{M} \left\{ \Delta \widehat{a}_{i}^{\dagger} \widehat{a}_{i} + g \left(\widehat{a}_{i}^{\dagger} \widehat{b}_{i} + \widehat{a}_{i} \widehat{b}_{i}^{\dagger} \right) - \frac{g}{2N} \left[\widehat{a}_{i}^{\dagger} \widehat{b}_{i}^{\dagger} \widehat{b}_{i} \widehat{b}_{i} + \widehat{a}_{i} \widehat{b}_{i}^{\dagger} \widehat{b}_{i}^{\dagger} \widehat{b}_{i} \right] + \frac{g}{2N} \left[\widehat{a}_{i}^{\dagger} \widehat{b}_{i}^{\dagger} \widehat{b}_{i} \widehat{b}_{i} + \widehat{a}_{i} \widehat{b}_{i}^{\dagger} \widehat{b}_{i}^{\dagger} \widehat{b}_{i} \right] + \frac{g}{2N} \left[\widehat{a}_{i}^{\dagger} \widehat{b}_{i}^{\dagger} \widehat{b}_{i} \widehat{b}_{i} + \widehat{a}_{i} \widehat{b}_{i}^{\dagger} \widehat{b}_{i}^{\dagger} \widehat{b}_{i} \right] + \frac{g}{2N} \left[\widehat{a}_{i}^{\dagger} \widehat{b}_{i}^{\dagger} \widehat{b}_{i} \widehat{b}_{i} - \widehat{b}_{i}^{\dagger} \widehat{b}_{i} \widehat{b}_{i} - \widehat{b}_{i}^{\dagger} \widehat{b}_{i} \widehat{b}_{i} - \widehat{b}_{i}^{\dagger} \widehat{b}_{i} \widehat{b}_{i} \widehat{b}_{i} - \widehat{b}_{i}^{\dagger} \widehat{b}_{i} \widehat{b}_{i}$ Photon-atom Nonlinearity interaction $+\frac{\eta}{N}\left(\hat{b}_{i}^{\dagger}\hat{b}_{i}\hat{b}_{i}^{\dagger}\hat{b}_{i}-N\hat{b}_{i}^{\dagger}\hat{b}_{i}\right)-\alpha\left(\hat{a}_{i}^{\dagger}\hat{a}_{i+1}+\hat{a}_{i+1}\hat{a}_{i}\right)\right\}$ Atom-atom Photon tunneling interaction

Discrete Heisenberg Equations for photonic field and atomic polarization operators : \hat{b}_i

$$i\frac{\partial}{\partial t}\hat{b}_{i} = g\left[\hat{a}_{i} - \frac{1}{2N}\left(\hat{a}_{i}^{\dagger}\hat{b}_{i}\hat{b}_{i} + 2\hat{a}_{i}\hat{b}_{i}^{\dagger}\hat{b}_{i}\right)\right] - \eta\hat{b}_{i} + \frac{2\eta}{N}\hat{b}_{i}^{\dagger}\hat{b}_{i}\hat{b}_{i}$$
$$i\frac{\partial}{\partial t}\hat{a}_{i} = \Delta\hat{a}_{i} - \alpha\left(\hat{a}_{i+1} + \hat{a}_{i-1}\right) + g\left[\hat{b}_{i} - \frac{1}{2N}\left(\hat{b}_{i}^{\dagger}\hat{b}_{i}\hat{b}_{i}\right)\right]$$

Mean-Field Equations in Continuous Limit

Mean field approach:

$$\hat{a}_i \rightarrow \langle \hat{a}_i \rangle / \sqrt{N_{\text{pol}}} = \psi / \sqrt{N_{\text{pol}}}$$

$$\hat{b}_i \rightarrow \langle \hat{b}_i \rangle / \sqrt{N_{\text{pol}}} = \beta / \sqrt{N_{\text{pol}}}$$

Atomic polarization variable

 $N_{\rm pol} = \left| \left\langle \hat{a} \right\rangle \right|^2 + \left| \left\langle \hat{b} \right\rangle \right|^2$ is total number of polaritons

Normalization condition:

$$|\psi|^2 + |\beta|^2 = 1$$

Mean field equations:

$$i\partial_t \psi = (\Delta - 2\alpha - i\gamma_c)\psi - \alpha d^2 \partial_{xx}\psi + g\beta - U_{sat} |\beta|^2 \beta$$

$$i\partial_{t}\beta = -(i\Gamma_{d} + \eta)\beta + g\psi - U_{\text{sat}} \begin{bmatrix} \beta^{2}\psi^{*} + 2\psi \mid \beta \mid^{2} \end{bmatrix} + U_{\text{int}} \mid \beta \mid^{2} \beta$$
$$U_{\text{int}} \equiv 2\eta n_{\text{pol}} \qquad U_{\text{sat}} \equiv gn_{\text{pol}}/2 \qquad n_{\text{pol}} = N_{\text{pol}}/N$$

