Адронный вклад в аномальный магнитный момент мюона от процесса рассеяния света на свете в рамках нелокальной кварковой модели.

> Жевлаков А.С. Руководитель: Раджабов А.Е. (ИДСТУ СО РАН)

3 июня 2014, ЛТФ им.Н.Н.Боголюбова

<u> イロト (</u>) ・ () ・ () - 三

Защита будет проводиться в совете при Иркутском государственном университете:

Ведущей организацией: Институт ядерной физики им. Будкера СО РАН (Новосибирск).

#### Оппоненты:

- Иванов Михаил Алексеевич, доктор физико-математических наук, профессор, объединенный институт ядерных исследований, ЛТФ им.Боголюбова, Дубна
- Киселев Алексей Владимирович, кандидат физико-математических наук, старший научный сотрудник, институт математика им.Соболева СО РАН, Новосибирск

Вычисление вклада сильных взаимодействий от процесса рассеяния света на свете в аномальный магнитный момент мюона в рамках нелокальной кварковой модели:

- разработка эффективной теоретической модели сильных взаимодействий.
- вычисление вклада сильных взаимодействий в рамках построенной модели, оценка ошибки вычисления вклада.
- Оравнение с предсказаниями других теоретическими моделей сильного взаимодействия.

◆□▶ ◆□▶ ◆目▶ ◆目▶ 目 のへで

Научные положения, выносимые на защиту:

- Построен явный вид вершинных функций описывающих нелокальное взаимодействие кварков с тремя или с четырьмя внешними калибровочными полями. Построены формфакторы перехода скалярных и псевдоскалярных мезонов в два виртуальных фотона.
- Вычислен вклад в аномальный магнитный момент мюона от процесса рассеяния света на свете с участием легких скалярных и псевдоскалярных мезонных состояний.
- Вычислен вклад в аномальный магнитный момент мюона от процесса рассеяния света на свете в случае контактной диаграммы типа кварковый бокс.

# Аппробация работы

#### Данная работа была представлена на школах и конференциях:

- Международная Байкальская летняя школа по физике Элементарных Частиц и Астрофизике, организуемая Иркутским Государственным Университетом и Объединенным Институтом Ядерных Исследований (Дубна) (п. Большие Коты) 2010, 2011.
- 2. Ляпуновские чтения. (Иркутск, ИДСТУ СО РАН, 2011).
- Dubna International Advanced School of Theoretical Physics HIC for FAIR Workshop and School Dense QCD phases in Heavy-Ion Collisions DM2010, 2010 (г. Дубна. 21 августа - 4 сентября, 2010).
- Dubna International Advanced School of Theoretical Physics Helmholtz International School "Lattice QCD, Hadron Structure and Hadronic Matter"(Дубна, Сентябрь 5-17, 2011).
- 5. The "International Workshop on e- e+ collisions from phi to psi"(Новосибирск, Институт Ядерной Физики им.Будкера СО РАН, сентябрь 19-22, 2011).

- 6. XXI International Baldin Seminar "Relativistic Nuclear Physics and Quantum Chromodinamics" (Россия, Моск. Обл., г.Дубна, ОИЯИ, 10-15 сентября, 2012).
- 7. The 7-th APCTP-BLTP JINR Joint Workshop "Modern problems in nuclear and elementary particle physics". (Россия, Иркутская область, п. Большие Коты, 14-19 июля, 2013).

◆□▶ ◆□▶ ◆臣▶ ◆臣▶ 臣 のへで

и на семинаре в Институте математики им. Соболева СО РАН.

### План

Введение.

#### Глава 1. Нелокальная кварковая модель.

1.1 Лагранжиан.

1.2 Введение внешних калибровочных полей.

1.3 Выводы.

# Глава 2. Рассеяние света на свете І. Промежуточный мезонное состояние.

- 2.1 Промежуточный псевдоскалярное состояние.
- 2.2 Промежуточный скалярное состояние.
- 2.3 Выводы.

#### Глава 3. Рассеяние света на свете II. Контактные диаграммы.

- 3.1 Диаграмма кварковый бокс.
- 3.2 Вычисление вклада от контактной диаграммы.
- 3.3 Дискуссия
- 3.4 Выводы.

Заключение.

#### Приложение.

Список литературы.