Multiple-Scale Envelope Function Method

C. M. de Sterke and J. E. Sipe, *Phys. Rev.* A 38, 5149 (1988)

The core of the method is

(i) Different time and length scale

$$t_m = \lambda^m t$$
 $x_m = \lambda^m x$ $\lambda \ll 1$, $m = 0, 1, 2, ...$

(ii) Small parameter expansion

$$\psi = \lambda \psi^{(1)} + \lambda^2 \psi^{(2)} + \lambda^3 \psi^{(3)} + \dots$$
$$\beta = \lambda \beta^{(1)} + \lambda^2 \beta^{(2)} + \lambda^3 \beta^{(3)} + \dots$$

Dispersion Characteristics

Polariton Group Velocities

Wave equation for optical wave packet envelope:

 $\gamma_c, \Gamma < g$

The parameters are:

 $k = 0.1, \ \gamma = 0, \ g = 10, \ \alpha = d = 1$

Ginzburg-Landau Equation for UB Polariton-Solitons

$$\sim \lambda^{3}: \qquad i\frac{\partial\Psi}{\partial\tau} + \frac{1}{2}\frac{\partial^{2}\Psi}{\partialx^{2}} + |\Psi|^{2}\Psi = -i\varepsilon_{1}|\Psi|^{2}\Psi + i\varepsilon_{2}\frac{\partial^{2}\Psi}{\partialx^{2}}$$
where $\Psi = \lambda E^{(1)}$ is field amplitude Diffusion
Perturbation coefficients ε_{1} and ε_{2}

$$g = 2\pi \times 63.3 \text{ GHz}, \ \alpha = 2\pi \times 10 \text{ GHz}, \ \gamma_{c} = 2\pi \times 30 \text{ MHz}, \ \Gamma_{d} = 2\pi \times 6 \text{ MHz}, \ -0.5 \times 10^{3}$$

$$d = 5\mu\text{m}, \ n_{\text{pol}} = 0.01.$$

Perturbed bright UB polariton-solitons

V.I. Karpman, V.I. Maslov, *Perturbation theory for solitons*, JETP 75, 537 (1977) Bright soliton solution:

$$\Psi(\tau, x) = 2A \operatorname{sech}\left[2A\left(x - \zeta(\tau)\right)\right]e^{i\varphi(\tau, x)}$$

A , $\zeta(\tau)$, $\varphi(\tau, x)$ are amplitude, position and phase for the solitons

Equations for perturbed soliton parameters

$$\dot{A} = -\frac{8}{3} (2\varepsilon_1 + \varepsilon_2) A^3 - \frac{1}{2} \varepsilon_2 v^2 A \longrightarrow \text{for amplitude}$$

$$\dot{v} = -\frac{16}{3} \varepsilon_2 v A^2 \longrightarrow \text{for velocity}$$

$$\dot{\zeta} = \frac{v}{2} \longrightarrow \text{for position}$$

$$\dot{\delta} = \frac{v^2}{2} + 2A^2 \longrightarrow \text{for phase}$$

Bright Polariton Soliton Parameters

Field decay rate $\gamma_c = 2\pi \times 30MHz$ atom spontaneous emission $\Gamma = 2\pi \times 6MHz$ Atom-field coupling strength $g = 2\pi \times 63.2GHz$,Photon hopping parameter $\alpha = 2\pi \times 10GHz$,Cavity sizeCavity size $d = 5\mu m$,Polariton number density $n_{pol} = 0.01$

Storage of Quantum Optical Information

LB polaritons as coherent wave packets $S \equiv |\Psi(x,t)| / |\Psi(0,0)|$ versus normalized time $T = \hbar t / m_{ph} f^2$ and spatial coordinate X = x / f

is width of polaritonic wave packet.

- 2 storage stage ("stopped" light),
- 3 retrieving stage

Normalized probability density

 $S \equiv \left|\Psi(x,t)\right|^2 / \left|\Psi(0,0)\right|^2$

The storage time is limited by excited level lifetime which is about 27*nsec*.

Conclusions

• Современные квантовые технологии позволяют создавать микро – и нано резонаторы высокой добротности и осуществить сильную связь между отдельным атомом и полем.

✤ Для квантовых вычислений особое значение имеют решетки таких резонаторов – поляритонные кристаллы, позволяющие полностью локализовать поляритоны в своей структуре. Сильная нелинейность в этом случае гарантируется поляритон-поляритонным рассеянием.

✤ С точки зрения квантовой записи и хранения информации особый интерес представляют устойчивые образования - поляритонные солитоны, число частиц в которых благодаря большой нелинейности может быть очень малым.

✤Квантовая запись и хранение информации в этом случае может быть основано на эффективном управлении поляритонным волновым пакетом в среде.