Движение точечной заряженной частицы со спинов 1/2 описывается уравнением Дирака

$$i\hbar\frac{\partial\psi}{\partial t} = \left[\frac{p^2}{2m} - \frac{e}{2m}(\vec{L} + 2\vec{S})\vec{B}\right]\psi\tag{1}$$

Магнитный момент  $\mu$  можно связать со спином частицы S.

$$L_{I} = \vec{\mu}_{S}\vec{B}; \qquad \vec{\mu}_{S} = g_{S}(\frac{e}{2m})\vec{s};$$
$$a = \frac{g_{S}-2}{2}; \qquad \mu = (1+a)\frac{eh}{2m}$$
(2)

◆□▶ ◆□▶ ◆三▶ ◆三▶ 三三 のへで

В общем виде вершину взаимодействия фермиона, спин 1/2, с внешним полем можно представить как:

$$-ie\bar{u}(p')\left\{\gamma_{\mu}F_{1}(q^{2})+i\sigma_{\mu\nu}\frac{q_{\nu}}{2m}F_{2}(q^{2})+\gamma_{5}\sigma_{\mu\nu}\frac{q_{\nu}}{2m}F_{3}(q^{2})\right\}u(p)e_{\mu}(q),\quad(3)$$

◆□▶ ◆□▶ ◆目▶ ◆目▶ 目 のへで

*F*<sub>1</sub> – распределение электрического заряда,

 $F_2$  – соответствует аномальному магнитному моменту (AMM)

$$a = (g - 2)/2 = F_2(0),$$

F<sub>3</sub> – аномальный дипольный момент.

В Стандартной модели электрослабого взаимодействия  $a \neq 0$ . Это обусловлено квантовыми поправками.

Вклады	ФАКТОР <b>10</b> <sup>-11</sup>
QED (leptons)	$116\;584\;718.85\pm0.04$
$HVP(lo)[e^+e^-]$	$6~923\pm42$
HVP(ho)	$-98.4\pm0.7$
HLbyL	$105\pm26$
EW	$153\pm1$
Total SM	$116591801\pm49$
Exp	$116592089\pm63$
TheorExp.	$262\pm89$

Таблица: Вклады различных взаимодействия в g-2 мюона в Стандартной модели Phys. Rev. D 83 (2011) 094006



by Graziano Venanzoni, arXiv:1203.1501v1



by Graziano Venanzoni, arXiv:1203.1501v1

# $(g-2)_{\mu}$ . Адронный вклад



 $a_{\mu}^{HVP}=(692.3\pm4.2) imes10^{-10}({\sf Davier,\,Hoecker,\,Zhang})$ 

- Вклад адронной поляризации вакуума составляет 99% и дает теоретической ошибки. Его можно извлекать из экспериментов по измерению сечения рассеяния e<sup>+</sup>e<sup>−</sup> → адроны и τ → адроны.
- Вклад от процесса рассеяния света на свете (LbL) составляет 1% и другую половину ошибки. Является модельно зависимым.

(4)

# $N\chi QM$

Лагранжиан нелокальной кварковой модели:

$$\mathcal{L} = \bar{q}(x)(i\hat{\partial} - m_c)q(x) + \frac{G}{2}[J_S^a(x)J_S^a(x) + J_P^a(x)J_P^a(x)] - \frac{H}{4}T_{abc}[J_S^a(x)J_S^b(x)J_S^c(x) - 3J_S^a(x)J_P^b(x)J_P^c(x)]$$
(5)

$$T_{abc} = \frac{1}{6} \epsilon_{ijk} \epsilon_{mnl} (\lambda_a)_{im} (\lambda_b)_{jn} (\lambda_c)_{kl},$$

Нелокальный ток:

$$J_{M}^{a}(x) = \int d^{4}x_{1}d^{4}x_{2} f(x_{1})f(x_{2}) \bar{q}(x-x_{1})\Gamma_{M}^{a}q(x+x_{2}), \qquad (6)$$

$$q(x) \rightarrow Q(x,y) = Pexp(-i\int_{x}^{y} dz^{\mu}A_{\mu}(z))q(y)$$
(7)

◆□▶ ◆□▶ ◆三▶ ◆三▶ 三三 のへで

# $N\chi QM$

Бозонизованное действие получается в виде:

$$S = \ln \det A - \int d^4x \left[ \sigma^a S^a + \pi^a P^a + \frac{G}{2} (S^a S^a + P^a P^a) + \frac{H}{4} T_{abc} (S^a S^b S^c + S^a P^b P^c) \right]$$

где

$$A = (\widehat{p} - m_c)\delta(p - p') + f(p)[\sigma^a(p - p') + i\gamma^5\pi^a(p - p')]\lambda^a f(p')$$



 $N\chi QM$ .