Recent Publications

 ✓ I-H. Chen, Y. Y. Lin, Y.-C. Lai, E. S. Sedov, A. P. Alodjants, S. M. Arakelian, R.-K. Lee, *Phys. Rev. A*, v.86, p.023829 (2012),
 ✓ E. S. Sedov, A. P. Alodjants, S. M. Arakelian, Y.Y. Lin, R.-K. Lee. *Phys. Rev. A*, v.84, p. 013813 (2011).

Stoletov's Vladimir State University

as a Regional Leader in Education, Science and Innovation

Natural/Basic Lechnical and Humanitarian lields •26.000 студентов •1.300 сотрудников и научных работников •18 Институтов •52 Кафедры Годовой бюджет (2011) 55.000 000 USD

Main features

including R&D 17.000.000 USD

29

Quantum and Atomic Optics at VISU

<u>The goal</u> is investigation of fundamental problems of coupled matter-field states for quantum and classical optical information transmission and processing

Main directions of our activity

1. Quantum optics with ultra-high density atomic gases.

- Thermalization of coupled atom-light (dressed) states;
- High-temperature phase transition problem for polaritons trapped in metallic micro-waveguides in the presence of optical collisions;

2. Quantum optics and quantum information with band-gap structures and waveguides

- Polaritons in band-gap atomic and solid state 2D microstructures;
- Quantum information processing with coherent polaritons at matter-field interface.
- Design of waveguide and interferometer containing circuits for quantum information transmission.

Members of Quantum Optics Group at VISU

Professor , Dr. Sci. Sergey M. Arakelian

Professor, Dr. Sci. A.P. Alodjants

Associate Prof. Dr. Alexei V. Prokhorov

Associate Prof. Dr. Andrei Yu. Leksin

PhD Students

Igor O. Barinov

Mikhail Gubin

Igor Yu. Chestnov

Evgenii S. Sedov

Martin V. Charukhchyan

Third Russian-Taiwan School-Seminar on Nonlinear Optics and Photonics June 14-17, 2013 Suzdal/Vladimir, Russia

Conference

Joint Taiwan-Russia School-Seminar on Nonlinear Optics and Photonics will be organized for the third time. The previous two joint Russia-Taiwan symposia "Nonlinear Optics and Photonics" were organized under the NSC-RFBR program in the beginning by the International Laser Center of MSU in Moscow, Russia in 2008 then by Institute of Photonics Technologies, National Tsinghua University, in Hsinchu, Taiwan in 2011. These symposia were a success and provided a basis for further interaction and research co-operation of two complementary scientific communities in Taiwan and Russia. As a result of face-to-face interaction and fruitful discussions several research groups from Taiwan and Russia began scientific collaboration in fields of experimental and theoretical modern non-linear optics and photonics.

http://agora.guru.ru/rts-nop-2013

Приглашаются все заинтересованные!

Стипендии для молодых ученых

Российский Квантовый Центр объявляет конкурс стипендиальных программ для талантливых молодых ученых среди кандидатов наук и аспирантов. Стипендиями будут награждаться победители, отобранные на основе международного конкурса.

RQC обеспечивает широкий спектр возможностей для проведения исследований в области квантовой оптики и квантовых технологий:

• Квантовая оптика

Квантовая инженерия

• Квантовые материалы

Нанофотоника и метаматериалы

• Квантовая обработка информации

Заявки и перечисленные ниже документы следует направлять на почту <u>fellowApplication@rqc.ru</u> до 10 февраля 2013 года:

Весенняя школа

Russian Quantum Center is organizing a Spring School for graduate students and postdocs on March 17-23, 2013 in Moscow. The School will cover following topics:

- Nonlinear optics and advanced photonics
 Quantum technology of light
- Quantum physics with superconducting circuits
 Optomechanics

INTERNATIONAL CONFERENCE ON QUANTUM TECHNOLOGIES

The Second International Conference on Quantum Technologies will take place in Moscow on July 20-24, 2012. It is organized by the <u>Russian Quantum Center</u>. We expect this interdisciplinary meeting to bring together over 100 experts from various fields of physics exploring frontiers of quantum technologies and include sessions on

- mesoscopic physics,
- quantum optics,
- quantum co
- ultra-cold atoms and molecules,
- quantum information,
- quantum communication. http://www.rqc.ru/about/

Выводы

Подведем краткий итог сказанному. В силу того что по самой логике своего развития система научных исследований и научного образования непрерывно отягощается громоздкими административными структурами, заботами финансирования и тяжеловесным механизмом регламентаций и планирования, становится более чем когда-либо необходимым охранять свободу научного творчества и свободную инициативу оригинальных исследований, поскольку эти факторы всегда были и останутся самыми плодотворными источниками великого прогресса Науки.

25 апреля 1978 г.

Луи де Бройль

Спасибо за внимание!

Alexander_AP@list.ru