Для учета взаимодействия с внешним калибровочным полем:

$$q(x) \to Q(x,y) = \operatorname{Pexp}\left(ie \int_{y}^{x} du_{\mu} V_{\mu}(u)\right) q(x).$$
(8)

$$ie\Gamma^{\mu}(x,y,z) = -rac{\delta^3 S}{\delta V_{\mu}(x)\delta q(y)\delta \bar{q}(z)}.$$
 (9)

[J. Terning, Phys. Rev. D 44, 887 (1991)] Вершинная функция квар-антикварк-фотон  $\Gamma_{\mu} = \gamma_{\mu} - (p_1 + p_2)_{\mu} m^{(1)}(p_1, p_2),$  кварк-антикварк-пара фотонов  $\Gamma_{\mu\nu}(q_1, q_2) = -\left[2g_{\mu\nu}m^{(1)}(k, k_{12}) + (k + k_1)_{\mu}(k_1 + k_{12})_{\nu}m^{(2)}(k, k_1, k_{12}) + (k + k_2)_{\nu}(k_2 + k_{12})_{\mu}m^{(2)}(k, k_2, k_{12})\right]$ (10)  $N\chi QM$ 



Рис.: Диаграммы описывающие взаимодействие кварков с внешними калибровочными полями и мезонами.



◆□▶ ◆□▶ ◆目▶ ◆目▶ 目 のへぐ

# Light-by-Light



Рис.: Образование промежуточного мезонного состояния за счет 4-х кваркового взаимодействия при учете полного набора диаграмм. Три вида диаграмм, которые возможны в рамках нелокальной модели с учетом скалярных и псевдоскалярных токов.



Рис.: Топологически отличные диаграммы описывающие процесс рассеяния света на свете в нелокальной кварковой модели. Последняя диаграмма редуцируются за счет учета 4-х кваркового взаимодействия.



Рис.: Вклад процесса рассеяния света на свете с промежуточным мезонным состоянием.

$$\begin{aligned} \Pi_{\mu\nu\lambda\rho}(q_1,q_2,q_3) &= \\ &= \int d^4 x_1 \int d^4 x_2 \int d^4 x_3 e^{i(q_1 \times_1 + q_2 \times_2 + q_3 \times_3)} \left< 0 \right| \mathcal{T}(j_{\mu}(x_1) j_{\nu}(x_2) j_{\lambda}(x_3) j_{\rho}(0)) |0\rangle \,, \end{aligned}$$

где  $j_\mu(x)$  – электромангнитный ток, а |0
angle отвечает КХД состоянию вакуума.

21

#### Вклад в АММ мюона:

$$a_{\mu}^{\mathrm{LbL}} = rac{1}{48m_{\mu}} \mathrm{Tr}\left((\hat{p}+m_{\mu})[\gamma^{
ho},\gamma^{\sigma}](\hat{p}+m_{\mu})\Pi_{
ho\sigma}(p,p)
ight),$$

где

$$\Pi_{\rho\sigma}(\rho',\rho) = -ie^{6} \int \frac{d^{4}q_{1}}{(2\pi)^{4}} \int \frac{d^{4}q_{2}}{(2\pi)^{4}} \frac{1}{q_{1}^{2}q_{2}^{2}(q_{1}+q_{2}-k)^{2}} \times \\ \times \gamma^{\mu} \frac{\hat{\rho}'-\hat{q}_{1}+m_{\mu}}{(\rho'-q_{1})^{2}-m_{\mu}^{2}} \gamma^{\nu} \frac{\hat{\rho}-\hat{q}_{1}-\hat{q}_{2}+m_{\mu}}{(\rho-q_{1}-q_{2})^{2}-m_{\mu}^{2}} \gamma^{\lambda} \times \\ \times \frac{\partial}{\partial k^{\rho}} \Pi_{\mu\nu\lambda\sigma}(q_{1},q_{2},k-q_{1}-q_{2}).$$
(11)

◆□▶ ◆□▶ ◆臣▶ ◆臣▶ 臣 のへで

$$\frac{\partial}{\partial k^{\rho}} \Pi^{\mu\nu\lambda\sigma}(q_{1}, q_{2}, k - q_{1} - q_{2}) = i\frac{\Delta^{\mu\nu}(q_{1} + q_{2}, q_{1}, q_{2})}{(q_{1} + q_{2})^{2} - M^{2}} \frac{\partial}{\partial k^{\rho}} \Delta^{\lambda\sigma}(q_{1} + q_{2}, -q_{1} - q_{2}, k) 
+ i\frac{\Delta^{\nu\lambda}(-q_{1}, q_{2}, -q_{1} - q_{2})}{q_{1}^{2} - M^{2}} \frac{\partial}{\partial k^{\rho}} \Delta^{\mu\sigma}(-q_{1}, q_{1}, k)$$

$$+ i\frac{\Delta^{\mu\lambda}(-q_{2}, q_{1}, -q_{1} - q_{2})}{q_{2}^{2} - M^{2}} \frac{\partial}{\partial k^{\rho}} \Delta^{\nu\sigma}(-q_{2}, q_{2}, k) + O(k)$$
(12)

◆□▶ ◆□▶ ◆臣▶ ◆臣▶ 臣 のへで

рассматриваем в статическом приделе по импульсу *k*. Третий импульс выражается из закона сохранения импульсов.

### LbL с промежуточным мезонным состоянием

Усредняя по фазовому пространству мюона, получаем

$$a_{\mu}^{\text{LbL}} = -\frac{2\alpha^3}{3\pi^2} \int_{0}^{\infty} dQ_1^2 \int_{0}^{\infty} dQ_2^2 \int_{-1}^{1} dt \sqrt{1 - t^2} \frac{1}{Q_3^2} \times \sum_{\text{mesons}} \left[ 2 \frac{\mathcal{N}_1^5}{Q_2^2 + M_5^2} + \frac{\mathcal{N}_2^5}{Q_3^2 + M_5^2} \right],$$
(13)

◆□▶ ◆□▶ ◆三▶ ◆三▶ 三三 のへで

где

$$\begin{split} \mathcal{N}_{1}^{\mathcal{S}} &= \sum_{\mathrm{X}=\mathrm{A},\mathrm{B}'} \sum_{\mathrm{Y}=\mathrm{A},\mathrm{B}} \mathrm{X}_{\mathcal{S}} \left( \mathcal{Q}_{2}^{2};\mathcal{Q}_{2}^{2},0 \right) \mathrm{Y}_{\mathcal{S}} \left( \mathcal{Q}_{2}^{2};\mathcal{Q}_{1}^{2},\mathcal{Q}_{3}^{2} \right) \mathrm{Ts}_{1}^{\mathrm{XY}}, \\ \mathcal{N}_{2}^{\mathcal{S}} &= \sum_{\mathrm{X}=\mathrm{A},\mathrm{B}'} \sum_{\mathrm{Y}=\mathrm{A},\mathrm{B}} \mathrm{X}_{\mathcal{S}} \left( \mathcal{Q}_{3}^{2};\mathcal{Q}_{3}^{2},0 \right) \mathrm{Y}_{\mathcal{S}} \left( \mathcal{Q}_{3}^{2};\mathcal{Q}_{1}^{2},\mathcal{Q}_{2}^{2} \right) \mathrm{Ts}_{2}^{\mathrm{XY}}. \end{split}$$

## Light-by-Light /переход мезона в два фотона



### LbL. Формфактор мезона

$$\mathcal{A}\left(\gamma^{*}\left(q_{1},\epsilon_{1}\right)\gamma^{*}\left(q_{2},\epsilon_{2}\right)\rightarrow\mathcal{P}^{*}\left(p\right)\right)=-ie^{2}\varepsilon_{\mu\nu\rho\sigma}\epsilon_{1}^{\mu}\epsilon_{2}^{\nu}q_{1}^{\rho}q_{2}^{\sigma}\mathcal{F}_{\mathcal{P}^{*}\gamma^{*}}\left(p^{2};q_{1}^{2},q_{2}^{2}\right),$$

где  $q_{1,2}$  – импульсы фотонов,  $\epsilon_{1,2}$  их векторы поляризации,  $p = q_1 + q_2$ . Для различных псевдоскалярных состояний мы получаем:

$$\begin{aligned} & F_{\pi_{0}^{*}\gamma^{*}\gamma^{*}}\left(p^{2};q_{1}^{2},q_{2}^{2}\right) = g_{\pi}(p^{2})F_{u}\left(p^{2};q_{1}^{2},q_{2}^{2}\right), \\ & F_{\eta^{*}\gamma^{*}\gamma^{*}}\left(p^{2};q_{1}^{2},q_{2}^{2}\right) = \frac{g_{\eta}(p^{2})}{3\sqrt{3}}\times \\ & \times \left[\left(5F_{u}\left(p^{2};q_{1}^{2},q_{2}^{2}\right) - 2F_{s}\left(p^{2};q_{1}^{2},q_{2}^{2}\right)\right)\cos\theta(p^{2}) - \right. \\ & -\sqrt{2}\left(5F_{u}\left(p^{2};q_{1}^{2},q_{2}^{2}\right) + F_{s}\left(p^{2};q_{1}^{2},q_{2}^{2}\right)\right)\sin\theta(p^{2})\right], \\ & F_{\eta^{\prime*}\gamma^{*}\gamma^{*}}\left(p^{2};q_{1}^{2},q_{2}^{2}\right) = \frac{g_{\eta^{\prime}}(p^{2})}{3\sqrt{3}}\times \\ & \times \left[\left(5F_{u}\left(p^{2};q_{1}^{2},q_{2}^{2}\right) - 2F_{s}\left(p^{2};q_{1}^{2},q_{2}^{2}\right)\right)\sin\theta(p^{2}) + \right. \\ & \left. +\sqrt{2}\left(5F_{u}\left(p^{2};q_{1}^{2},q_{2}^{2}\right) + F_{s}\left(p^{2};q_{1}^{2},q_{2}^{2}\right)\right)\cos\theta(p^{2})\right]. \end{aligned}$$

### Light-by-Light / meson to two photons

Переходный формфактор псеводскалярного мезона в два фотона запишется как,

$$F_{i}\left(p^{2};q_{1}^{2},q_{2}^{2}\right) = 8 \int \frac{d_{E}^{4}k}{(2\pi)^{4}} \frac{f(k_{1}^{2})f(k_{2}^{2})}{D_{i}(k_{1}^{2})D_{i}(k_{2}^{2})D_{i}(k^{2})} \times \\ \times \left[m_{i}(k^{2}) - m_{i}^{(1)}(k_{1},k)J_{1} - m_{i}^{(1)}(k_{2},k)J_{2}\right], \\ J_{1} = k^{2} + \frac{q_{2}^{2}(kq_{1})(k_{1}q_{1}) - q_{1}^{2}(kq_{2})(k_{1}q_{2})}{q_{1}^{2}q_{2}^{2} - (q_{1}q_{2})^{2}}, \\ J_{2} = k^{2} + \frac{q_{1}^{2}(kq_{2})(k_{2}q_{2}) - q_{2}^{2}(kq_{1})(k_{2}q_{1})}{q_{1}^{2}q_{2}^{2} - (q_{1}q_{2})^{2}},$$
(15)

где

$$k_1 = k + q_1;$$
  $k_2 = k - q_2;$ 

и конечно-разностная производная первого порядка

$$m^{(1)}(p,q) = \frac{m(p^2) - m(q^2)}{p^2 - q^2}$$
(16)

▲□▶ ▲圖▶ ▲匡▶ ▲匡▶ 三臣 - のへで

#### В специальной кинематике

$$F_{i}\left(q_{1}^{2};q_{1}^{2},0\right) = 8 \int \frac{d_{E}^{4}k}{(2\pi)^{4}} \frac{f(k_{1}^{2})f(k^{2})}{D_{i}(k_{1}^{2})D_{i}^{2}(k^{2})} \times$$

$$\times \left[m_{i}(k^{2}) - m_{i}^{(1)}(k_{1},k)\overline{J}_{1} - m_{i}'(k^{2})\overline{J}_{2}\right],$$

$$\overline{J}_{1}\left(k,q_{1}\right) = \left(kq_{1}\right) + \frac{2}{3}\left[k^{2} + 2\frac{(kq_{1})^{2}}{q_{1}^{2}}\right],$$

$$\overline{J}_{2} = \frac{4}{3}\left[k^{2} - \frac{(kq_{1})^{2}}{q_{1}^{2}}\right],$$

$$F_{i}\left(0;0,0\right) = \frac{1}{m_{d,i}}\left[\frac{1}{4\pi^{2}} - 8m_{c,i}\int \frac{d_{E}^{4}k}{(2\pi)^{4}}\frac{m_{i}(k^{2}) - 2m_{i}'(k^{2})k^{2}}{D_{i}^{3}(k^{2})}\right],$$
(17)
(18)

◆□▶ ◆□▶ ◆臣▶ ◆臣▶ 臣 のへで

# Light-by-Light / переход мезона в два фотона



Поведение переходного формфактора пиона в специальной кинематике.

Ę

## Light-by-Light / переход мезона в два фотона



DRZ, EPJC 72 (2012), arXiv:1204.3729

### LbL. Контактные слагаемые.

Для вычисления вклада в AMM мюона нам потребуется вычислить производную от этого тензора

$$J^{\mu
u\lambda}_{\sigma
ho} = rac{\partial}{\partial\Delta_
ho} \left. T^{\mu
u\lambda}_{\sigma}(\Delta,k_1,k_2,k_3) 
ight|_{\Delta=0}.$$

Выражение для тензора рассеяния света на свете четвертого ранга выписано подробно в статье Nuovo Cim. А **30** (1975) и содержит в себе 138 структур, которые с учётом симметрии и калибровочной инвариантности можно сократить до 17. Используя подобные схемы, можно записать общий вид для тензора  $J^{\mu\nu\lambda}_{\sigma\rho}$ , важного для вычисления AMM /Кураев и др. Yad. Fiz. **50** (1989)/:

$$J^{\mu\nu\lambda}_{\sigma\rho}(123) = \sum_{ijl} A^{ijl}_{\rho\sigma} k^{\mu}_{i} k^{\nu}_{j} k^{\lambda}_{l} + \sum_{i} B^{i}_{\rho\sigma} k^{\mu}_{i} g^{\nu\lambda} + \sum_{i} C^{i}(\bar{k}^{\mu}_{i})_{\rho\sigma} g^{\nu\lambda} + \sum_{ijl} d^{ijl}(\bar{k}^{\mu}_{i})_{\rho\sigma} k^{\nu}_{j} k^{\lambda}_{l} + \sum_{i} E^{i}(123) k^{\mu}_{i} [\nu\lambda]_{\rho\sigma} + \sum_{j} F^{j}_{\rho\sigma}(123) k^{\nu}_{j} g^{\mu\lambda} + \dots$$

◆□▶ ◆□▶ ◆臣▶ ◆臣▶ 臣 のへで



Рис.: Топологически отличный диаграммы процесса рассеяния света на свете в нелокальной кварковой модели. Последняя редуцированна 4-х кварковым взаимодействием и вычислена в ранее.

### LbL. Контактные слагаемые.



Зависимость вклада в АММ мюона от величины массы кварка.



$\pi, K$ -loops	$\pi^0,\eta,\eta'$	scalars	quark-loop	Total	Ref.
-4.5(8.1)	82.7(6.4)	-	9.7(11.1)	89.6(15.4)	Hayakawa
-19(13)	85(13)	-6.8(2.0)	21(3)	83(32)	Bijnens
-	83(12)	-	-	80(40)	Knecht
0(10)	114(10)	-	0	136(25)	Melnikov
-	-	-	-	110(40)	Bijnens-2007
-19(19)	114(13)	-7(7)	2.3 [c-quark]	105(26)	P.R.V.
-19(13)	99(16)	-7(2)	21(3)	116(40)	N.J.
-	81(2)	-	107(2)	188(4)	Goecke, Fischer
-	-	-	-	118-148	Bougheza
-	68(3) $[\pi^0]$	-	82(6)	150(3)	Greynat
-	-	-3.1(0.8)	-	76(4)-125(7)	Masjuan, Pauk
-(11 - 71)	-	-	-	-	Engel
-20(5)	-	-	-	-	Bijnens-2012
—	-	-	143	143	Pivovarov
—	58.5(8.7)	11	101	168(12)	Our results
-45	$+\infty$	-	60	-	no FF

### Заключение

- Получены вершинные функции взаимодействия кварк-антикварка с внешним калибровочным полем, вплоть до случая взаимодействия четырех фотонов.
- Получен вид переходного формфактора в два виртуальных фотона, для случая легких скалярных и псевдоскалярных мезонов.

Вычислен вклад в аномальный магнитный момент мюона от процесса рассеяния света на свете с промежуточными легкими скалярными и псевдоскалярными резонансами в рамках нелокальной кварковой модели. Сумма вклада была оценена а<sup>LbL,S+PS</sup> = (6.25 ± 0.83) · 10<sup>-10</sup>. Полученная величина в полтора раза меньше результатов полученных другими группами. Данный фактор объясняется тем что был полностью учтена кинетическая зависимость промежуточного виртуального состояния мезона, лежащего в не массовой поверхности.

Вычислен вклад в аномальный магнитный момент мюона для контактных диаграмм. Величина вклада от данного процесса составила  $a_{\mu}^{LbL;contact} = 101 \cdot 10^{-11}$ . Это позволило дать оценку на величину полного вклада в AMM мюона от LbL процесса в рамках нелокальной модели, и он равен примерно  $a_{\mu}^{LbL} = 168(12) \cdot 10^{-10}$ . 1) A.E. Dorokhov, A.E. Radzhabov, A.S. Zhevlakov "The pseudoscalar hadronic channel contribution of the light-by-light process to the muon (g - 2) within the nonlocal chiral quark model", The European Physical Journal C, 2011, v.71, Nº. 7, 1702

2) A.E. Dorokhov, A.E. Radzhabov, A.S. Zhevlakov "The Light-by-Light Contribution to the Muon (g-2) from Lightest Pseudoscalar and Scalar Mesons within Nonlocal Chiral Quark Model", Eur.Phys.J.C. 72, 2227, 2012.

**3)** A.E. Dorokhov, A.E. Radzhabov, A.S. Zhevlakov "Hadronic contribution to the muon anomalous magnetic moment (g-2) mu due to light-by-light scattering in a nonlocal quark model", Известия Вузов, Физика. Томск. 6, 2010, 75.

**4)** A.E. Dorokhov, A.E. Radzhabov, A.S. Zhevlakov "Calculation of Hadronic Contribution to the Anomalous Magnetic Momentum of Muon (g-2) from Light by Light Scattering Diagram in Nonlocal Chiral Quark Model ", Phys.Part. Nucl. Lett., 8, 2011, 768.

◆□▶ ◆□▶ ◆三▶ ◆三▶ 三三 のへで

**5)** A.E. Dorokhov, A.E. Radzhabov, A.S. Zhevlakov "Light-by-light contribution to the (g-2) of muon from pseudoscalar channel in the nonlocal SU(3)xSU(3) quark model.", Nucl.Phys.Proc.Suppl., 2011, v. 219-220, p. 267-270.

**6)** A.E. Dorokhov, A.E. Radzhabov, A.S. Zhevlakov "The light-by-light contribution to the (g-2) of muon from lightest pseudoscalar and scalar mesons within nonlocal chiral quark model.", Nucl.Phys.Proc.Suppl., 2012, v. 225-227, p. 273-276.

7) A.E. Dorokhov, A.E. Radzhabov, A.S. Zhevlakov "Pseudoscalar meson transition form factors in nonperturbative QCD approach.", Nucl.Phys.Proc.Suppl., 2012, v. 225-227, p. 141-145.

**8)** A.E. Dorokhov, A.E. Radzhabov, A.S. Zhevlakov "The muon anomaly and  $\pi^{0}$ light-by-light contribution. Estimation of the value and error band in nonlocal chiral quark model.", Nucl.Phys.Proc.Suppl., 2012, v. 225-227, p. 298-300.

◆□▶ ◆□▶ ◆臣▶ ◆臣▶ 臣 のへで

- **9)** A.E. Dorokhov, A.E. Radzhabov, A.S. Zhevlakov "Status of the lepton g-2 and effects of hadronic corrections", JETP Letters. Vol.100 (2014).
- **10)** A.E. Dorokhov, A.E. Radzhabov, A.S. Zhevlakov "The meson-exchange induced light-by-light contribution to  $(g 2)_{\mu}$  whithin the nonlocal chiral quark model", Acta.Phys.Polon.Supp. 6 (2013) 157-164.
- 11) A.E. Dorokhov, A.E. Radzhabov, A.S. Zhevlakov "Scalar mesons LbL contribution to the (g-2) of muon in  $N\chi$ QM", PoS Baldin-ISHEPP-XXI, 2012, 063.

◆□▶ ◆□▶ ◆臣▶ ◆臣▶ 臣 のへで



Thank you for attention.

